

Amirkabir Journal of Civil Engineering

Using the Sinusoidal Shape Function in Analyzing the 3-Span Continuous Concrete Bridges in Lateral Direction

Farshad ghaffari^{1,*}, mohammad ghasem vetr², mohammad reza adl parvar³

¹Ph.D. student of structural Eng., Department of Civil Engineering, University of Qom, Qom, Iran.

² Assistant Prof, International Institute of Earthquake Engineering and Seismology(IIEES).

³ Associate Prof, Department of Civil Engineering, University of Qom, Qom, Iran.

ABSTRACT: With attention to the importance of the three-span continuous bridges and the complexity of analyzing structures with multi-degree of freedom, utilizing desirable numerical models to estimate the internal forces of this group of structures is highly effective. A new analyzing method is introduced in this study which can be used to the 3-span continuous bridges with constant section and heavy moment resistance in the transverse direction. The defined pattern is based on employing sinusoidal shape function both the bridge's deflection shape and its corresponding applied forces. This model is developed by assuming a simple beam on the elastic constraints and thereby its results can be earned by minimizing the created potential function of the whole structure. Creating a desirable manual method in calculating the internal shear forces of columns in the three-span bridges is a good comparative idea over the complicated method proposed by Aashto needing 3-dimensional modeling in related software. By considering 5 different states of an example sample and analyzing those, the obtained results of the suggested way prove its high precision and efficiency on controlling the calculations manually because of having mostly the errors less than 3 percent related to the exact method.

Review History:

Received: 6/21/2018 Revised: 9/7/2018 Accepted: 9/25/2018 Available Online: 10/13/2018

Keywords:

Internal Energy of Structure Transverse Forces Sinusoidal Shape Function Potential Function Single-Mode Spectral Analysis

INTRODUCTION

Since the process of calculating the column forces precisely is very complicated needing some specialty [1, 2, 3], Estimating the bridge transverse forces by a manual accurate method can help engineering societies find some of the analyzing results from other methods. The newly introduced pattern is based on defining a deformation shape function under the lateral forces and utilizing the Aashto formulas to analyze such bridges.

By assuming a sinusoidal shape for the bridge deck's deformation form, and also determining the actual transverse loading and its corresponding deflection configuration, the analysis process can be simplified clearly [5,4]. Thereby, the amounts of needing variables will be computed by minimizing the potential function of the whole structure. The potential function is originated by summing the kinematic energy related to the deformed components (U) and the potential energy (V) gathered in resisting components [6].

In this study, the internal shear forces of columns and the transverse vibration period are computed through proposed and Aashto methods for five different bridges, and the results will be compared together.

To estimate the precision of the energy method, each of the samples has been investigated in different conditions of column's transverse stiffness and the length of spans. *Corresponding author's email: dr.ghaffari.f@gmail.com Eventually, according to the above says five distinct cases are evaluated by both patterns. The results show that this way can be employed for all types of 3-span continuous bridges.

Some similar studies have been done about continuous bridges with insolated piers. In these researches, the suggested methods of Aashto, the seismic responses of bridges with several bays due to changing the stiffness of deck to piers and controlling the design based on deformation pattern or force one are investigated analytically [7,8,9].

Introducing the Aashto SMSA method

The defined procedure of Aashto is single-mode spectral analysis (SMSA). In this way, a first step of the deformation shape of the structure will be gained by analyzing that in software under the unite uniform load imposed laterally, and then the new loading pattern which is according to the first mode deformation shape will be achieved. By applying the new loading shape to the bridge's deck transversally and analyzing the structure once again the internal forces of piers will be obtained.

Energy proposed method

In the first phase of the proposed method, the sinusoidal shape function with unknown amplitude ($V_s = V_0 \sin \pi x/L$) is assumed under the effect of the uniform load. In the second phase, the process of solving will be repeated once again by

Copyrights for this article are retained by the author(s) with publishing rights granted to Amirkabir University Press. The content of this article is subject to the terms and conditions of the Creative Commons Attribution 4.0 International (CC-BY-NC 4.0) License. For more information, please visit https://www.creativecommons.org/licenses/by-nc/4.0/legalcode.



Fig. 1. Structure deformed model under sinusoidal transverse load.

considering the sinusoidal shape function for both loading history $(P_{e}(x) = P_{e_0} \sin \pi x/L)$ and its corresponding deflection ($V_{e}(x) = V_{\infty} \sin \pi x/L$). The unknown variables in each of the phases can be achieved by minimizing the total energy function due to the entering energy and the saved energy of resisting components against the assumed deformation. The entering energy is equivalent to the negative work due to external forces and the internal energy is equal to summing the strain energies due to bridge deck (U_d) and bridge piers (U_b). The equation of total energy function is offered in Eq. (1).

$$\Pi = U + V = U_d + U_b - W_{P_0} \tag{1}$$

By having the deformation shape, the columns' shear forces and the vibration period of the bridge will be gained. The ultimate deflection shape of the bridge can be modeled as Fig. 1. The shear forces of columns can be computed by having the column's lateral stiffness (K_b) and the deformation corresponding to the piers' location (V_{e0} sin $\pi x/L$), as given in Eq. (2).

$$F_{b1} = k_b V_{eo} \sin(\pi x/L) \tag{2}$$

Validating of Software modeling and comparing to energy method

To validate the 3dimentional modeling and solving process in the Aashto method, one of the Aashto examples analyzed in SAP software has been compared herein (Fig. 2). The modeling process has been done under part 2. All of the obtained outputs and the way of deformation have been compared quantitatively.

The elected example has been analyzed also by the energy method. All of the analyzing processes are according to part 3. This sample is the main one which is called in Table 1 as case 1.

Controlling the suggested method in several different models

To compare the precision of the proposed method, 5 different models have been considered. The main sample is the same as the Aashto example which is a 3-span continuous bridge with a deck having high flexural resistance in the transverse direction (Fig. 2) (case 1). The other four samples have been developed by changing the bays' length and columns' stiffness, where case 2 and case 3 models with lower



Fig. 2. Concrete bridge of Aashto example [1].

Table 1. Result comparisons between Aashto & energy.

		The	Energy	
Variables	sampla	Aashto	Method	Error
variables	sample	method	(Proposed	(%)
		(SMSA)	pattern)	
The	Case 1	1.05mm	1.07mm	1.9
maximum	Case 2	0.858	0.864	0.7
of	Case 3	1.3	1.317	1.3
deformation	Case 4	1.229	1.255	2.11
(V ₀)	Case 5	1.5	1.515	1.0
Vibration	Case 1	0.317s	0.318s	0.32
period in	Case 2	0.28	0.284	1.43
the	Case 3	0.3487	0.351	0.66
transverse	Case 4	0.3397	0.3427	0.88
direction(T)	Case 5	0.3416	0.3766	10.25
The	Case 1	32.08mm	32.03mm	0.15
maximum	Case 2	25.71	25.56	0.58
of deflection	Case 3	38.4	38.95	1.43
under the $P(\mathbf{x})$	Case 4	36.552	37.12	1.55
loading (Veo	Case 5	51.6	44.83	13.12
	Case 1	170ton	174ton	2.35
The shear	Case 2	214.4	219	2.15
forces of	Case 3	125.5	125.8	0.24
bent 1(Fc)	Case 4	165.97	171.05	3.06
item ((())	Case 5	166.98	146.9	12.03
	Case 1	182ton	185ton	1.65
The shear forces of	Case 2	229.6	239	4.09
	Case 3	134.4	134.2	0.14
bent 2(Fc)	Case 4	165.97	171.05	3.06
Dent Z(10)	Case 5	166.98	146.9	12.03

and upper column stiffnesses, respectively, and case 4 and case 5 are samples with different bridge span lengths over the case1. The obtained outputs have been compared quantitatively in Table 1. According to Table 1, assuming sinusoidal shape for lateral deflection of the bridge with heavy deck, high flexural resistance, and using the energy conservation law in solving process will lead to reasonable results.

CONCLUSIONS

The proposed energy method without needing 3D modeling in professional software can be intended as a desirable manual method for designers. Through this way, by assuming a sinusoidal deflection function and using the Aashto parameters, an accurate estimate of results can be achieved. The results in the introduced pattern showed mostly errors fewer than 3% over the exact one where it's investigated in 5 separate models through changes in piers' stiffness and spans' length.

REFERENCES

- AASHTO, 2012 AASHTO LRFD Bridge Design Specifications, Customary U.S. Units (6th Edition), American Association of State Highway and Transportation Officials, 4th Edition, Washington, D.C.
- [2] Barker, R. M. & Puckett, J. A. 2013 Design of Highway Bridges: A LRFD Approach, 3rd Edition, John Wiley & Sons, Inc., New York, NY.

- [3] Clough, R.W. & Penzein, J. 1993 Dynamics of Structures, McGraw Hill, New York.
- [4] Chopra AK, Chopra AK. Dynamics of structures: theory and applications to earthquake engineering. Upper Saddle River, NJ: Pearson/Prentice Hall; 2007 May 1.
- [5] Caltrans, 2014a California Amendments to AASHTO LRFD Bridge Design Specifications – 6th Edition, California Department of Transportation, Sacramento, CA.
- [6] Chen, W.F. & Lui, E.M. 1987 Structural Stability, Elsevier, New York.
- [7] Najm H, Vasconez R. Assessment of AASHTO LRFD guidelines for analysis of regular bridges subjected to transverse earthquake ground motions. Bridge Structures. 2015 Jan 1; 11(1, 2):3-18.
- [8] Calvi GM. Recent experience and innovative approaches in design and assessment of bridges. Proceedings of 13th World Conference on Earthquake Engineering, Vancouver, Canada, 2004.
- [9] Tubaldi E, Barbato M, Dall'Asta A. Transverse seismic response of continuous steel-concrete composite bridges exhibiting dual load path. Earthquake and Structures 2010; 1(1):21–41.

HOW TO CITE THIS ARTICLE

F. ghaffari, M. Gh. Vetr, M. R. Adl Parvar, Using the Sinusoidal Shape Function in Analyzing the 3-Span Continuous Concrete Bridges in Lateral Direction, Amirkabir J. Civil Eng., 53(1) (2021) 37-40.

DOI: 10.22060/ceej.2018.14637.5702



This page intentionally left blank

نشريه مهندسي عمران اميركبير

نشریه مهندسی عمران امیرکبیر، دوره ۵۳ شماره ۱، سال ۱۴۰۰، صفحات ۱۷۱ تا ۱۸۴ DOI: 10.22060/ceej.2018.14637.5702

بهره گیری از تابع شکل سینوسی در تحلیل پلهای بتنی سه دهانه پیوسته در جهت عرضی

فرشاد غفاری'*، محمد قاسم وتر'، محمد رضا عدل پرور'

^۱ دانشجوی دکترای سازه دانشگاه قم ^۲ استادیار، دپارتمان پژوهشکاه بین اللمللی زلزله و زلزله شناسی، تهران، ایران ۲دانشیار، دپارتمان مهندسی عمران-سازه، دانشگاه قم، قم، ایران

تاریخچه داوری: دریافت: ۱۳۹۷/۰۳/۳۱ بازنگری: ۱۳۹۷/۰۶/۱۶ پذیرش: ۱۳۹۷/۰۷/۰۲ ارائه آنلاین: ۱۳۹۷/۰۷/۲۱

کلمات کلیدی: انرژی درونی سازه نیروهای برشی عرضی تابع شکل سینوسی تابع پتانسیل مود اول تغییرشکل خلاصه: با توجه به اهمیت پلهای سه دهانه و پیچیدگیهای تحلیل سازههای چند درجه آزادی به روش دستی، بکارگیری روشهای دقیق عددی در تخمین نیروهای این گروه از پلها بسیار حائز اهمیت می باشد. در این مطالعه روشی تحلیلی معرفی خواهد شد که برای ارزیابی پلهای سه دهانه پیوسته با پایههای جداسازی نشده و عرشه با مقطع ثابت و گشتاور ماند نسبتاً بالا در جهت عرضی می تواند کارآمد باشد. روش معرفی شده در این مطالعه براساس به کارگیری تابع شکل سینوسی برای تغییر شکل عرشه پل و همچنین نیروهای وارده متناظر با آن تغییر شکل خواهد بود. این روش با فرض مدل ساده تیر بر روی تکیه گاههای الاستیک میسر شده است و با تشکیل و به حداقل رساندن تابع پتانسیل ناشی از کلیه پارامترهای محرک و مقاوم در شکل گیری تغییر شکل، ایجاد شده است. با توجه به اینکه روش پیشنهادی آشتو در محاسبه نیروهای پلها با بیش از دو دهانه روشی سه بعدی و نیازمند به کارگیری نرمافزارهای خاص در این رابطه می باشد، محاسبه نیروهای پلها با بیش از دو دهانه روشی سه بعدی و نیازمند به کارگیری نرمافزارهای خاص در این رابطه می باشد، محاسبه نیروهای پلها با بیش از دو دهانه روشی سه بعدی و نیازمند به کارگیری نرمافزارهای خاص در این رابطه می باشد، روش پیشنهادی با اختلاف کمتر از ۱۰٪ نسبت به روش دقیق، نشان از دقت بالای روش پیشنهادی و کارآمدی آن در روش پیشنهادی با اختلاف کمتر از ۱۰٪ نسبت به روش دقیق، نشان از دقت بالای روش پیشنهادی و کارآمدی آن در

۱– مقدمه

روش ارائه شده توسط آشتو جهت ارزیابی دقیق پلهای پیوسته چندین دهانه، تحلیل براساس مود اول تغییرشکل میباشد که این روش به Single Mode Spectral Analysis) مرسوم میباشد. این روش با بهره گیری از نرمافزارهای تحلیل سهبعدی، با اعمال بار عرضی یکنواخت واحد در طول تیر تغییرشکل متناظر با آن از آنالیز سازه بدست خواهد آمد. این تغییرشکل در محاسبه آن از آنالیز سازه بدست خواهد آمد. این تعییرشکل در محاسبه که از طریق آنها پریود ارتعاش پل قابل محاسبه خواهد بود. با تعیین تابع بارگذاری معادل با شکل مد اول سازه و تحلیل مجدد سازه تحت

* نویسنده عهدهدار مکاتبات: dr.ghaffari.f@gmail.com

Creative Commons License) حقوق مؤلفین به نویسندگان و حقوق ناشر به انتشارات دانشگاه امیرکبیر داده شده است. این مقاله تحت لیسانس آفرینندگی مردمی (Creative Commons License) ۱۳ هر در دسترس شما قرار گرفته است. برای جزئیات این لیسانس، از آدرس https://www.creativecommons.org/licenses/by-nc/4.0/legalcode دیدن فرمائید.

چنین باری مقادیر نیروهای برشی عرضی ستونها به صورت دقیق محاسبه خواهند شد [۱٫۲].

از آنجا که تابع شکل سینوسی برای یک تیر دو سر ساده طبق پاسخ عمومی معادله ارتعاش بهترین تقریب شکل مودی ارتعاش را ارائه میدهد و به بطور کلی مودهای تغییرشکل جرمهای گسترده پیوسته با تکیهگاههای انتهایی مفصلی و بدون سختیهای متمرکز میانی همواره مضربی از توابع سینوسی (...($x_L; n = 1, 2, 3, ...)$) میباشند [۳,۴]، لذا در این تحقیق نیز از فرض تغییر شکل سینوسی برای کفه پل مورد نظر در جهت عرضی استفاده شده است. در واقع هر تابع شکل که بتواند یک تقریب منطقی از شکلهای مودی ارتعاش سازه را تخمین بزند و شرایط مرزی را تأمین نماید، میتواند به عنوان



تابع تغییرشکل سازه لحاظ گردد؛ ولیکن فرض تابع شکل سینوسی برای مدل پلهای سه دهانه (جرمهای گسترده با سختیهای متمرکز میانی) نیز با روش معرفی شده در ادامه تقریب بسیار نزدیکی نسبت به روش دقیق ارائه خواهد کرد.

روش بهره گیری از مود اول تغییرشکل سازه را میتوان از طریق فرض تغییرشکل سینوسی برای کفه دال و نوشتن تابع کلی پتانسیل به صورت روشی که در این مطالعه پیشنهاد خواهد شد ساده سازی نمود. با در نظر گرفتن تابع تغییرشکل سینوسی، تابع پتانسیل سازه از مجموع انرژی کرنشی (U) و انرژی پتانسیل (V) محاسبه خواهد شد [⁴]. انرژی کرنشی از مجموع انرژی کلیه اعضای مقاوم در جهت تغییرشکل و انرژی پتانسیل با منفی کار ناشی از کلیه بارهای خارجی وارد بر سازه برابر خواهد بود [⁴,⁹].

روش فعلى در اين مطالعه و روش رايلي هر دو بر پايه اصول پایستاری انرژی و تکیه بر تابع تغییرشکل فرضی استوار هستند، و در صورت فرض تغییرشکل سینوسی در هریک از دو روش، پروسه متفاوت حل و وجود پارامترهای مؤثر در شکل مدی از جمله سختیهای متمرکز میانی ناشی از سختی پایه پلها میتوانند بر دامنه تغییرشکل سینوسی پل تأثیرگذار باشد و هر یک از دو روش نتایج متفاوتی را ارائه دهند، و لذا در این تحقیق نشان داده خواهد شد که با تکیه بر پارامترهای ارائه شده توسط آشتو برای تحلیل سازه، مى توان به تقريب مناسبى از دامنه تغيير شكل سازه، پريود ارتعاش و نیروهای برشی پایهها در جهت عرضی دست یافت که می تواند نتایج بسیار نزدیکی در مقایسه با روش دقیق ارائه دهد. در این مطالعه قصد بر این است تا نیروهای داخلی ستونهای پل سهدهانه پیوسته و پریود آن در جهت عرضی به دو روش یکی روش معرفی شده توسط آشتو (روش دقیق) و دیگری روش انرژی (روش پیشنهادی) محاسبه شوند و نتایج با یکدیگر مورد مقایسه قرار گیرند. همان طور که از پروسه تحلیل سازه پل در روش دقیق دیده خواهد شد این روش بسیار پیچیده و زمانبر می باشد که نیازمند تخصص مربوطه نیز می باشد [۱٫۴]، در حالی که با بهره گیری از روش ساده دستی پیشنهادی به راحتی میتوان تخمین بسیار دقیقی برای نیروهای برشی ستونها و پریود پل و سایر پارامترهای مربوطه داشت. این روش برای پلهای سه دهانه پیوسته با عرشههای با مقطع ثابت و ممان اینرسی نسبتاً

بالا حول محور عمود بر صفحه دال دقت بالاتری دارد. در این مطالعه پس از صحتسنجی مدلهای عددی توسط مثال کاربردی موجود در آیین نامه آشتو، روش مذکور برای آن مثال و ^۴ نمونه تغییر یافته از آن مورد بررسی قرار خواهد گرفت و نتایج آن با نتایج مستخرج از روش عددی دقیق مورد مقایسه قرار خواهند گرفت.

تعدادی مطالعات مشابه که در خصوص پلهای با پایههای متصل به دال (پلهای با پایههای جداسازی نشده) صورت گرفته است به قرار زیر میباشند. در اکثر این مطالعات از مدل تیر دوبعدی بر روی تکیهگاههای ساده بهره گرفته شده است.

در مطالعهای جامع انواع روش های پیشنهادی آشتو شامل توزیع بار یکنواخت (UL) و بارگذاری طبق روش (SMSA) برای انواع پلها با خصوصیات مختلف مورد مطالعه قرار گرفته است. نتایج تحقیق بیانگر غیراقتصادی بودن شیوه طراحی با روش بارگذاری عرضی با توزیع یکنواخت میباشد، به طوری که نیروهای ایجاد شده در تکیهگاههای کناری بین ۲۵٪ تا ۳۰۰٪ افزایش و گاهاً نیروی برشی ستونها تا ۱۰٪ کاهش نسبت به حالت SMSA داشته است [۷].

کالوی [^۸] در مطالعهای بر توانایی شیوه طراحی براساس تغییر شکل نسبت به طراحی براساس نیرو تأکید داشتند و این رویکرد را برای اعمال دو شیوه بار گذاری توام مورد بررسی قرار دادند.

توبالدی و همکارانش [^۹] پاسخ لرزهای پلهای چند دهانه را با تغییر در سختی عرشه به پایهها با تعریف نسبت ارتفاع پایهها به قطر پایهها مورد بررسی قرار دادند. نتایج بدست آمده به این صورت میباشد که: ۱) با افزایش نسبت ارتفاع به قطر پایه شیوه بارگذاری الاستیک اهمیت بیشتری نسبت به بارگذاری غیرالاستیک دارد. ۲) مدهای مختلف خرابی برای اعضای مختلف هنگام تحلیل باید دیده شود و ۳) امکان بروز خرابی در صورت تسلیم شدن عرشه یا افزایش ظرفیت انحنایی پایهها طبق تغییر در نسبت ذکر شده وجود خواهد

رویکردهای مشابه دیگری جهت ارزیابی رفتار پلهای پیوسته بر روی پایههای جداسازی شده بکار گرفته شده است [۱۱,۱۲&۱۰]. محققین در این مطالعات تأثیر جداسازی پایهها و همچنین تفاوت بین رفتار این تیپ از پلها را با پلهای جداسازی نشده مورد ارزیابی و مقایسه قرار دادهاند.



شکل ۲. پلان پل سه دهانه تحت تأثیر بارگذاری زلزله عرضی

به ترتیب شتاب ثقل، شتاب مبنای طرح و ضریب خاک میباشند و سایر یارامترها در روابط قبلی معرفی شدهاند.

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{\gamma}{P_0 g \alpha}} \tag{(f)}$$

$$C_s = \frac{1.2AS}{T^{2/3}} \le 2.5A \tag{(a)}$$

برش پایه V ناشی از زلزله تحت تغییر شکل مود اول کفه پل به صورت رابطه ($^{+}$) محاسبه خواهد شد، بطوری که W_I وزن مؤثر مود اول میباشد که بصورت رابطه ($^{\vee}$) محاسبه خواهد گشت. با داشتن برش پایه توزیع نیروی زلزله ارتجاعی $P_e(x)$ (تابع بار گذاری) وارد بر کفه پل براساس رابطه ($^{\wedge}$) محاسبه می شود.

$$V = C_s W_I \tag{(?)}$$

$$W_{I} = \frac{\int \left[W(x)V_{s}(x)dx\right]^{2}}{\int W(x)V_{s}^{2}(x)dx} = \frac{\beta^{2}}{\gamma}$$
(Y)

$$P_{e}(x) = \frac{W(x)V_{s}(x)}{\int W(x)V_{s}(x)dx}V = \frac{W(x)V_{s}(x)}{\beta}V =$$
(A)
$$\frac{\beta C_{s}W(x)V_{s}(x)}{\gamma} = P_{e0}(x)V_{s}(x)$$

با داشتن تابع بارعرضی زلزله $P_e(x)$ ، براساس میزان تغییرشکل اولیه پل تحت بار عرضی یکنواخت میتوان میزان بار عرضی زلزله را در هر طول مشخص از پل محاسبه نمود. پلان مقدار بار عرضی زلزله را در هر یک چهارم دهانه که میزان تغییرشکل پل در این نقاط از روی نرمافزار تهیه شده بود، محاسبه میشود و پس از اعمال این بارگذاری به سازه و تحلیل مجدد آن در نرمافزار تحلیل سهبعدی،



شکل ۱. اعمال بار عرضی واحد به عرشه پل و مدل تغییر شکل ناشی از آن

۲- آشنایی با روش آشتو در محاسبه نیروهای عرضی پل: جهت محاسبه نیروی عرضی پل طبق روش آشتو ابتدا مدل پل به صورت سهبعدی در نرمافزار SAP مدلسازی میشود و سپس نیروی عرضی یکنواخت برابر با $P_0=1ton/m$ (مطابق شکل ۱) به طور افقی به کفه پل اعمال می گردد. سپس تغییرشکل کفه پل با استفاده از برنامه تحلیل سه بعدی SAP2000 بدست می آید. مدل تغییرشکل یافته پل $V_s(x)$ پس از آنالیز تحت بار عرضی یکنواخت به صورت نقطه چین در شکل ۱ نشان داده شده است [1, 7].

با داشتن شکل مدی $V_s(x)$ و بکارگیری روش عددی سیمسون میتوان انتگرالهای مربوط به پارامترهای α ، β و γ را محاسبه نمود [۱,۱۳]. روابط مربوط به پارامترهای α ، β و γ در روابط (۱)، (۲) و (۳) ارائه شدهاند. در این روابط i طول هریک از دهانههای پل، W(x) وزن واحد طول پل و مقادیر v_0 تا V_4 مقادیر تغییر شکلهای ابتدا تا انتهای هریک از دهانههای پل در فواصل یکسان ۱/۴ دهانه میباشند. با داشتن پارامترهای فوق میتوان زمان تناوب پل در جهت عرضی و نیروی عرضی زلزله را مطابق با تابع تغییر شکل پل محاسبه نمود.

$$\alpha = \int V_s(x) dx = \frac{1}{3} \sum_{i=1}^{3} \frac{l_i}{4} (V_0 + 4V_1 + 2V_2 + 4V_3 + V_4) \quad (1)$$

$$\beta = \int W(x)V_s(x)dx = \frac{W(x)}{3}\sum_{i=1}^3 \frac{l_i}{4}(V_0 + 4V_1 + 2V_2 + 4V_3 + V_4)$$
(Y)

$$\gamma = \int W(x)V_s^2(x)dx = \frac{W(x)}{3}\sum_{i=1}^3 \frac{l_i}{4}(V_0^2 + 4V_1^2 + 2V_2^2 + 4V_3^2 + V_4^2) \quad (\Upsilon)$$

زمان تناوب اصلی پل در جهت عرضی T (ثانیه) و ضریب زلزله S و A ،g از روابط $(^{6})$ و $(^{6})$ بدست خواهند آمد. در این روابط g ، R و C_s

مقادیر نیروی برش عرضی هریک از ستونها محاسبه خواهند شد. بارگذاری پل تحت بار عرضی زلزله و تغییرشکل ناشی از آن پس از تحلیل $V_e(x)$ در شکل ۲ نشان داده شده است.

۳- معرفی روش پیشنهادی

همچون روش پیشنهادی آشتو که با اعمال بار یکنواخت واحد بر پل در جهت عرضی پل پیگیری میشود تا بتوان شکل تغییرشکل پل را محاسبه نمود، در روش پیشنهادی نیز بار عرضی واحد بر پل اعمال میگردد و برای شکل تغییرشکل پل تحت این بار، تابع سینوسی با دامنه مجهول فرض میگردد. فرض تابع سینوسی متناظر با تغییرشکل عرشه پل نزدیکترین جواب مفروض را نسبت به روش دقیق ارائه خواهد کرد [۴,4]. با تشکیل تابع انرژی کلی مربوط به انرژی ورودی به سازه و انرژی اجزای مقاوم در برابر ایجاد تغییرشکل و حداقل نمودن این تابع میتوان مجهولات مسأله را پیدا نمود.

یک پل سه دهانه مطابق شکل $^{\pi}$ -الف متشکل از دو تکیه گاه میانی می باشد که هر پایه قابی با توجه به ستونهای آن داری سختی جانبی خود خواهند بود، همچنین در دو انتها به دلیل مستقر شدن عرشه پل بر کولههای ابتدایی و انتهایی تنها شرایط اتصال مفصلی برای دو انتهای عرشه پل به وجود خواهد آمد. عرشه پل را به صورت ساده تیری در صفحه Y-X در نظر خواهیم گرفت و در همین صفحه نیز برای سختی جانبی هر پایه قابی از دو فنر الاستیک در امتداد آنها استفاده شده است. شکل $^{\pi}$ -ب مدل ساده شده این طرح را نشان می دهد.

سختی الاستیک فنرها برابر است با مجموعه سختیهای معادل ستونهای دو سرگیردار هر پایه قابی از سازه پل که بصورت رابطه



شکل ۳. الف) پلان عرشه پلهای سه دهانه، ب) معادلسازی عرشه پل و سختی جانبی هر یک از پایه قابیها

(۹) تعریف می شود. همچنین ممان اینرسی عرشه پل I_d با لحاظ شدن خمش در جهت محور عمود بر عرشه پل به صورت رابطه (۱۰) تعریف می شود. در این روابط J_c J_c J_c J_c J_c به ترتیب مدول الاستیسیته بتن، گشتاور ماند ستون، ارتفاع ستون، ضخامت کفه پل و عرض کفه پل می باشند.

$$k_b = \sum \frac{12EI_c}{h_c^3} \tag{9}$$

$$I_d = \frac{tB^3}{12} \tag{(1.)}$$

رابطه (۱۱) تابع اولیه فرضی تغییرشکل سینوسی برای کفه پل L را نشان میدهد. در این رابطه x طول پل نسبت به مبدا مختصات، L طول پل و V_0 حداکثر دامنه تغییرشکل پل است که مجهول میباشد.

$$V_s(x) = V_0 \sin \pi x / L \tag{11}$$

در این روش نیز با اعمال بار ثابت P_0 بر پل و فرض تغییر شکل سینوسی با دامنه مجهول ایده پیشنهادی پیگیری میشود. شکل * مدل پل تحت نیروی عرضی ثابت 1 تن بر متر و همچنین تابع تغییرشکل سینوسی ناشی از آن را نشان میدهد.

با داشتن تابع تغییرشکل فوق، انرژی کرنشی ناشی از هریک از پایه قابیهای پل و همچنین انرژی کرنشی ناشی از تغییرشکل دال پل مطابق روابط (۱۲) و (۱۳) محاسبه خواهند شد. در رابطه ۱۲، پل مطابق روابط (۱۲) و (۱۳) محاسبه خواهند شد. در رابطه ۱۲، قابیهای میانی نسبت به مبدأ مختصات میباشد. انرژی پتانسیل



شكل ۴. مدل تغيير شكل سينوسي عرشه پل تحت اعمال بار عرضي واحد

$$\alpha = \int V_s(x)dx = \int V_0 \sin(\pi x/L)dx = 2LV_0/\pi \qquad (18)$$

$$\beta = \int W(x)V_s(x)dx = W_0V_0 \int \sin(\pi x/L)dx = 2LW_0V_0/\pi \quad (1)$$

$$\gamma = \int W(x) V_s^2(x) dx = W_0 (V_0)^2 \int \sin^2(\pi x/L) dx = W_0 (V_0)^2 L/2 \quad (1A)$$

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{\gamma}{P_0 g \alpha}} = \sqrt{\frac{\pi^3 W_0 V_0}{P_0 g}} \tag{19}$$

$$P_e(x) = (\beta C_s / \gamma) W(x) V_0 \sin(\pi x/L)$$

$$(\Upsilon \cdot)$$

$$(4/\pi) C_s W_0 \sin(\pi x/L) = P_{e0} \sin(\pi x/L)$$

$$C_s = 1.2AS / T^{2/3} \le 2.5A \tag{(1)}$$

 $P_{e}(x) = P_{eo} \sin \pi x/L$ با توجه به تابع بار عرضی بدست آمده به صورت V_{e0} به تابع تغییر شکل سینوسی با دامنه مجهول V_{e0} به صورت مجدداً تابع تغییر شکل سینوسی با دامنه مجهول گرفته خواهد $V_{e}(x) = V_{eo} \sin \pi x/L$ شد. مشابه روند قبلی از حداقل کردن تابع پتانسیل، مقدار دامنه مجهول تابع تغییر شکل محاسبه و تابع تغییر شکل نهایی کفه پل معین می شود. مدل تغییر شکل یافته پل تحت بار عرضی سینوسی و تغییر شکل سینوسی از آن در شکل 0 نشان داده شده است.

توابع انرژی کرنشی کفه پل و ستونها و کار ناشی از بار خارجی با توجه به تابع تغییرشکل $V_e(x)$ به صورت روابط (۲۲)، (۲۳) و (۲۴) بازنویسی می شوند.

$$U_{d} = \frac{1}{4} E I_{d} (\pi^{4} / L^{3}) (V_{e0})^{2}$$
(YY)

 P_0 سازه W_{p_0} ، که برابر است با منفی کار ناشی از نیروهای خارجی P_0 ، به صورت رابطه (۱۴) محاسبه خواهد شد. تابع پتانسیل کلی سازه از مجموع سه رابطه فوق به صورت رابطه (۱۵) تعریف خواهد شد.

$$U_b = \sum \frac{1}{2} k_b (V_b)^2 = \sum \frac{1}{2} k_b (V_0)^2 \sin^2(\pi x_b/L)$$
(17)

$$U_{d} = \int \frac{1}{2} E I_{d} (V^{*})^{2} dx = \frac{1}{2} E I_{d} \int (V_{0})^{2} (\pi/L)^{4} \sin^{2}(\pi x/L) dx =$$

$$: \frac{1}{4} E I_{d} (\pi^{4}/L^{3}) (V_{0})^{2}$$
(17)

$$V = -W_{P_0} = -\int P_0 V_s dx = -P_0 \int V_0 \sin(\pi x/L) dx =$$

-(2P_0 L/\pi)V_0 (14)

$$\Pi = U + V = U_d + U_b - W_{P_0} \tag{10}$$

دامنه مجهول تابع (V_0) با حداقل کردن تابع پتانسیل کلی سازه برحسب مجهول مورد نظر، بدست میآید.

با داشتن مقدار V_0 و معلوم شدن تابع تغییرشکل عرشه $(X)_{\sigma}(x)$ با داشتن مقدار \mathcal{N}_0 و \mathcal{N} ارائه شده در روش آشتو طبق روابط $(\uparrow\uparrow)$, پارامترهای α , $(\uparrow\uparrow)$ و $(\uparrow\uparrow)$ محاسبه میشوند. در این روابط با توجه به ثابت بودن مقطع پل وزن واحد طول پل برابر با W_0 ($W(x)=W_0$) در نظر گرفته شده است. سپس به کمک این سه پارامتر مقادیر پریود پل در جهت عرضی (T) و تابع نیروی زلزله عرضی وارده متناسب با تابع تغییرشکل محاسبه فرض شده (x) به ترتیب مطابق روابط $(\uparrow\uparrow)$ و $(\uparrow\uparrow)$ قابل محاسبه غرض شده بود. ضریب زلزله Z موجود در رابطه $(\uparrow\uparrow)$ و $(\uparrow\uparrow)$ قابل محاسبه فرض شده بود. ضریب زلزله Z موجود در رابطه $(\uparrow\uparrow)$ ، طبق رابطه $(\uparrow\uparrow)$ قابل محاسبه قابل محاسبه خواهند بود. خواهد بود و باید همواره کمتر از Y



شکل ۵. مدل سازه تغییرشکل یافته تحت بار عرضی سینوسی (*P*_e(x)

۴- کاربرد روش پیشنهادی

پس از ارزیابی و مقایسه مدل فعلی با هر دو روش پیشنهادی و عددی، با ایجاد تغییرات در ارتفاع ستونهای پل مذکور و تغییرات در طول دهانههای آن ^۴ نمونه دیگر از این پل ایجاد شده و آنها با هریک از دو روش معمول آشتو و روش پیشنهادی مورد ارزیابی و مقایسه قرار خواهند گرفت، تا دقت روش انرژی پیشنهادی در نمونههای دیگر نیز برآورد گردد.

در شکل ^۶ یک پل جعبهای و پیوسته بتنی را نشان داده شده است. ضریب شتاب مبنای طرح A برابر ^۹/۰ و پل از لحاظ اجتماعی، امنیتی و دفاعی مهم (IC=1) و ضریب خاک S برابر ۱/۲ میباشد (مطابق با آیین نامه آشتو [۱]).

$$U_{b} = \sum \frac{1}{2} k_{b} (V_{e0})^{2} \sin^{2}(\pi x_{b}/L)$$
 (17)

$$V = -W_{pe} = -\int P_e V_e dx = -\int P_{e0} \sin(\pi x/L) V_{e0} \sin(\pi x/L) dx = -P_{e0} V_{e0} L/2$$
(YY)

با جمع کردن مقدار انرژیهای درونی اعضای سازه و کسر کار ناشی از بار خارجی تابع انرژی کلی سازه به صورت رابطه (۲۵) بدست میآید:

$$\Pi = U_d + U_b - W_{pe} \tag{7a}$$

با حداقل کردن تابع کلی پتانسیل سازه مقدار مجهول V_{e0} محاسبه خواهد شد و تابع تغییرشکل نهایی طبق رابطه x/L هر مقدار مشخص بدست میآید. با داشتن تابع $V_e(x)$ ، با جایگذاری هر مقدار مشخص برای x مقدار جابهجایی عرضی کفه پل در آن طول مشخص قابل محاسبه خواهد بود.

با داشتن جابهجایی عرضی در محل پایه قابیهای میانی و سختی ستونهای هر پایه قابی میتوان نیروی برش عرضی ستونهای پایه قابی ۱ و پایه قابی ۲ را از رابطه (۲۶) و (۲۷) بدست آورد.

$$F_{b1} = k_{b1} \cdot V_{eo} \sin(\pi x/L) \tag{(77)}$$

$$F_{b2} = k_{b2} \cdot V_{eo} \sin(\pi x/L) \tag{(Y)}$$

جدول ۱. مشخصات روسازه پل (عرشه پل) [۱]

طول پل (m)	114/800	عرض پل (<i>B</i> (m	۲۵
$L_{I}\left(\mathrm{m} ight)$ طول دهانه ۱ $L_{I}\left(\mathrm{m} ight)$	۳۶/۸۰۵	ضخامت کفه <i>(</i> m) ضخامت ک	•/۴۶
طول دهانه ۲ (m) ۲	366/128	لنگرماند دال کف حول محور X (m ⁴) انگرماند دال	١
طول دهانه ۳ (m) L ₃	41/042	لنگرماند دال کف حول محور Y (m ⁴) انگرماند دال کف	۵۶۶
$f_{c}(\mathrm{kg/cm^2})$ مقاومت فشاری بتن $f_{c}(\mathrm{kg/cm^2})$	۲۳۰	$E_c~({ m kg/cm^2})$ ضريب ارتجاعي بتن	711

جدول ۲. مشخصات زیرسازه پل (کولهها) [۱]

•/٢٢	ممان اینرسی ستونها (<i>I</i> _y (m ⁴	١/٣٣	قطر ستونها (m)
•/117	$I_{z},I_{x}~(\mathrm{m}^{4})$ ممان اینرسی ستونها	۷/۶۲	ارتفاع ستونها (m)
١/٢	مساحت ستونھا (m ²)	۱۰/۶۶۸	فاصله ستونها (m)
711	$E_c(\mathrm{kg/cm^2})$ ضریب ارتجاعی بتن	۲۳۰	$f'_{c}(\mathrm{kg/cm^{2}})$ مقاومت فشاری بتن





اعمال بار عرضی یکنواخت به کفه پل، آنالیز اولیه در نرمافزار انجام می شود و مدل تغییر شکل یافته این پل به صورت شکل V در خواهد آمد. با استخراج میزان مقادیر تغییر شکل در هر یک چهارم دهانه و β ، α مقادیر این مقادیر در روابط (۱) تا (۸) مقادیر پارامترهای β ، α و γ و همچنین پریود پل T، ضریب زلزله C_s ، جرم مؤثر مود اول W_I برش پایه پل V و تابع نیروی عرضی معادل با تغییر شکل کفه پل بر ش پایه پل V و تابع نیروی عرضی معادل با معییر شکل کفه پل مورت $P_e(x)$ محاسبه خواهند شد.

مشخصات روسازه (عرشه پل) و زیرسازه پل (ستونها) به ترتیب مطابق جداول ۱ و ۲ میباشد.

با فرض وزن مخصوص کفه برابر با ^۲٬۰۰ kg/m^r، وزن واحد طول پل برابر با ^۲W(x) = ۲۹۹۰۰ kg/m^r خواهد بود.

۱-۴- آنالیز پل مورد مثال به روش رایج آشتو و صحتسنجی
 مدلسازی عددی

پس از مدلسازی پل سهدهانه معرفی شده در نرمافزار SAP و



 \mathbf{P}_0 شكل ۷. مدل تغيير شكل يافته پل تحت بار عرضى يكنواخت



شکل ۸. مدل سه بعدی پل تحت باگذاری عرضی زلزله

جدول ۳. خلاصه نتایج حاصل آنالیز پل به روش پیشنهادی آشتو

α	$\cdot / \cdot \lambda (m^2)$	Т	・/٣١٨ (s)	V_{e0} (mm)	۳۲/۰۸
в	۲/۳۷۷ (ton.m)	C_s	1/14 > 2.5A=1	$F_{c(bent1)}$ (Ton)	۱۷۰
γ	$\cdot/\cdot\cdot\tau\cdot\tau$ (ton.m ²)	$P_{e0}(x)$	$\texttt{VA-VA/FFV}_x(x) \ (t/m^2)$	$F_{c(bent2)}$ (Ton)	١٨٢

صورت مقادیر ارائه شده در جدول ^۳، بدست آمده است. همچنین مقدار حداکثر تغییرشکل کفه V_0 و V_{e0} نیز جهت مقایسه با روش پیشنهادی از نرمافزار استخراج شده است و هر یک از این مقادیر در جدول ^۴ ارائه شده است.

در ادامه تحلیل پس از محاسبه بار عرضی $P_e(\mathbf{x})$ در هر طول مشخص از پل، این بار بر عرشه پل اعمال می شود، بطوری که در نهایت مدل بارگذاری سازه مطابق شکل $^{\wedge}$ خواهد بود. نیروهای برشی ستونهای هر پایه قابی از سازه پل پس از تحلیل مجدد به

$K_{b1}=K_{b2}$ (kg/m)	۱/۹۲۳۷*۱۰ ^۷	U _b (kg.m)	۱/۴۷۳ st ۱۰ $^{ m v}$ $(V_{0})^{2}$
U _d (kg.m)	۱/۹۳۳ $*$ ۱۰ $^{\vee}$ (V $_0$) 2	WP0 (kg.m)	۷/۳»۱۰ ^۴ Vo

 $\mathbf{P}_{_0}$ بتایج حاصل از آنالیز اولیه سازه تحت بار

$\begin{array}{c} K_{bl} = K_{b2} \\ (\text{kg/m}) \end{array}$	۱/۹۲۳۷ <i>*</i> ۱۰ ^۷	Ub (kg.m)	$1/$ ۴۷۳ $*1 \cdot (V_{e0})^2$	Fcl bentl (kg)	۵/۲۳۷*۱۰
Ud (kg.m)	1/988*1. $^{\vee}$ $(V_{e0})^2$	<i>W</i> _{P0} (kg.m)	$Y/1A \gg 1 \cdot {}^{arphi} V_{e0}$	Fc2 bent2 (kg)	1/864*100

۲-۴- آنالیز پل به روش پیشنهادی انرژی

با توجه به روابط ذکر شده در بخش n ، مقادیر هریک از روابط برای پل مورد مثال به صورت زیر محاسبه خواهند شد. سختی تمامی ستونها در امتداد پایه قابی 1 (K_{b1}) و پایه قابی 1 (K_{b2}) مطابق اعداد ارائه شده در جدول 4 بدست میآیند.

انرژی کرنشی ناشی از تغییرشکل پل و انرژی کرنشی مجموع ستونها و همچنین کار منفی ناشی از نیروهای خارجی براساس روابط ۱۰، ۱۲، ۱۲ و ۱۴ به صورت مقادیر ارائه شده در جدول ۴ محاسبه خواهند شد. با داشتن کلیه انرژیهای ایجاد شده در اعضایی که دچار تغییرشکل شدهاند، تابع انرژی پتانسیل به صورت رابطه ۲۸ نوشته میشود که با به حداقل رساندن این رابطه برحسب متغییر مجهول، مقدار تغییرشکل حداکثر V_0^{-1} ۰۲ «۱۰^{-۳} محاسبه خواهد شد.

$$\Pi = 1.933 * 10^{7} (V_0)^2 + 1.4732 * 10^{7} (V_0)^2 - 7.3 * 10^{4} V_0 \quad (\text{TA})$$

برای محاسبه پریود کلی سازه با توجه به داشتن رابطه کامل تغییرشکل سینوسی و محاسبهی پارامترهای مؤثر طبق روابط (^۱۴) و (^۱) و (^۱) پریود سازه و ضریب برش پایه براساس روابط (^۱) و (^۱) به ترتیب $T=\cdot/\pi$ و $T=\cdot/\pi$ بدست میآیند و تابع نیروی عرضی زلزله (طبق رابطه ۲۰) به صورت عبارت ۲۹ نوشته خواهد شد.

$$P_e(x) = 3.807 * 10^4 \sin(\pi x/114.605) \ (kg/m) \ (\Upsilon^{9})$$

با داشتن تابع توزیع بار سینوسی جدید و حل مجدد طبق روابط (۲۲)، (۲۳) و (۲۴) معادلات انرژی کرنشی دال کف و ستونهای سازه و همچنین کار ناشی از بار خارجی مطابق روابط ارائه شده در جدول ^۵ محاسبه میشوند. با داشتن کلیه پارامترهای فوق که مربوط به انرژی ورودی به سازه و انرژی درونی تمامی عناصر تغییر شکل یافته میباشد، معادله تابع پتانسیل به صورت رابطه (۳۰) نوشته خواهد شد که در صورت کمینه کردن آن مقدار تغییرشکل حداکثر پل برای بارگذاری معادل سینوسی و تغییرشکل سینوسی هم ارز با آن برابر mm ۳۲= بدست میآید.

 $\Pi = 1.933 * 10^7 (V_{e0})^2 + 1.4728 * 10^7 (V_{e0})^2 - 2.18 * 10^6 V_{e0} \quad (\Upsilon \cdot)$

با مشخص شدن میزان تابع تغییرشکل واقعی عرشه پل مقدار جابهجایی نظیر هریک از پایه قابیها و هریک از ستونها برآورد خواهند شد. با توجه به داشتن سختی خمشی هریک از ستونها و جابهجایی نظیر هریک از ستونها مقدار نیروی عرضی ایجاد شده در هریک از ستونهای پل طبق روابط (۲۴) و (۲۷) محاسبه خواهند شد. این مقادیر به صورت دقیق در جدول ⁴ برای هر یک از ستونهای پایه قابی اول و پایه قابی دوم ارائه شدهاند.

در جدول ^۶ نتایج بدست آمده از روش پیشنهادی انرژی و نتایج روش معرفی شده توسط آشتو جهت مقایسه با یکدیگر آورده شدهاند. همانطور که از نتایج این دو روش دیده می شود، نتایج روش پیشنهادی بسیار نزدیک به روش معرفی شده آشتو می باشد و مقادیر

متغيير بدست آمده	مقادیر مستخرج از آشتو (جهت اعتبار سنجی)	روش معرفی شده توسط آشتو (روش دقیق)	روش انرژی (روش پیشنهادی)
(٧٥) حداكثر تغييرمكان تحت بار ثابت		۱/۰۵ mm	۱/۰۷ mm
(T) پريود پل در جهت عرضی	•/TIF Sec	•/TIV Sec	•/٣١٨ Sec
(P _e (x)) تابع بارگذاری عرضی زلزله		$3.5028 \times 10^4 V_s(x)$	$3.807 * 10^4 \sin(\pi x/114.605)$
(Ve0) حداکثر تغییرمکان تحت بار زلزله عرضی		۳۲/۰۸ mm	۳۲/•۳ mm
(Fc) نیروی برشی هریک از ستونهای پایه قابی ۱	1V8 ton	۱۷۰ ton	۱۷۴ ton
(Fc) نیروی برشی هریک از ستونهای پایه قابی۲	۱۸۸ ton	۱۸۲ ton	۱۸۵ ton

جدول ۶. مقایسه نتایج حاصل از روش آشتو و روش انرژی پیشنهادی

جدول ۷. پارامترهای متغیر در نمونههای معرفی شده

	طول دهانه اول- $L_1\left(\mathrm{m} ight)$	۳۶/۸۰۵	(m) ارتفاع ستونها در پایه قابی اول	٧/۶٢
حالت ۱	L2 (m)- طول دهانه دوم	36/121	(m) ارتفاع ستونها در پایه قابی دوم	٧/۶٢
	L3 (m)- طول دهانه سوم	41/042		
	طول دهانه اول- $L_1\left(\mathrm{m} ight)$	۳۶/۸۰۵	(m) ارتفاع ستونها در پایه قابی اول	۶/۵
حالت ۲	L2 (m)- طول دهانه دوم	36/121	(m) ارتفاع ستونها در پایه قابی دوم	۶/۵
	طول دهانه سوم-L $_{3}\left(m ight)$	41/042		
	طول دهانه اول- $L_1\left(m ight)$	۳۶/۸۰۵	(m) ارتفاع ستونها در پایه قابی اول	٩
حالت ۳	L ₂ (m)- طول دهانه دوم	36/121	(m) ارتفاع ستونها در پایه قابی دوم	٩
	L ₃ (m) - طول دهانه سوم	41/042		
	طول دهانه اول- $L_1\left(m ight)$	۳۰	(m) ارتفاع ستونها در پایه قابی اول	٧/۶٢
حالت ۴	L ₂ (m)- طول دهانه دوم	۵۴/۶۰۵	(m) ارتفاع ستونها در پایه قابی دوم	٧/۶٢
	L ₃ (m) - طول دهانه سوم	۳.		
حالت ۵	طول دهانه او L $_1\left(\mathrm{m} ight)$	۲.	(m) ارتفاع ستونها در پایه قابی اول	٧/۶٢
	طول دهانه دوم-L $_2\left(m ight)$	۷۴/۶۰۵	(m) ارتفاع ستونها در پایه قابی دوم	٧/۶٢
	L ₃ (m)- طول دهانه سوم	۲.		

مقادیر مستخرج از آشتو در جدول ^۶ ارائه شده است. همان طور که مشاهده می شود دقت بسیار خوبی بین مقادیر پریود سازه و نیروهای برش عرضی ستون ها بین مدل عددی ایجاد شده و مقادیر خروجی از مستخرج از آشتو وجود دارد که این مطلب بیانگر تأیید دقت مدل های نیروی ایجاد شده در ستونها در روش پیشنهادی کمتر از ^۳٪ با روش دقیق اختلاف دارد. همچنین جهت ارزیابی دقت مدل عددی مقادیر بدست آمده با مقادیر استخراج شده از آیین نامه آشتو برای مثال مذکور مورد مقایسه قرار گرفته است. این مقادیر در ستون مربوط به

عددی ایجاد شده میباشد. سایر مقادیر به دلیل اینکه در آشتو از بار عرضی kips/ft / برای حل استفاده کرده است که متفاوت از حلهای انجام شده با بار عرضی ton/m / میباشد، با مقادیر جدول تناسب نداشته و لذا از ارائه آنها خودداری شده است.

۳-۴- کنترل رابطه پیشنهادی در خصوص مدلهای دیگر

با ایجاد تغییرات در مدل فوق، تعدادی پل سه دهانه پیوسته ایجاد شده است و اهمیت روش فوق در خصوص این مدلها نیز مورد بررسی قرار گرفته است. تمامی نمونهها شرایط مقطع ثابت و عرشه با گشتاور ماند نسبتاً بالا را نیز دارا می باشند.

نمونههای در نظر گرفته شده به این صورت میباشند که حالت ۱ همان نمونه مدل اولیه در مثال بخش قبل میباشد و حالات ۲ و ۳ شامل دو نمونه با ارتفاع ستونهای به ترتیب کمتر و بیشتر از حالت ۱ میباشند، و حالات ۴ و ۵ نیز دو نمونه با طول دهانههای متفاوت

نسبت به نمونه اول میباشند. ایجاد تغییرات در ارتفاع ستونها باعث تغییر در سختی ستونها خواهد گشت که از منظر مقدار سختیهای متمرکز میانی بر نوع تغییرشکل سازه اهمیت خواهد داشت، و همچنین تغییرات در طول دهانهها از منظر تأثیر موقعیت سختیهای میانی بر رفتار سازه اهمیت دارد. مشخصات پارامترهای متغیر هریک از مدلها در جدول ^۷ نشان داده شده است.

پس از تحلیل هریک از مدلها با دو روش فوق مطابق مراحل شرح داده شده برای آنها، نتایج نهایی شامل حداکثر تغییرشکل اولیه تحت بار ثابت V_0 ، پریود ارتعاش سازه T، حداکثر تغییرشکل تحت بار معادل با شکل تغییرشکل مود اول سازه V_{e0} ، نیروی برش عرضی ستونهای پایه قابی ا F_{c2} و پایه قابی ا F_{c2} برای تمامی مدلها در جدول $^{\Lambda}$ جمعآوری شده است.

از مقایسه نتایج شاهد آن هستیم که روش پیشنهادی توانسته است پارامترهای ذکر شده در تحلیل جانبی را در سایر مدلهای

پارامتر	نمونه	روش آشتو (SMSA)	روش انرژی	خطا (./)
	حالت ۱	۱/۰۵	۱/• Y	١/٩
حداكثر تغيير	حالت ۲	•/\\	•/٨۶۴	• /Y
شكل اوليه (٧٥)	حالت ۳	١/٣	1/514	١/٣
(mm)	حالت ۴	1/229	١/٢۵۵	۲/۱۱
	حالت ۵	۱/۵	1/212	١
	حالت ۱	۰.۳۱۷	٠/٣١٨	• /٣٢
بر بود ار ت ع اش (<i>T</i>)	حالت ۲	۸۲. •	•/YNF	1/47
(s)	حالت ۳	۷۸۶۳. •	۰/۳۵۱	• /88
	حالت ۴	۰.۳۳۹۷	• /٣۴٢٧	•/AA
	حالت ۵	•.7418	• /٣٧۶۶	۱۰/۲۵
	حالت ۱	۳۲.۰۸	۳۲/۰۳	•/1۵
حداکثر تغییرشکل	حالت ۲	70.71	۲۵/۵۶	•/۵A
تحت بار عرضی Pe (Ve0) (mm)	حالت ۳	۳۸.۴	۳۸/۹۵	1/47
	حالت ۴	89.007	٣٧/١٢	١/۵۵
	حالت ۵	۵۱ <i>.</i> ۶	۴۴/۸۳	18/18

جدول ۸. مقایسه نتایج بین دو حالت روش آشتو و روش معرفی شده

پارامتر	نمونه	روش آشتو (SMSA)	روش انرژی	خطا (./)
	حالت ۱	١٧٠	174	۲/۳۵
نیروی برشی ستونها در یایه	حالت ۲	714.4	719	۲/۱۵
قابى	حالت ۳	180.0	١٢۵/٨	•/۲۴
اول (F _c) (Ton)	حالت ۴	١۶۵.٩٧	۱۷۱/۰۵	٣/•۶
(101)	حالت ۵	١۶۶.٩٨	148/9	17/•٣
نیروی برشی ستونها در پایه قابی دوم (Fc) (Ton)	حالت ۱	١٨٢	۱۸۵	۱/۶۵
	حالت ۲	779.8	739	۴/• ۹
	حالت ۳	184.4	184/2	•/1۴
	حالت ۴	١۶۵.٩٧	۱۷۱/۰۵	٣/•۶
	حالت ۵	١۶۶.٩٨	148/9	۱۲/•۳

ادامه جدول ۸. مقایسه نتایج بین دو حالت روش آشتو و روش معرفی شده

دهانه پیوسته میباشد. از آنجا که مقایسه نتایج گویای آن است که در دو روش را روش پیشنهادی مقادیر نیروی برشی ستونها و پریود ارتعاش سازه کمتر از ۳٪ تحت بار عرضی بر کفه پل غالباً کمتر از ۳٪ نسبت به روش دقیق نیروی برش اختلاف دارند، لذا بکارگیری تابع تغییرشکل سینوسی و استفاده از این مطلب تابع پتانسیل کلی سازه میتواند روشی ساده برای حل چنین مسائل

پیچیدهای در نظر گرفته شود. از سوی دیگر استفاده از این روش میتواند در جهت بررسی دقت مدلسازی پلهای سه دهانه در نرمافزار نیز مؤثر باشد.

با توجه به این که افزایش پارامترهای تأثیرگذار بر شکل مودی سازه ممکن است از دقت روشهای تحلیل دستی بکاهد، لذا در این تحقیق نشان داده شده است که با فرض یک تابع تغییرشکل و بهرهگیری از پارامترهای آییننامه آشتو برای تحلیل پلها در جهت عرضی میتوان تخمین بسیار خوبی بر نتایج حاصل از روش دقیق دست یافت.

مراجع

 AASHTO, 2012 AASHTO LRFD Bridge Design Specifications, Customary U.S. Units (6th Edition), مشابه با دقت بسیار خوبی تخمین بزند.

نتایج ستون مربوط به ستون خطا، میزان خطای بین دو روش را بیان می کند، همانطور که مشاهده می شود نتایج غالباً کمتر از ۳٪ خطا دارند و تنها در مورد نمونه ^۵ میزان خطای بین نیروی برش عرضی ستونها به ۱۲٪ رسیده است. این وضعیت بیانگر این مطلب است که در حالات ۱ تا ^۵ پل همچنان از تغییر شکل سینوسی برای مود اول تبعیت می کند و تنها در حالت ^۵ که طول دهانه میانی مود اول تبعیت می کند و تنها در حالت ^۵ که طول دهانه میانی نتایج بیشتر شده است.

۵- نتیجهگیری

روش انرژی پیشنهادی نیاز به مدلسازی سهبعدی در نرمافزار تخصصی را ندارد میتواند روش دستی مناسب و قابل استفادهای برای طراحان به شمار رود. روش معرفی شده با تغییر در سختی پایهها و همچنین تغییر در طول دهانهها برای پل مورد بررسی که دارای عرشه با مقاومت خمشی نسبتاً بالا میباشد در ۵ نمونه مختلف مورد بررسی قرار گرفته است، که مقایسه نتایج با روش دقیق عددی نشاندهنده دقت بسیار بالای روش انرژی پیشنهادی برای پلهای سه 13th World Conference on Earthquake Engineering, Vancouver, Canada, 2004.

- Tubaldi E, Barbato M, Dall'Asta A. Transverse seismic response of continuous steel-concrete composite bridges exhibiting dual load path. Earthquake and Structures 2010; 1(1):21–41.
- Tsai MH. Transverse earthquake response analysis of a seismically isolated regular bridge with partial restraint. Engineering Structures 2008; 30(2):393–403.
- Makris N, Kampas G, Angelopoulou D. The eigenvalues of isolated bridges with transverse restraints at the endabutments. Earthquake Engineering and Structural Dynamics 2010; 39(8):869–886.
- Tubaldi E, Dall'Asta A. Transverse free vibrations of continuous bridges with abutment restraint. Earthquake Engineering & Structural Dynamics. 2012 Jul 25; 41(9):1319-40.
- Buckle, I.G., Mayes, R.L. & Button, M.R., 1987 Seismic design and retrofit manual for highway bridge, Report No. FHWA-IP-6, Final Report, National Technical Information Service, Springfield, Verginia. 130-136.

American Association of State Highway and Transportation Officials, 4th Edition, Washington, D.C.

- Barker, R. M. & Puckett, J. A. 2013 Design of Highway Bridges: A LRFD Approach, 3rd Edition, John Wiley & Sons, Inc., New York, NY.
- Clough, R.W. & Penzein, J. 1993 Dynamics of Structures, McGraw Hill, New York.
- Chopra AK, Chopra AK. Dynamics of structures: theory and applications to earthquake engineering. Upper Saddle River, NJ: Pearson/Prentice Hall; 2007 May 1.
- chen, W.F. & Lui, E.M. 1987 Structural Stability, Elsevier, New York.
- 6. Caltrans, 2014a California Amendments to AASHTO LRFD
 Bridge Design Specifications 6th Edition, California
 Department of Transportation, Sacramento, CA.
- Najm H, Vasconez R. Assessment of AASHTO LRFD guidelines for analysis of regular bridges subjected to transverse earthquake ground motions. Bridge Structures. 2015 Jan 1; 11(1, 2):3-18.
- 8. Calvi GM. Recent experience and innovative approaches in design and assessment of bridges. Proceedings of

چگونه به این مقاله ارجاع دهیم F. ghaffari, M. Gh. Vetr, M. R. Adl Parvar, Using the Sinusoidal Shape Function in Analyzing the 3-Span Continuous Concrete Bridges in Lateral Direction, Amirkabir J. Civil Eng., 53(1) (2021) 171-184.

DOI: 10.22060/ceej.2018.14637.5702



بی موجعہ محمد ا