

# Amirkabir Journal of Civil Engineering

Amirkabir J. Civil Eng., 54(1) (2022) 15-18 DOI: 10.22060/ceej.2021.18019.6739

# Numerical Simulation of Sand Production Using Coupled DEM-LBM

#### S. Honari, E. Seyedi Hosseininia\*

Department of Civil Engineering, Engineering Faculty, Ferdowsi University of Mashhad, Mashhad, Iran

ABSTRACT: Sand production imposes a considerable cost on the oil industry. In the current study, this phenomenon is studied numerically to better understand the particulate mechanism of sanding in unconsolidated sandstones and study the effect of confining stress and pressure drawdown on sand production. The discrete element method (DEM) is used to simulate the particulate media, and the lattice-Boltzmann method (LBM) is adopted to model the fluid flow through it. The two methods are coupled, and the fluid-solid interaction is modeled using the immersed moving boundary (IMB) method. An in-house computer program is developed based on these methods to simulate the 2D sanding procedure under radial fluid flow and isotropic stress in the absence of particle cementation. The results show that the number of produced particles and the sanding rate increase with the increase of confining stress. Also, after the sand initiation, the sanding rate in all models decreases due to the formation of sand arches around the model's inner cavity. These arches are prone to instability, and new larger arches replace them after their collapse. After examining the effect of fluid pressure difference on sand production, it is concluded that the pressure difference has little influence on sand production at relatively low-stress levels. However, at higher stress levels, the pressure difference has a considerable impact on sanding results as it increases the number of produced particles more than twice with a 50% increase in pressure difference. This study confirms that the 2D coupled DEM-LBM model can properly capture the mechanism of the sand production phenomenon.

#### **1-Introduction**

Sand production is an undesirable phenomenon, consisting of the detachment and transport of solid particles from the formation during the extraction of hydrocarbons. Sand arches are considered responsible for preventing sand production in unconsolidated formations [1]. Researches on sand arch stability have shown that many parameters, including initial arch diameter [2] and fluid discharge, may impact the sanding phenomena in unconsolidated sandstones.

It is argued that the actual sanding mechanism in wellbores is not accurately captured in sand arch stability studies. Thus, the thick-walled hollow cylinder (TWHC) test is used to better simulate sand production [3]. In these tests, the samples are under the impact of increasing confining stress and radial fluid flow. These experimental studies showed that with increased stress levels and fluid pressure drawdown, the sanding intensifies, and more particles are produced [1].

Although many numerical studies addressed the sand production phenomena, the particulate nature of sanding in TWHC samples is not properly studied. Also, in most numerical studies, the radial fluid flow is not simulated, and the flow conditions are oversimplified. In the current study,

#### **Review History:**

Received: Mar. 01, 2020 Revised: May, 21, 2021 Accepted: May, 22, 2021 Available Online: Jul. 02, 2021

#### **Keywords:**

Radial flow Sand production Discrete element method Lattice-Boltzmann method Sand arch

the particulate mechanism of sand production is studied in 2D cross-sections of TWHC samples subjected to radial fluid flow. DEM simulates the solid phase, and it is coupled with the LBM, which is used to model the fluid flow through the porous media. In addition, the effects of the confining stress and the pressure drawdown are specially addressed.

Methodology

DEM models the behavior of distinct particles in a granular assembly to simulate its macroscopic behavior. In this method, a series of consecutive calculation cycles are performed to determine the new position of the solid particles based on the forces acting on them. After the boundary conditions are applied, the contact forces between the particles are calculated using the contact law, determining the interparticle forces based on the particle overlaps. Then, the resultant force and moment are calculated at the center of each particle and are later used in the motion law. It expresses Newton's second law for each particle, as their acceleration, velocity, and displacement are determined.

LBM is a numerical method for simulating the Navier Stokes equations for nearly incompressible fluids. The stepby-step computational mechanism of the LBM has made it

<sup>\*</sup>Corresponding author's email: eseyedi@um.ac.ir



Copyrights for this article are retained by the author(s) with publishing rights granted to Amirkabir University Press. The content of this article is subject to the terms and conditions of the Creative Commons Attribution 4.0 International (CC-BY-NC 4.0) License. For more information, please visit https://www.creativecommons.org/licenses/by-nc/4.0/legalcode.



Fig. 1. The instability process of the particle assembly adjacent to the inner cavity in particulate scale

relatively easy to be coupled with the DEM. In LBM, the fluid medium is assumed to be a set of virtual particles located at the nodes of a regular network called "lattice". As the fluid particles propagate throughout the domain, they collide with each other. This collision and propagation form the fluid flow behavior [4].

To couple the two numerical methods, an approach called Immersed moving boundary (IMB) method is used in which the collision operator of LBM is reformulated to better model the solid-fluid interaction in dense multiphase media [4, 5]. Also, The hydrodynamic force (moments) acting on each solid particle is added to the resultant force (moment) calculated from the contact law.

Results and Discussion

The validation of the computer program developed upon the coupled DEM-LBM included simulating the sedimentation process of a single solid particle in a fluidfilled container. After comparing the results with those of the previous studies [6], the accuracy of the developed program in simulating fluid-solid interactions is approved.

Then, the sand production tests are conducted on donutshaped models replicating cross-sections of TWHC samples. The model generation is performed in the following steps: 1) 1500 non-overlapping octagonal particles are generated with relatively uniform distribution and mean diameter of  $D_{50}$ =2.5mm, 2) the generated particles are compacted by applying limited boundary displacement, 3) the compacted assembly is relaxed by removing the applied strain and allowing the rearrangement of the assembly particles, 4) a 50kPa confining stress is applied to the assembly boundaries, 5) a 20mm diameter hole is drilled in the center of the assembly by deleting all the particles whose center of gravity are located in a 10mm radius of the middle of the model, 6) while the applied confining stress is maintained, the radial inward flow runs through the porous media with a prescribed pressure drawdown, and 7) after the sanding rate is negligible, the isotropic stress is increased to 400 and 800kPa, and the last two steps are repeated for the new stress values. Similar to previous 2D numerical studies [6, 7], a parameter called the "hydraulic radius multiplier" is introduced to virtually



Fig. 2. A schematic view of the DEM model and the approximate location of the fluid inlets/outlets

shrink the actual size of particles in LBM simulation and consequently facilitate the fluid flow through adjacent particles.

After examining the sanding process on the particulate scale, it is confirmed that the sand arching is the sole resistant factor against erosion as there is no cohesion or interparticle bond between solid particles. At 10kPa pressure drawdown, after limited sand production, a stable arch is developed around the inner cavity. The arch is stable until the pressure drawdown increases to 15 kPa when the arch becomes unstable and is later replaced by a larger one, as anticipated by [2, 7] (Figure 1). The results confirm that the arch instability in unconsolidated sandstones results in sand production.

The results also indicate that with the increase of confining stress, the amount of produced sand increases (Figure 2). Furthermore, it is concluded that the sanding rate increases with the increase of confining stress. However, over time, similar to previous studies [8], the sanding rate in all samples decreases due to the formation of stable sand arches around the inner cavity.

Mixed results were obtained about the effect of pressure drawdown on sand production. At low-stress levels (50 and 400kPa), the increase in pressure drawdown showed little impact on sanding results. However, following previous experimental studies [1, 9], at high-stress levels (500kPa), the increase of pressure drawdown from 10kPa to 15kPa significantly increased the number of produced particles.

Conclusions

Despite its 2D nature and relative simplicity, the numerical model can properly simulate sand production and its affecting parameters.

With the increase in stress level, the amount of produced sand and the sanding rate increase.

Shortly after the initial sand production, due to the formation of stable sand arches around the inner cavity, the sanding rate decreases.

Due to the increase of pressure drawdown or stress level, the initial stable arch collapses, accompanying considerable sand production. However, a new larger stable arch is usually formed afterward. Although the effect of pressure drawdown on sanding was found negligible at low stress levels, a 50% increase in pressure drawdown at higher stress levels doubles the number of produced particles.

#### References

- [1] V. Fattahpour, M. Moosavi, M. Mehranpour, An experimental investigation on the effect of rock strength and perforation size on sand production, Journal of Petroleum Science and Engineering, 86-87 (2012) 172-189
- [2] D. Tippie, C. Kohlhaas, Effect of flow rate on stability of unconsolidated producing sands, in: Fall Meeting of the Society of Petroleum Engineers of AIME, Society of Petroleum Engineers, Las Vegas, Nevada, 1973.
- [3] J. Tronvoll, N. Morita, F. Santarelli, Perforation cavity stability: comprehensive laboratory experiments and numerical analysis, in: SPE Annual Technical Conference and Exhibition, Society of Petroleum Engineers, Washington, D.C., 1992.
- [4] T. Krüger, H. Kusumaatmaja, A. Kuzmin, O. Shardt, G.

Silva, E.M. Viggen, The Lattice Boltzmann Method: Principles and Practice, Springer, Switzerland, 2017.

- [5] D. Noble, J. Torczynski, A lattice-Boltzmann method for partially saturated computational cells, International Journal of Modern Physics C, 9(08) (1998) 1189-1201
- [6] A. Ghassemi, A. Pak, Numerical simulation of sand production experiment using a coupled Lattice Boltzmann–Discrete Element Method, Journal of Petroleum Science and Engineering, 135 (2015) 218-231
- [7] Y. Han, P. Cundall, Verification of two-dimensional LBM-DEM coupling approach and its application in modeling episodic sand production in borehole, Petroleum, (2016)
- [8] M. Seyed Atashi, K. Goshtasbi, R. Basirat, The Effect of Confining Pressure on the Sand Production in Hydrocarbon Reservoirs by Using Discrete Element Method, JOURNAL OF ROCK MECHANICS, 1(1) (2017) 102.(in Persian).
- [9] E. Papamichos, I. Vardoulakis, J. Tronvoll, A. Skjærstein, Volumetric sand production model and experiment, International Journal for Numerical and Analytical Methods in Geomechanics, 25(8) (2001) 789-808.

#### HOW TO CITE THIS ARTICLE

S. Honari, E. Seyedi Hosseininia, Numerical Simulation of Sand Production Using Coupled DEM-LBM, Amirkabir J. Civil Eng., 54(1) (2022) 15-18

DOI: 10.22060/ceej.2021.18019.6739



This page intentionally left blank

نشريه مهندسي عمران اميركبير

نشریه مهندسی عمران امیرکبیر، دوره ۵۴، شماره ۱، سال ۱۴۰۱، صفحات ۵۳ تا ۷۴ DOI: 10.22060/ceej.2021.18019.6739

مدلسازی عددی پدیدهی تولید ماسه به کمک همبستهسازی روشهای اجزای مجزا و شبکه بولتزمن

سیاوش هنری، سید احسان سیدی حسینی نیا\*

دانشکده مهندسی، دانشگاه فردوسی مشهد، مشهد، ایران.

خلاصه: پدیده تولید ماسه سالانه هزینه ی گزافی را به صنعت نفت تحمیل می کند و در این پژوهش، به شبیه سازی عددی این پدیده پرداخته شده است. هدف از این پژوهش، علاوه بر شناخت کامل تر سازو کار ریزمقیاس تولید ماسه در تودههای ماسهای تحکیم نیافته (فاقد چسبندگی)، بررسی اثر گذاری دو عامل تنش همه جانبه و فشار سیال است. از روش های اجزای مجزا برای مدل سازی توده و روش شبکه ی بولتزمن جهت شبیه سازی رفتار جریان سیال از میان محیط متخلخل خاکی استفاده شد و اندر کنش جریان سیال معیط دانه ای با استفاده از روش مرز متحرک مستغرق همبسته گردید. با توسعه یک برنامه رایانه ای، پدیده ی تولید ماسه تحت جریان شعاعی سیال در دو بعد شبیه سازی شد. نتایج نشان داد با افزایش مقدار تنش همه جانبه، مقدار ماسه ی تولید ماسه تحت ماسه افزایش می یابد. همچنین، پس از شروع تولید ماسه و افزایش تعداد سیکل های محاسباتی، به دلیل تشکیل کمان ماسه ی پایدار در اطراف حفره ی مرکزی چاه، نرخ تولید ماسه در تمام نمونه ها کاهش می یابد. کمان های ماسه ای مسه ی پیدا و پس از ناپایداری هر یک از آن ها، کمان جدید با قطری بزرگتر جایگزین کمان قبل می شود. با بررسی چگونگی تولید ماسه با مقادیر گوناگون ناپایداری هر یک از آن ها، کمان جدید با قطری بزرگتر جایگزین کمان قبل می شود. با بررسی چگونگی تولید ماسه با مقادیر گوناگون ماسه فشار سیال مشخص گردید که علی رغم تائیر اندک مقدار فشار سیال بر تولید ماسه در تنشهای کم، در سطوح تنش بالا افزایش مان داخلاف فشار سیال سبب افزایش فرسایش درات (بیش از دو برابر، با افزایش ۵۰ در صدی فشار سیال) می شود. این مطالعه نشان داد افت فشار سیال مسب ای زایش فرسایش ذرات (بیش از دو برابر، با افزایش ۵۰ در صدی فشار سیال) می شود. این مطالعه نشان داد مدل همبسته ی اجزای مجزا – شبکهی یولتزمن در حالت دو بعدی، می تواند سازو کار حاکم بر پدیده ی تولید ماسه را به خوبی بیان کند.

**تاریخچه داوری:** دریافت: ۱۳۹۸/۱۲/۱۱ بازنگری: ۱۴۰۰/۰۲/۳۱ پذیرش: ۱۴۰۰/۰۴/۱۱ ارائه آنلاین: ۱۴۰۰/۰۴/۱۱

> **کلمات کلیدی:** جریان شعاعی تولید ماسه روش اجزای مجزا روش شبکه بولتزمن کمان ماسه

#### ۱ – مقدمه

پایداری حفریات زیرزمینی، همواره از مهمترین دغدغهها در حوزه مهندسی عمران، معدن و نفت بوده است. در این میان، تولید ماسه به مفهوم جداشدگی و جابجایی ذرات دانهای از دیواره چاه در حین استخراج هیدروکربنها [۲ و ۱] از اهمیت ویژهای برخوردار است. در این پدیده، ایجاد گسیختگی در توده سنگ به دلیل اثرات ترکیبی تغییرات تنش و جریان سیال منجر به جداشدگی ذرات دانهای از توده یگسیخته شده میگردد. سپس ذرات جامد تولید شده به همراه محصول هیدروکربنی جابهجا شده و به داخل چاه استخراج وارد میشود. تخمین زده میشود که حدود یک سوم مخازن ماسه سنگی جهان درجاتی از تولید ماسه را در طول عمر بهرهبرداری خود و خوردگی در دستگاهها و ماشین آلات استخراج، پایداری و انسجام چاه را نیز تهدید می کند [۵ و ۴]. تولید ماسه و عوامل مرتبط با آن سالانه میلیاردها

\* نویسنده عهدهدار مکاتبات: eseyedi@um.ac.ir

دلار هزینه به صنایع نفت و گاز تحمیل مینماید [۷ و ۶]. با توجه به اهمیت این پدیده و پیچیدگی آن [۸]، شناخت هر چه بیشتر تولید ماسه و عوامل مؤثر بر آن ضرورت مییابد.

تاکنون تلاشهای زیادی جهت تعیین میزان اثرگذاری عوامل گوناگون بر پدیدهی تولید ماسه انجام شده است. بر اساس نظر بسیاری از محققان، آغاز فرآیند تولید ماسه، خصوصاً در ماسههای تحکیم نیافته (بدون چسبندگی)، با ناپایداری کمان ماسهی<sup>۱</sup> تشکیل شده در محل حفره استخراج قابل پیش بینی است [۱۰ و ۹]. با این دیدگاه، اولین مطالعات مرتبط با پدیده تولید ماسه را میتوان به پژوهشهای پیرامون کمانزدگی و پایداری کمانهای ماسهای مرتبط دانست. بررسی نقش پایداری کمان ماسه در صنایع وابسته به نفت اولین بار توسط هال و هریس برگر<sup>۲</sup> [۱۱] مورد مطالعه قرار گرفت. تیپی و کولهاس<sup>۳</sup> [۱۲] به مطالعهی آزمایشگاهی تأثیر دبی جریان سیال بر پایداری و

(Creative Commons License) حقوق مؤلفین به نویسندگان و حقوق ناشر به انتشارات دانشگاه امیرکبیر داده شده است. این مقاله تحت لیسانس آفرینندگی مردمی (Creative Commons License) کی کی ایسانس آفرینندگی مردمی (Creative Commons License) در دسترس شما قرار گرفته است. برای جزئیات این لیسانس، از آدرس https://www.creativecommons.org/licenses/by-nc/4.0/legalcode دیدن فرمائید.

<sup>1</sup> Sand arch

<sup>2</sup> Hall and Harrisberger

<sup>3</sup> Tippie and Kohlhaas

ساختار کمان ماسهای پرداختند. در این مطالعه، توده ماسهی نیمه استوانهای ( شامل ماسه تحکیم نیافتهی اشباع مورد آزمایش قرار گرفت. ایشان بر اساس آزمایشها نتیجه گرفتند که سیال میتواند با دبیهای قابل توجه و بدون آغاز فرآیند تولید ماسه از میان کمان پایدار ماسهای جریان پابد. بر اساس این نتایج که برای ماسهی تحکیم نیافته به دست آمده است، رشد کمان ماسه تابعی از نرخ تولید و اندازهی اولیه کمان است و با افزایش تدریجی دبی جریان، ممکن است کمان موجود گسیخته شده، کمان جدیدی معمولا با ابعادی بزرگتر به جای آن تشکیل گردد. پیم و همکاران [۱۳] با بهبود دستگاه آزمون کمانزدگی ماسه، یژوهش تحلیلی-آزمایشگاهی دیگری برای مطالعهی وابستگی پایداری کمان ماسه به فشار سیال، اندازهی حفرهی خروجی، اندازه و شکل ذرات ماسه انجام دادند. ایشان نتیجه گرفتند که پارامترهایی نظیر نسبت قطر ذرات ماسه به اندازهی حفره خروجی، توزیع دانهبندی، تیز گوشگی<sup>۳</sup> و یا شکل ذرات ماسه تأثیر قابل توجهی بر پایداری كمان ماسه دارد. ترونوول في همكاران [۱۴] مطالعات عددي – آزمايشگاهي جامعی پیرامون پایداری حفرهی استوانهای و تولید ماسه از داخل آن انجام دادند. این پژوهش، از اولین نمونههای مطالعهی تولید ماسه با استفاده از آزمون حفرهی استوانهای توخالی جدار ضخیم<sup>6</sup> یا به اختصار TWHC بود. در این پژوهش، حفرهی استوانهای ایجاد شده در دیواره چاه با یک حفرهی لوله مانند در داخل نمونه استوانهای ماسه سنگ ضعیف شبیهسازی گردید. در پژوهش دیگر انجام شده توسط ترونوول و همکاران [۱۵]، آزمایشهایی با هدف مطالعهی تولید ماسه در ماسه سنگ بسیار ضعیف انجام شد. بر اساس نتایج آزمایشها، ترونوول و همکاران [۱۵] نتیجه گرفتند که برخلاف آنچه در ماسه سنگهای مقاومتر روی میدهد، تولید ماسه در ماسه سنگهای بسیار ضعیف بیش از ناپایداری مکانیکی، متأثر از ناپایداری هیدرومکانیکی و نیروهای ناشی از جریان سیال است. پاپامیچوز و همکاران [۱۶] مطالعات گستردهای را جهت بررسی تولید ماسه در ماسه سنگهای ضعیف نسبتاً متراکم انجام دادند. نتایج آزمونهای انجام شده بر روی نمونههای مصنوعی ماسه سنگ ضعيف نشان داد كه با افزايش مقدار تنش همه جانبه، مقدار و نرخ توليد ماسه نيز افزايش مي يابد. پاپاميچوز و همكاران [١۶] نتيجه گرفتند که با وجود عدم وابستگی نرخ تولید ماسه به دبی جریان سیال در سطوح

تنش پایین، با افزایش دبی در سطوح تنش بالاتر، نرخ تولید ماسه افزایش مییابد. فتاحپور و همکاران [۱۰]، با هدف بررسی تأثیر مقاومت ماسه سنگ و اندازهی حفره بر تولید ماسه، این پدیده را به طور آزمایشگاهی مورد مطالعه قرار دادند. ایشان فرآیند تولید ماسه را در پنج نوع مختلف شناسایی کرده و تنش ماسه سنگ را به عنوان اصلی ترین عامل در تعیین نوع تولید ماسه معرفی کردند. به عقیدهی ایشان با افزایش سطح تنش، پس از آغاز تولید ماسه به تدریج فرآیند تولید ماسه تغییر کرده و در نهایت در سطوح تنش بسیار بالا حجم قابل توجهی از ماسه تولید می گردد.

هزینه فراوان مطالعات آزمایشگاهی به همراه محدودیت انجام آزمایشها در مقیاس کوچک سبب شده است تا غالباً از شبیه سازی عددی به عنوان مهمترین ابزار تحقیق پیرامون پدیده تولید ماسه یاد شود [۱۷]. با توجه به سازوکار دانهای پدیده تولید ماسه، روش اجزای مجزا<sup>۲</sup> (DEM) ابزاری مناسب جهت شبیه سازی این پدیده به شمار می رود. جهت شبیه سازی موفق تولید ماسه به این روش، ضروری است تا اثر جریان سیال بر مجموعه ذرات (اندر کنش سیال – ذرات جامد) به شکل مناسب در نظر گرفته شود [۸۲].

در اولین مطالعات انجام شده به این روش، مدلهای عددی نیمه گسسته<sup>۸</sup> به کار گرفته شد، به نحوی که محیط دانهای به روش اجزای مجزا، و محیط سیال به صورت محیط پیوستهای فرض گردید که رفتار آن تابع قوانین بزرگ مقیاس جریان سیال نظیر قانون دارسی بود [۲۴–۱۹]. بر این اساس، بزرگترین ضعف این مدلها وابستگی به پارامترهای بزرگ مقیاس و پیچیدهای نظیر نفوذپذیری محیط متخلخل است. از جمله مطالعات این دسته میتوان به پژوهش عددی سیدآتشی و همکاران [۲۵] اشاره نمود. در این پژوهش که به صورت سه بعدی و با استفاده از ذرات کروی به انجام رسید، از نرم افزار تجاری <sup>3D</sup> PFC برای مدلسازی تولید ماسه استفاده شد. در این پژوهش رفتار جریان سیال با حل معادلات ناویه-استوکس<sup>\*</sup> پیش بینی گردید. مطابق نتایج این مطالعه، با افزایش تنش محصور کننده، مقدار ماسه و نرخ تولید آن افزایش مییابد.

برای رفع ضعفهای مدلهای نیمه گسسته، کوک<sup>۱۰</sup> و همکاران [۲۷ و ۲۶] برای اولین بار از مدلهای کاملاً گسسته<sup>۱۱</sup> برای شبیهسازی تولید ماسه استفاده نمودند. در این مدلها، محیط سیال نیز به عنوان یک محیط

10 Cook

1 Half-cylinder sand pack

3 Angularity

- 5 Thick-walled hollow cylinder
- 6 Papamichos

<sup>7</sup> Discrete Element Method

<sup>8</sup> Continuum-discrete

<sup>9</sup> Navier - Stokes

<sup>11</sup> Fully discrete

<sup>2</sup> Yim

<sup>4</sup> Tronvoll

على رغم تنوع بالاى مطالعات پيرامون پديدهى توليد ماسه، رفتار ریزمقیاس این پدیده در شرایط مشابه آزمون استوانهی توخالی جدار نازک، كمتر مورد بررسي قرار گرفته يا شرايط جريان سيال غالباً صورت غيرشعاعي مدل شده که با واقعیت این آزمون متفاوت است. در پژوهش حاضر، رفتار ریزمقیاس مجموعه ذرات مستعد تولید ماسه در شرایط آزمون استوانهی توخالی جدار نازک، تحت تأثیر جریان شعاعی سیال شبیهسازی می شود. این شبیه سازی ها بر روی مقطعی عرضی از نمونه ی استوانه ای جدار ضخیم انجام شده و از تغییر شکل محیط در جهت عمود بر مقطع (عمود بر صفحهی مدلسازی) صرفنظر می گردد. با توجه به طویل بودن نمونههای استوانهی جدار ضخیم آزمایشگاهی در مقایسه با شعاع محدود آنها، این فرض دور از واقعیت نبوده و به دلیل هزینهی محاسباتی بالای مدل های سه بعدی، مشابه با بسیاری دیگر از مطالعات حوزهی تولید ماسه [۲۸، ۱۷، ۸، ۵]، این پدیده در پژوهش حاضر در دو بعد شبیهسازی می شود. در این شبیه سازی ها، اثر دو عامل تنش همه جانبه و افت فشار سیال بر تولید ماسه مورد مطالعه قرار می گیرد. با توجه به نقش قابل توجه کنترل افت فشار سیال در مدیریت تولید ماسه در چاههای نفت، بررسی میزان تأثیرگذاری آن در سطوح تنش گوناگون اهمیت دارد. به دلیل وابستگی بالای تولید ماسه به فرآیندهای ریزمقیاسی

- 5 Immersed Moving Boundary method
- 6 Coupling

نظیر اندر کنش ذرات دانهای و تشکیل زنجیره ی نیرو در کمانهای ماسهای، در این پژوهش از روش اجزای مجزا به عنوان ابزاری مناسب جهت شبیهسازی ساختار جامد محیط متخلخل استفاده می شود. همچنین برای شبیهسازی اثر جریان سیال بر این ساختار متخلخل، روش شبکه ی بولتزمن مورد استفاده قرار گرفته و با روش اجزای مجزا همبسته می گردد.

# ۲ – مبانی نظری پژوهش ۲ – ۱ – مبانی محاسباتی روش اجزای مجزا

روش اجزای مجزا با هدف مدلسازی رفتار ذرات مجزا در محیطهای دانهای معرفی گردید [۲۹]. به منظور انجام شبیهسازی عددی با این روش، باید مجموعهای از محاسبات متوالی در فواصل زمانی معین با هدف تعیین موقعیت جدید مجموعه دانهها بر اساس برآیند نیروهای وارده بر هر دانه انجام شود. گامهای زمانی در این روش باید تا حدی کوچک انتخاب شود که بتوان سرعت و شتاب ذرات را در طول هر فاصلهی زمانی تقریباً ثابت فرض نمود. چرخه ی محاسبات کلی روش اجزای مجزا مطابق شکل ۱ نشان داده شده است. قانون تماسی<sup>۷</sup> و قانون حرکت<sup>۸</sup> در این شکل به ترتیب بیان کنندهی قانون نیرو-جابجایی و قانون دوم نیوتون است؛ به این صورت که در هر گام زمانی، پس از یافتن تماس میان ذرات، نیروهای تماسی بین ذرات با استفاده از قوانین نیرو-جابجایی محاسبه می شود. سپس برای هر ذره برأیند تمام نیروها و لنگرهای وارده (شامل نیروهای تماسی، وزنی و غیره) محاسبه شده و با استفاده از قانون دوم نیوتون، شتاب آنها تعیین می گردد. با انتگرال گیری از شتاب ذرات در بازههای زمانی کوچک سرعت آنها و پس از انتگرال گیری مجدد، مقدار جابهجایی ذرات مشخص می شود. سپس، با در نظر گرفتن مكان اوليهي ذرات، موقعيت جديد آنها قابل تعيين است. اين چرخه در گامهای زمانی بعدی تا رسیدن به تعادل مجموعه ادامه مییابد. در نهایت، مجموعه جابهجاییهای تمام ذرات موجود در مجموعه، منجر به تغییر شکلهای کلی مجموعه و تعیین کرنش در دید بزرگ مقیاس می شود. با وجود دینامیکی بودن سیستم مورد مطالعه، چنانچه نرخ بارگذاری در مرزهای مجموعه ذرات تا حدی کوچک باشد که نیروهای اینرسی درصد کوچکی از نیروهای تماسی را تشکیل دهند، سیستم گذرای دینامیکی به سمت تعادل استاتیکی پیش میرود. انرژی جنبشی ذرات در روش اجزای مجزا با تعریف و اعمال میراگر مستهلک می شود؛ به نحوی که بدون استفاده از میراگرها، رسیدن به تعادل استاتیکی بسیار زمان بر است. به طور کلی، در شرایط برخورد

l Coupled

Han
 Cundall

<sup>4</sup> Lattice-Boltzmann Method

<sup>7</sup> Contact law

<sup>8</sup> Law of motion



شکل ۱. چرخه ی محاسباتی در روش اجزای مجزا با اقتباس از [۳۱]

Fig. 1. The computational cycle in DEM, after [31]

(اندرکنش) دو ذره در محل تماس آنها با یکدیگر، میزان تغییر شکل ذرات و ارتباط میان جابهجایی ذرات و نیروهای بین آنها تابع خصوصیات مصالح ذرات است. در روش اجزای مجزا، فرض میشود که این ذرات در محل تماس تحت نیروهای تماسی تغییر شکل نمییابند [۳۰].

# ۲- ۲- مبانی محاسباتی روش شبکهی بولتزمن

روش شبکهی بولتزمن از مناسبترین روش ها برای شبیهسازی رفتار سیال در جریان های حاکم در محیط های متخلخل به شمار می رود. علاوه بر دقت و کارایی مناسب روش شبکهی بولتزمن در شبیه سازی رفتار جریان سیال، سازوکار محاسباتی مرحله ای آن بر اساس گام های زمانی سبب شده است تا این روش، به نحوی نسبتاً آسان با روش اجزای مجزا همبسته گردد. در روش شبکهی بولتزمن، محیط سیال به صورت مجموعه ای از ذرات مجازی واقع بر گره های یک شبکهی گسسته ی منظم فرض می شود. برای ساده سازی، درجات آزادی ذره کاهش یافته و نوعی گسسته سازی مومنتوم ذرات (که در حقیقت کمیتی پیوسته به شمار می رود) انجام می گردد. کاهش

درجات آزادی ذرات سیال به این معنی است که انتشار این ذرات تنها در جهاتی خاص، هماهنگ با شبکهی منظم مربعی روی میدهد. شکل ۲ نمونهی شبکهی بولتزمن و جهات بردارهای سرعت یکه (e) قابل تعریف برای هر گره در این شبکه (معادل با درجات آزادی ذرات سیال) را نشان میدهد. درجات آزادی نشان داده شده در این شکل مربوط به یک شبکهی نُه سرعته<sup>۲</sup> در دو بُعد است که پرکاربردترین شبکهی بولتزمن در مدلهای دو بعدی بوده و اصطلاحاً D2Q9 نامگذاری میشود [۳۲].

ذرات سیال ضمن انتشار با یکدیگر برخورد<sup>۳</sup> نموده و این برخورد به صورت متقابل بر نحوهی توزیع و روند انتشار این ذرات در گامهای زمانی آینده اثرگذار است. در پژوهش حاضر، یکی از شناخته شدهترین مدلهای برخورد که با نام BGK شناخته میشود [۳۴] مورد استفاده قرار میگیرد. رابطه (۱) معادلهی روش شبکهی بولتزمن را در سادهترین حالت آن به همراه عملگرهای مربوط به دو مرحلهی انتشار و برخورد (با مدل BGK) نشان میدهد.

<sup>2 9-</sup>velocity lattice

<sup>3</sup> collision

<sup>1</sup> discretization



شکل ۲. شبکه ی بولتزمن D2Q9 و جهات سرعت قابل تعریف در هر گره این شبکه [۳۳]



در رابطهی بالا، <sub>i</sub> W<sub>i</sub> ضریبی است که مقدار آن مطابق رابطه (۳) برحسب اندیس i قابل بیان است [۳۵]:

$$w_{i} = \begin{cases} \frac{4}{9} & i = 0\\ \frac{1}{9} & i = 1, 2, 3, 4\\ \frac{1}{36} & i = 5, 6, 7, 8 \end{cases}$$
(°)

در رابطهی (۲)، C نمایندهی «سرعت شبکه<sup>۳</sup>» است و به صورت در رابطهی (۲)، C نمایندهی «سرعت شبکه<sup>۳</sup>» است و به صورت  $C = h/\Delta t$  هاصلهی میشود [۳۶]. در این رابطه، h «فاصلهی شبکه<sup>\*</sup>»، یا به بیان بهتر، فاصلهی میان گرههای مجاور در شبکهی بولتزمن (نشان داده شده در شکل ۲) و  $\Delta t$  معادل یک گام زمانی در روش شبکهی بولتزمن است. سایر پارامترهای به کار رفته در رابطهی (۲) شامل  $\rho$  و u هستند که هر دو، از کمیتهای بزرگ مقیاس سیال بوده و به ترتیب چگالی در هر گره سیال و سرعت جریان سیال را مشخص میکند. این دو پارامتر به صورت زیر تعریف میشوند [۳۶]:

$$f_{i}(x + \mathbf{e}_{i}\Delta t, t + \Delta t) - f_{i}(x, t) = -\frac{\Delta t}{\tau} (f_{i}(x, t) - f_{i}^{eq}(x, t))$$
<sup>(1)</sup>

در رابطهی بالا،  $f_i(x,t)$  نشان دهندهی تابع توزیع چگالی سیال با سرعت یکه  $e_i^a$  در گره واقع در محل X در زمان t است.  $\tau$  پارامتری بی بعد به نام زمان آرامش<sup>۱</sup> بوده و  $f_i^{eq}(x,t)$  تابع توزیع چگالی سیال در حالت تعادل است. در رابطهی (۱)، سمت چپ تساوی مربوط به مرحلهی انتشار و سمت راست معادله، مشخص کنندهی مرحلهی برخورد ذرات است. اندیس i در رابطهی بالا شاخص جهت<sup>۲</sup> نام داشته و مشخص کنندهی راستای کمیت متناظر با خود بر روی شبکهی مربعی است. بر این اساس برای شبکهی D2Q9 مقدار i از صفر تا هشت متغیر است.

مقدار تابع توزیع چگالی سیال در حالت تعادل تابع شاخص جهت (i) بوده و در حالت کلی به صورت زیر قابل ارائه است [۳۵]:

$$f_{i}^{eq} = w_{i}\rho \left[ 1 + 3\frac{\boldsymbol{e}_{i}.\boldsymbol{u}}{c^{2}} + \frac{9}{2}\frac{(\boldsymbol{e}_{i}.\boldsymbol{u})^{2}}{c^{4}} - \frac{3}{2}\frac{\boldsymbol{u}^{2}}{c^{2}} \right]$$
(Y)

- 3 lattice speed
- 4 lattice spacing

- 1 relaxation time
- 2 direction index

$$\rho = \sum_{i=0}^{8} f_{i} \qquad \qquad u = \frac{1}{\rho} \sum_{i=0}^{8} f_{i} \boldsymbol{e}_{i} \qquad \qquad (\mathfrak{f})$$

لازم به ذکر است که در رابطهی (۲)، عبارت e<sub>i</sub>.u حاصل ضرب نقطهای دو بردار سرعت در شبکه (ریز مقیاس) و سرعت جریان سیال (بزرگ مقیاس) است. فشار سیال در هر نقطه، به عنوان کمیت دیگر بزرگ مقیاسِ قابل محاسبه در روش شبکهی بولتزمن، بر اساس رابطهی (۵) تعیین می گردد:

$$P = c_s^2 \rho \tag{(a)}$$

در این رابطه، <sub>c</sub>s سرعت جریان صوت<sup>۲</sup> است که میتوان آن را مطابق (۶) برحسب سرعت شبکه ( c ) محاسبه کرد:

$$c_s = \frac{c}{\sqrt{3}} \tag{(8)}$$

پارامتر دیگر موجود در رابطهی (۲)، لزجت سینماتیکی<sup>۳</sup> (۷) است که مطابق رابطهی (۷) محاسبه میشود:

$$\nu = \frac{1}{3} (\tau - \frac{1}{2}) \frac{h^2}{\Delta t} = \frac{1}{3} (\tau - \frac{1}{2}) ch \tag{Y}$$

باید توجه نمود که روش شبکهی بولتزمن اصالتاً برای سیالات نسبتاً تراکمپذیر ارائه شده و فشار سیال نیز در این روش (در رابطهی (۵)) با فرض تراکمپذیری جزئی سیال به دست میآید. با این حال، این روش به آسانی قابل تعمیم به سیالات تراکمناپذیر بوده و میتوان با انتخاب مناسب پارامترها به نتایجی مشابه با معادلات ناویه-استوکس برای سیال تراکمناپذیر رسید. به این منظور، کمیتی به نام عدد ماخ محاسباتی (Ma) به صورت زیر تعریف می گردد:

$$Ma = \frac{u_{\max}}{c_s} \tag{A}$$

توصیه شده است که برای کاهش خطای محاسباتی، مقدار این کمیت کوچکتر از ۰/۱ باشد [۳۶]. در این صورت، خطای محاسبهی کمیتهای بزرگ مقیاس در روش شبکهی بولتزمن به کمتر از یک درصد محدود می گردد [۳۷].

# ۲- ۳- مبانی محاسباتی روش مرز متحرک مستغرق

روش مرز متحرک مستغرق [۳۸] یک فن عددی برای مدلسازی اندرکنش سیال و سطح جامد است. ایده ی اصلی این روش، معرفی دقیق تر و هموارتر مرز ذرات جامد متحرک در شبکه ی بولتزمن و کاهش نوسان و تغییرات ناگهانی نیروهای هیدرودینامیک محاسباتی است. در روش مرز متحرک مستغرق، توابع توزیع سیال در گرههای مرزی به نحوی اصلاح می گردد تا شرایط عدم وجود لغزش حفظ گردد [۳۶]. در این روش، مطابق شکل ۳، یک سلول محاسباتی در اطراف هر گره شبکه به طول و عرض در نظر گرفته می شود. در هر سلول، نسبت سطح اشغال شده توسط فاز جامد (ناحیه ی هاشور خورده در شکل ۳) به سطح کل سلول  $h^2$  با نام پارامتر نسبت جامد<sup>ع</sup>  $\gamma = A_{sc}/h^2$ ).

پس از معرفی این پارامتر، نوبل و تورزینسکی [۳۸] معادلهی برخورد در روش شبکهی بولتزمن را مطابق رابطه (۹) اصلاح کردند:

$$f_{i}(x + \boldsymbol{e}_{i}\Delta t, t + \Delta t) =$$

$$f_{i}(x, t) - \frac{\Delta t}{\tau} (1 - B)(f_{i}(x, t) - (9))$$

$$f_{i}^{eq}(x, t)) + B\Omega_{i}^{S}$$

$$B = \frac{\gamma(\tau - 1/2)}{(1 - \gamma) + (\tau - 1/2)}$$
(1.)

با توجه به تغییرات مقدار  $\gamma$  (بین صفر و یک به ترتیب برای سلول پر از سیال و سلول پر از جامد)، مقدار B تنها می واند مقداری بین صفر و یک را اختیار کند. همچنین  $\Omega_i^S$  پارامتری اضافی نسبت به رابطهی اصلی برخورد در روش شبکهی بولتزمن بوده و قسمت نامتعادل تابع توزیع را در

<sup>1</sup> dot products

<sup>2</sup> speed of sound in fluid

<sup>3</sup> kinematic viscosity

<sup>4</sup> solid ratio



شکل ۳. تعریف مفهوم پارامتر نسبت جامد ( $\gamma$ ) در روش مرز متحرک مستغرق [۳۳]

Fig. 3. The definition of solid ratio (  $\gamma$  ) in the immersed moving boundary method

نظر می گیرد. 
$$\Omega^{s}_{i}$$
 با استفاده از رابطهی (۱۱) محاسبه می شود:

$$\Omega_{i}^{S} = f_{-i}(x,t) - f_{i}(x,t) + f_{i}^{eq}(\rho,u_{s}) - f_{-i}^{eq}(\rho,u) \quad (11)$$

در این رابطه،  $u_s$  سرعت ذرهی جامد در زمان t بوده و اندیس i- نشان دهندهی جهت معکوس برای تابع توزیع است. با به کارگیری روش مرز متحرک مستغرق، نیرو و گشتاور کل هیدرودینامیک اعمال شده بر یک دانهی جامدِ منفرد با n گرهِ جامد' به ترتیب از روابط (۱۲–الف) و (۱۲–ب) قابل محاسبه است:

$$\mathbf{F}_{\mathrm{H}} = \frac{h^{2}}{\Delta t} \left[ \sum_{n} \left( B_{n} \sum_{i} \Omega_{i}^{S} \boldsymbol{e}_{i} \right) \right]$$
(۱۲)  
$$\mathbf{T}_{\mathrm{H}} = \frac{h^{2}}{\Delta t} \left[ \sum_{n} (x_{n} - x_{c}) \times (B_{n} \sum_{i} \Omega_{i}^{S} \boldsymbol{e}_{i}) \right]$$
(۱۲)

در دو رابطهی اخیر،  $F_H$  و  $T_H$  به ترتیب نیرو و لنگر هیدرودینامیک کل وارد بر هر ذرهی جامد،  $x_n$  نشان دهندهی مختصات گره n در شبکه و x نمایندهی مختصات مرکز دانه است.

# ۲- ۴- همبستهسازی روش اجزای مجزا - شبکهی بولتزمن

برای آن که مدلهای ریز مقیاس به نحو مناسبی تولید ماسه را شبیه سازی نمایند، ضروری است تا همبستگی مناسبی میان محاسبات

1 solid node

مکانیک ذرات جامد و دینامیک سیال برقرار شود. برای این منظور، در مطالعه حاضر از روش «یکپارچه سازی گام زمانی<sup>۱</sup>» پیشنهادی توسط اُوِن و همکاران [۳۹] استفاده می شود. مطابق این روش، پس از محاسبه ی گام زمانی روش شبکه ی بولتزمن (مطابق رابطه ی (۷))، گام زمانی اولیه ی روش اجزای مجزا (که بر اساس جرم و سختی ذرات محاسبه می شود [۴۰]) به نحوی کوچک می شود تا گام زمانی شبکه ی بولتزمن مضرب صحیحی از آن باشد. به این ترتیب، به ازای تعداد گام های مشخصی در روش اجزای مجزا، تنها یک گام محاسباتی برای سیال طی شده و در این حین مقدار کمیت های هیدرودینامیکی ثابت باقی می مانند.

شکل ۴ چرخه ی محاسباتی برنامه ی توسعه یافته را پس از اعمال همبستگی روش اجزای مجزا-شبکه ی بولتزمن نشان می دهد. همان طور که در این شکل دیده می شود، در ابتدای هر گام جدید محاسباتی، ابتدا نیاز به بروزرسانی محاسبات دینامیک سیال بررسی می شود. چنانچه شماره گام محاسباتی مضرب صحیحی از گام زمانی روش شبکه بولتزمن باشد، محاسبات مربوط به سیال انجام شده و نیروهای هیدرودینامیک وارد بر ذرات جامد بروزرسانی می شود (مطابق رابطه (۱۲)). در غیر این صورت، مقادیر قبلی این نیروها به ذرات اعمال شده و سایر مراحل محاسباتی مربوط به محاسبات روش اجزای مجزا (مشابه آنچه در شکل ۱ دیده شد) پیگیری می شود.

# ۳- صحتسنجی روش همبستهی اجزای مجزا – شبکهی بولتزمن

برای صحتسنجی برنامهی توسعه یافته با همبستگی روش اجزای مجزا-شبکهی بولتزمن (DEM-LBM) و تحقیق پیرامون صحت محاسبات نیروی هیدرودینامیک وارد بر ذرات جامد مدل، فرآیند تهنشینی یک ذره تحت اثر وزن خودش در داخل ظرف پر از آب مورد مدلسازی قرار گرفت. تهنشینی ذرهی دایروی در داخل یک کانال طویل مستطیلی حاوی سیال لزج (آب) پیش تر توسط فنگ و همکاران [۴۱] و قاسمی و پاک [۲۸] نیز مدل شده است. مدل مورد استفاده در این پژوهش مشابه با دو مطالعهی اشاره شده است؛ با این تفاوت که به جای ذرهی کاملاً دایروی، از بیست ضلعی منتظم با قطر مشابه استفاده شده است. دلیل استفاده از شکل منتظم با تعداد اضلاع بالا از یک سو، عدم توانایی برنامهی رایانهای توسعه یافته در شبیه سازی ذرات کاملاً دایروی، و از سوی دیگر شباهت زیاد ذرهی بیست



شکل ۴. چرخهی محاسباتی برنامهی توسعه یافته بر اساس روش همبستهی اجزای مجزا – شبکه ی بولتزمن

#### Fig. 4. The computational cycle of the developed computer program based on the coupled DEM-LBM

ضلعی با دایره است. قطر دایرهی معادل با این چند ضلعی (دایرهی محاط بر چند ضلعی) مشابه با پژوهشهای فِنگ و همکاران [۴۱] و قاسمی و پاک [۲۸] برابر با d=۱mm در نظر گرفته شده و عرض ظرف چهار برابر قطر ذره (L=۴ mm) است. شکل ۵ مشخصات مدل مورد شبیهسازی و

<sup>1</sup> subcycling time integration

جدول ۱. مقایسهی سرعت بیشینه (حدی) ذرهی در حال تهنشینی در مدلهای با ارتفاع گوناگون

	مقدار سرعت حدی (mm/s)	
ارتفاع ظرف (mm)	Re = 1.03	Re = 8.33
٣٠	١/١٠٢	٨/٢٩٠
۳۵	۱/•۳۴	<b>አ/</b> ٣١٩
۴۰	١/• ٣٢	٨/٣٢۶

Table 1. Terminal velocity of the sedimenting particle in models with different channel heights



شکل ۵. ته نشینی ذره ی جامد تحت اثر وزن، در کانال قائم پر از سیال Fig. 5. The sedimentation model of the solid particle due to its weight in a vertical fluid-filled channel

مبدأ مختصات انتخاب شده در آن را نشان میدهد. محور مختصات عرضی مماس بر ضلع غربی ظرف و محور مختصات طولی ۱/۵ برابر قطر ذره پایین تر از ضلع شمالی ظرف محتوی مایع انتخاب شده است. در حالت اولیه، مرکز ذرهی جامد در فاصلهی طولی  $X_0^{=+}/V$  نسبت به مبدأ مختصات درون ظرف قرار گرفته است.

سیال مورد استفاده در این صحتسنجی آب بوده و لزجت سینماتیکی آن برابر ۷=۰/۰۱ cm<sup>2</sup>/s و چگالی آن ۵=۲ cm<sup>3</sup> در نظر گرفته شده است. در این مدلسازی، فاصلهی شبکه h=۰/۰۸ mm و پارامتر زمان آرامش ۲=۰/۶۵ انتخاب گردید. تفاوت دیگر مدل تهنشینی در مطالعهی حاضر با

مطالعات فنگ و همکاران [۴۱] و قاسمی و پاک [۲۸]، تفاوت در مرزهای بالا و پایین سیال است؛ در مطالعات اشاره شده مرزهای افقی مدل به صورت مرزهای متناوب کتوریف شدهاند اما به دلیل ناتوانی برنامهی رایانهای توسعه یافته در معرفی این نوع مرز، به ناچار از مرز جامد برای تعریف اضلاع افقی مدل (ضلعهای بالا و پایین ظرف) استفاده شد. البته ارتفاع ظرف حاوی سیال (طول مدل شبکهی بولتزمن) به نحوی انتخاب گردید تا مرزهای انتهای کانال تأثیری بر روی حرکت ذرهی جامد نداشته باشد. برای این منظور، مدلسازی با چندین ارتفاع گوناگون انجام شد که بخشی از نتایج آنها در جدول ۱ ارائه گردیده است. همان طور که در این جدول دیده می شود، با افزایش ارتفاع ظرف، سرعت حدی ذرهی در حال تهنشینی به مقدار متناظر با عدد رینولدز جریان نزدیک می شود. برای مدل با ارتفاع ۴۰ mm، مقدار خطای سرعت حدی کمتر از ۰/۲٪ بود که بسیار اندک تلقی می گردد [۴۲]. از این رو در مدل های این بخش نتایج مدل با ارتفاع ۴۰ mm مورد استفاده قرار گرفت. در این مدلها تمام مرزهای جانبی (چهار ضلع ظرف)، مرزهای جامد بدون امكان لغزش (سرعت سيال برابر صفر) فرض شدهاند. مدل سازي در دو حالت مختلف، با دو عدد رینولدز Re=۱/۰۳ و Re=۸/۳۳ (برای حفظ شباهت و امکان مقایسه با [۴۱] و [۲۸]) انجام شد. جهت رسیدن به این اعداد رینولدز در مدل شبکهی بولتزمن، چگالی ذرهی جامد در حال تهنشینی به نحوی انتخاب شد که سرعت حدی (سرعت نهایی) ذره و در نتیجه عدد رینولدز نهایی جریان به مقدار دلخواه تعیین شود. عدد رینولدز نهایی به صورت زیر تعریف می شود:

$$\operatorname{Re} = \frac{d \, u_f}{v} \tag{17}$$

1

<sup>1</sup> periodic

<sup>2</sup> terminal velocity



شکل ۶. خط سیر ذره ی در حال ته نشینی با دو عدد رینولدز Re=1.03 و Re=8.33

Fig. 6. The trajectory of the sedimenting particle for two Reynolds numbers Re=1.03 and Re=8.33

در این رابطه، v لزجت سینماتیکی سیال، d قطر ذره و  $u_f$  سرعت حدی سیال ذرهی در حال تهنشینی است.

نتایج حاصل از برنامهی توسعه یافته در این پژوهش برای خط سِیر ٔ ذرهی در حال تهنشینی در شکل ۶ نشان داده شده است. نتایج مطالعات عددی پژوهش های فِنگ و همکاران [۴۱] و قاسمی و پاک [۲۸] نیز برای مقایسه ارائه گردیده است. این نتایج برای دو عدد رینولدز ۲۸,۳۳ اینز برای در مختصات بیبعد شدهی Xc/L و Xc/L عرض ظرف، و XC و Ac و محتصات بیبعد شدهی Xc/L و Xc/L عرض ظرف، و Xc و Yc مختصات بیبغد شدهی طول و عرض مرکز ذره است) ارائه شده است. در هر دو حالت، ذره به تدریج از موقعیت اولیهی خود در گوشهی ظرف به مست مرکز آن (Xc/L=۰۸۵) حرکت میکند. این حرکت در عدد رینولدز مست مرکز آن (Xc/L=۰/۵) یوسته و تدریجی انجام میشود؛ در حالی که در محی نامنظمی و نوسان همراه است. همان طور که در شکل ۶ دیده میشود، کمی نامنظمی و نوسان همراه است. همان طور که در شکل ۶ دیده میشود، نتایج مدل ارائه شده در این مطالعه برای خط سِیر ذرهی در حال تهنشینی، شباهت فراوانی با نتایج مطالعات عددی پژوهش های فِنگ و همکاران [۴۱]

شکل ۷ تغییرات سرعت ذرهی در حال تهنشینی را در زمانهای گوناگون برای دو عدد رینولدز Re=۱۰۰۳, ۸.۳۳ نشان میدهد. مطابق انتظار، در هر دو حالت، سرعت عمودی ذره پس از مدتی به مقدار حدی رسیده و سرعت افقی آن به صفر میل میکند. همانطور که در شکل ۷ دیده می شود، به طور

کلی انطباق مناسبی میان نتایج مدل ارائه شده در این پژوهش و مدل عددی مطالعات قبلی وجود دارد و خطای سرعت حدی عمودی به دست آمده در مدلسازی به ۰/۲ درصد محدود گردید؛ در نتیجه دقت مدل همبستهی اجزای مجزا-شبکهی بولتزمن تأیید میشود. از سوی دیگر، میتوان مشاهده نمود که استفاده از ذرات با شکل منتظم و تعداد اضلاع بالا به جای ذرات دایروی تأثیر قابل توجهی بر نتایج شبیهسازی مدل تهنشینی ذره ندارد.

# ۴- روش مدلسازی پدیدهی تولید ماسه

پس از ارزیابی برنامهی توسعه یافته، در ادامه، به شبیهسازی پدیده تولید ماسه شرایطی مشابه با شرایط آزمون استوانهی جدار ضخیم جهت ایجاد نمونهی دو بعدی پرداخته میشود. بدین منظور، مراحل زیر معرفی میشوند: -1 ابتدا ۱۵۰۰ ذره به شکل هشت ضلعی منتظم و متوسط اندازهی -1 ابتدا ۱۵۰۰ ذره به شکل هشت ضلعی منتظم و متوسط اندازهی با دانهبندی نسبتاً یکنواخت (با ضریب یکنواختی<sup>۲</sup> ۲/۴=20 و ضریب انحنای<sup>۳</sup> با دانهبندی نسبتاً یکنواخت (با ضریب یکنواختی<sup>۲</sup> ۲/۴=20 و ضریب انحنای<sup>۳</sup> با دانهبندی نسبتاً یکنواخت (با ضریب یکنواختی<sup>۲</sup> ۲/۴) مراد می گیرند. با دانهبندی به تمری به تدریج به سمت

داخل نمونه رانده شده، در نتیجه تراکم کلی نمونه افزایش مییابد.

۳-پس از رسیدن نمونه به تراکم دلخواه، تغییر مکان اعمال شده به ذرات مرزی حذف شده، به نمونه اجازه داده می شود تا به تدریج با جابهجا کردن ذرات، نیروی داخلی ذرات محو شود. این حالت وضعیت پایهی نمونه

<sup>2</sup> coefficient of uniformity

<sup>3</sup> coefficient of curvature

<sup>1</sup> trajectory



شکل ۷. تغییرات سرعت ذرهی در حال تهنشینی در راستای الف) افقی برای Re=1.03، ب) افقی برای Re=8.33، پ) عمودی برای Re=8.33 و ت) عمودی برای Re=8.33

Fig. 7. Velocity variation of the sedimenting particle with time for: a) Re=1.03 (transversal), b) Re=8.33 (transversal), c) Re=1.03 (longitudinal), d) Re=8.33 (longitudinal)

و نقطهی آغاز مراحل بعدی مدلسازی است.

۴-در این مرحله، مجموعهی ذرات تحت تنش همه جانبهی ۵۰ kPa تحکیم میشود. این مرحله تا جایی ادامه مییابد که تغییرات کرنش حجمی (یا تغییرات تخلخل نمونه) تقریباً ثابت بماند.

۵–سپس، یک حفره به قطر ۲۰ mm ۲۰ در مرکز مجموعهی ذرات ایجاد می شود. به بیان دیگر، تمامی ذراتی که فاصلهی مرکز آن ها تا مرکز نمونه کمتر از ۱۰ mm یا مساوی آن باشد، از مجموعه حذف می شوند. به این ترتیب، حفرهی میانی موجود در استوانهی جدار ضخیم مدل می گردد.

۶-در این مرحله، ضمن حفظ تنشهای وارد بر مجموعهی ذرات، جریان شعاعی سیال از خارج به داخل نمونه برقرار میشود. برای سادگی، مشابه با روش به کار رفته توسط ژائو<sup>۱</sup> و همکاران [۴۳]، مرزهای ورودی<sup>۲</sup> و خروجی جریان<sup>۳</sup> سیال به ترتیب به صورت مربع با ابعادی به ترتیب بزرگتر از قطر

خارجی نمونه و کوچکتر از قطر حفرهی داخلی نمونه فرض می شوند.

۷-پس از صفر شدن تقریبی نرخ تولید (نرخ فرسایش) ذرات، نمونه با تنشهای همه جانبهی ۴۰۰ kPa و ۸۰۰ kPa تحکیم شده و گامهای ۵ و ۶ برای هر یک از این حالات تکرار می شود. علت انتخاب این مقادیر تنش پوشش دامنهی وسیعی از تنش همه جانبه از مقادیر بسیار کم ۵۰ kPa ما مقادیر پوشش دامنهی وسیعی از تنش همه جانبه از مقادیر بسیار کم ۸۰۰ kPa ما مقادیر فاجعهبار<sup>۴</sup> [۳۳] در توده ماسهی تحکیم نیافته (بدون پیوند بین ذرهای) مطالعهی حاضر، مقادیر تنش بزرگتر از A۰۰ kPa در مدل سازی مورد استفاده قرار نگرفت.

شکل ۸ تصویر شماتیک مجموعهی ذرات و محل قرارگیری ورودیها و خروجیهای جریان را نشان میدهد. در این مطالعه، مرزهای ورودی و خروجی جریان از نوع مرزهای کنترل فشار بوده و در طول مدت برقراری جریان، اختلاف فشار ثابتی میان مرزهای ورودی و خروجی جریان اعمال

<sup>1</sup> Zhao

<sup>2</sup> inlet

<sup>3</sup> outlet

<sup>4</sup> catastrophic sanding



شکل ۸. تصویر شماتیک مدل اجزای مجزا به همراه موقعیت تقریبی ورودیها و خروجیهای جریان سیال

Fig. 8. Schematic view of the numerical model with the approximate position of the flow inlets and outlets

می شود. با توجه به تمایل به ثابت بودن دبی خروجی هیدرو کربن در عملیات استخراج آن، ثابت نگه داشتن اختلاف فشار سیال ورودی و خروجی فرضی نزدیک به واقعیت است. در شکل ۸ همچنین تصویر بزرگنمایی شدهی قسمت کوچکی از نمونه، با هدف نمایش شکل ذرات مدل شده و نحوهی قرارگیری آنها در مجاورت هم ارائه گردیده است.

لازم به ذکر است که در طی فرآیند مدلسازی، هرگاه ذرهای وارد فضای حفره ی میانی نمونه شود، به عنوان یک ذره ی فرسایش یافته در نظر گرفته شده و از مجموعه ی ذرات حذف می گردد. به بیان دیگر، در طول مدلسازی، قطر حفره ی میانی ثابت فرض شده و هر زمان مرکز جرم هر ذره در فاصله ای کمتر از ۱۰ mm ۲۰ نسبت به مرکز حفره قرار گیرد، آن ذره از مجموعه حذف خواهد شد. باید توجه نمود که کلیه ی ذرات مدل شده در این پژوهش بدون چسبندگی در نظر گرفته شده و هیچ پیوندی میان آن ها وجود ندارد و تنها اندرکنش میان ذرات از نوع اصطکاکی و ناشی از تماس میان آن ها است. دلیل انتخاب شکل هشت ضلعی منتظم برای ذرات در این مدل، در نظر گرفتن شکلی نسبتاً تیز گوشه (نزدیک تر به واقعیت) برای ذرات دانه ای از یک سو، و پرهیز از پیچیدگی شکل ذرات و طولانی کردن پروسه

مدلسازی از سوی دیگر بود.

مشابه با آنچه در مطالعات قاسمی و پاک [۲۸] و هان و کاندال [۱۷] پیشنهاد شده است، برای تسهیل امکان جریان سیال از میان ذرات مجاور در مدل دو بعدی، مفهوم شعاع هیدرولیکی مورد استفاده قرار گرفت. شعاع هیدرولیکی، شعاع غیرواقعی ذره است که در محاسبات روش شبکهی بولتزمن برای هر ذرهی جامد در نظر گرفته شده و مقدار آن از شعاع مکانیکی (واقعی) ذره کوچکتر است. شعاع هیدرولیکی، از حاصل ضرب شعاع واقعی ذره در کمیتی کوچکتر از یک به دست میآید که این کمیت در پژوهش حاضر ضریب شعاع هیدرولیکی نام دارد. در شکل ۹ شعاع هیدرولیکی دو ذره با اندازههای متفاوت نشان داده شده است. همان طور که دیده می شود، با توجه به وجود تماس میان دو ذره، با در نظر گرفتن شعاع هیدرولیکی هر ذره در محاسبات روش شبکهی بولتزمن، امکان عبور جریان از میان ذرات مجاور هم نیز برقرار می شود.

تمامی پارامترهای مدلسازی به کار رفته در این پژوهش در جدول ۲ ارائه شده است. گفتنی است، سیال انتخاب شده در مدل تولید ماسه از جنس نفت بوده و مشخصات آن مشابه سیال به کار رفته در پژوهش یونسی و



شکل ۹. نمایش شعاع هیدرولیکی دو ذره با اندازههای متفاوت در تماس با یکدیگر، در مقایسهی آن با شعاع واقعی ذرات

Fig. 9. Displaying the hydraulic radius of two contacting particles with different sizes, in comparison to their actual radii

جدول ۲. مشخصات مدل همبستهی اجزای مجزا - شبکهی بولتزمن

مقدار	واحد	پارامتر	
۲/۵	mm	قطر متوسط ذرات (D50)	
10	-	تعداد ذرات مدل	
• /٢	-	نسبت تخلخل دوبعدي اوليه	
11.	mm	قطر اولیهی مجموعهی ذرات	
۲.	mm	قطر حفرهي مياني ذرات	
1•×1• <sup>*</sup>	N/mm	سختی نرمال ذرات	
1•×1• <sup>*</sup>	N/mm	سختی برشی ذرات	
• /۵	-	ضریب اصطکاک میان ذرات	
۳۰۰۰	kg/m <sup>3</sup>	چگالی ذرات	
٨٠٣	kg/m <sup>3</sup>	چگالی سیال	
٣.	mm <sup>2</sup> /s	لزجت سينماتيكى سيال	
• /٢	mm	فاصلهی شبکه (h)	
10 - 1.	kPa	افت فشار سيال	
•/٨	-	ضريب شعاع هيدروليكي	
4/38×1 • - 8	S	گام زمانی اجزای مجزا	
٣/٣•×١•-۶	S	گام زمانی شبکه بولتزمن	

Table 2. Parameters used in coupled DEM-LBM models



شکل ۱۰. تصویر ریز مقیاس جداره ی داخلی مجموعه ی ذرات، شامل نمایش فرآیند ناپایداری

#### Fig. 10. The instability process of the particle assembly adjacent to the inner cavity in particulate scale

همکاران [۱] در نظر گرفته شده است.

#### ۵- ارائهی نتایج مدلسازی تولید ماسه

نتایج به دست آمده از مدلسازی عددی پدیدهی تولید ماسه به روش همبستهی اجزای مجزا-شبکهی بولتزمن در ادامه ارائه می شوند.

## ۵- ۱- بررسی ریز مقیاس پدیدهی کمانزدگی در فرآیند تولید ماسه

به دلیل آن که ذرات مدل شده در این مطالعه بدون چسبندگی و پیوند میان ذرهای فرض شدهاند، انتظار میرود رفتار مجموعهی ذرات مشابه با ماسه سنگ تحکیم نیافته باشد. در این نوع سازندها، اصلی *تری*ن عامل پایداری و مقاومت در برابر پدیده تولید ماسه، اثر کمانزدگی<sup>۱</sup> ذرات دانهای است. شکل ۱۰ به خوبی این مسئله را نشان میدهد. در این شکل تصویر بزرگ نمایی شدهی برخی ذرات واقع بر نیمهی سمت راست حفرهی مرکزی، در یک بازهی زمانی مشخص نشان داده شده است. این مجموعه ذرات پس از ایجاد حفره، تحت تنش همه جانبهی ۸۰۰ لاوار گرفته است. در سیال، تنها تحت تأثیر افزایش تنش همه جانبه) کمان ماسهی پایداری حول ضرای مرکزی نمونه تشکیل میشود. این کمان ماسه سبب جلوگیری از فرسایش بیشتر ذرات داخل نمونه شده است. این نمونه سپس تحت تأثیر

جریان سیال با افت فشار ۱۵ kPa قرار گرفته، بر اثر آن به تدریج پایداری کمان ماسه ی اولیه مختل می شود. در تصویر مربوط به سیکل ۳۴ محاسباتی، پس از اعمال جریان سیال، کمان ماسهی پایدار اولیه به رنگ آبی نشان داده شده است. در تصویر سیکل شماره ۳۶، یکی از ذرات کمان اولیه (ذرهی فوقانی قرمز رنگ) بر اثر برآیند نیروهای وارد شده به آن از مکان اولیهی خود منحرف شده و در سیکل ۳۸، کاملاً از مجموعهی ذرات حذف می شود. چند ضلعی قرمز رنگ خطچین آخرین مکان حضور این ذره را پیش از حذف شدن از مجموعهی ذرات نشان میدهد. حذف این ذره از مجموعهی ذرات موجود در کمان پایدار اولیه، زمینهی ناپایداری این کمان و آغاز فرسایش برخی از سایر ذرات را فراهم میکند. در سیکل بعد، فرآیند فرسایش ذرات ادامه یافته، چهار ذرهی دیگر هم جابهجا شده و در سیکل شماره ۴۴ از مجموعهی ذرات حذف می شوند. در تصویر سیکل شماره ۴۵، کمان ماسهی پایدار جدید (با رنگ آبی) در مجموعهی ذرات نشان داده شده است. نتایج به دست آمده مؤید آن است که در فرآیند تولید ماسه در سازندهای تحکیم نیافته، تولید و فرسایش ذرات ماسه به معنای فروپاشی کمان ماسهی پایدار است [۱۷ و ۱۲] و پس از این فروپاشی، تعدادی از ذرات جدا شده از کمان قبل با جریان سیال فرسایش می یابد. شکل ۱۰ همچنین نشان می دهد که در مدلهای مطالعهی حاضر، مشابه آنچه در مطالعات آزمایشگاهی [۴۴ و ۱۲] و عددی [۱۷] پیشین دیده شد، کمان جدید با شعاعی بزرگتر میتواند جانشين كمان قبل شود.

<sup>1</sup> arching



شکل ۱۱. نمودار مقدار ذرات تولید شده در برابر تعداد سیکلهای محاسباتی، برای سه تنش همه جانبهی ۵۰، ٤٠٠ و ۸۰۰ کیلوپاسکال Fig. 11. Number of produced particles vs computational cycles for different stress levels: 50, 400, 800kPa

۵- ۲- بررسی اثر تنش همه جانبه بر مقدار تولید ماسه

شکل ۱۱ تعداد تجمعی ذرات فرسایش یافته در مقابل تعداد سیکلهای محاسباتی را برای نمونه تحت سه تنش همه جانبهی ۵۰، ۴۰۰ و ۸۰۰ کیلوپاسکال و پس از آغاز برقراری جریان سیال نشان میدهد. همان طور که دیده میشود، با افزایش مقدار تنش همه جانبه، مقدار ماسهی تولیدی افزایش یافته است. همچنین میتوان مشاهده کرد که علی رغم افزایش ناگهانی تولید ماسه در ابتدای مدلسازی، به دلیل تشکیل کمان ماسه در اطراف حفرهی مرکزی چاه، تولید ماسه متوقف شده یا دست کم کاهش مییابد. کاهش قابل ملاحظه شیب نمودار پس از تولید ماسهی اولیه، نشان دهندهی تشکیل کمان ماسه است. با دقت در نمودار شکل ۱۱، پس از تشکیل کمان اولیه، میتوان نقاطی را مشخص نمود که در آنها شیب نمودار به طور ناگهانی افزایش مییابد. این نقاط نمایندهی محل فروپاشی نمودار به طور ناگهانی افزایش مییابد. این نقاط نمایندهی محل فروپاشی نمودار به مور ناگهانی افزایش مییابد. این نقاط نمایندهی محل فروپاشی نمودار به مور ناگهانی افزایش مییابد. این نقاط نماینده محل فروپاشی نمودار به مور ناگهانی افزایش مییابد. این نقاط نماینده محل فروپاشی نمودار به مور ناگهانی افزایش مییابد. این نقاط نماینده محل فروپاشی نمودار ماسه است، مراحل تشکیل و فروپاشی کمان ماسه چندین بار طی نشان داده شده است، مراحل تشکیل و فروپاشی کمان ماسه چندین بار طی

تصاویر سیکلهای ۳۴ و ۴۵)، پس از هر نوبت فروپاشی کمان ماسه و فرسایش قابل توجه ذرات، کمان جدیدی تشکیل می شود. کاهش مجدد شیب نمودار شکل ۱۱ اندکی پس از فروپاشی کمان ماسه نشان دهنده ی تشکیل کمان جدید است. به طور کلی، نقاطی از نمودار با شیب زیاد، نماینده فروپاشی کمان ماسه (یا تولید ماسه ی اولیه در ابتدای مدل سازی) است که منجر به فرسایش قابل توجه ذرات در مدت زمان اندک می شود. اما سایر نقاط نمودار، شیب ملایم و تقریباً افقی، نشان دهنده ی محل تشکیل کمان ماسه است؛ زیرا در این نقاط، تولید ماسه کنترل شده و ذرات به مقدار بسیار محدودی فرسایش می یابند.

در نمودار موجود در شکل ۱۲ به تغییرات نرخ تولید ذرات بر حسب تعداد سیکل محاسباتی پرداخته شده است. برای آن که نرخ تولید ذرات در مطالعه یحاضر قابل مقایسه با نتایج ارائه شده در پژوهش سیدآتشی و همکاران [۲۵] (که شامل مدل سه بعدی تولید ماسه می شود) باشد، نسبت نرخ ماسه ی تولیدی در هر سیکل محاسباتی به مقدار کمینه آن محاسبه شده است. با توجه به اینکه نرخ تولید ماسه در انتهای مدل سازی با تنش همه جانبه ی هکه له عنوان کمترین مقدار شناسایی شده است، نرخ تولید



شکل ۱۲. نمودار تغییرات نسبت نرخ ماسهی تولیدی در برابر سیکلهای محاسباتی، برای سه مقدار مختلف تنش همه جانبه



ماسه در سایر سیکلهای محاسباتی و سایر تنشهای همه جانبه با این مقدار نرمال شده است. باید توجه نمود که نرخ تولید ذرات در این پژوهش، مشابه مطالعه ی سیدآتشی و همکاران [۲۵]، برحسب مقدار جرم ماسه یفرسایش یافته در واحد زمان (گرم بر ثانیه)، و برای سه تنش همه جانبه، نرخ تولید محاسبه شده است. مطابق شکل ۱۲، با افزایش تنش همه جانبه، نرخ تولید ماسه نیز افزایش مییابد. البته همان گونه که پیشتر بیان شد، با گذشت زمان و افزایش تعداد سیکلهای محاسباتی، به دلیل تشکیل کمان ماسه ی پایدار در اطراف حفره ی مرکزی چاه، نرخ تولید ماسه در تمام نمونه ها کاهش مییابد. علی رغم تفاوت مقدار تنش های همه جانبه در مطالعه ی حاضر و پژوهش سیدآتشی و همکاران [۲۵]، انطباق کیفی مناسبی میان نتایج این دو مطالعه وجود داشته و مدل ارائه شده پیشبینی مناسبی از تولید ماسه در ماسه سنگهای تحکیم نیافته ارائه می کند.

## ۵- ۳- بررسی اثر فشار جریان سیال بر مقدار تولید ماسه

شکل ۱۳ تعداد ذرات فرسایش یافته در نمونههای گوناگون را تحت مقادیر متفاوت فشار سیال و تنش همه جانبه نشان میدهد. هدف از ارائهی این شکل، بررسی تأثیر افت فشار سیال (اختلاف فشار سیال میان ورودی و خروجی جریان) بر شدت تولید ماسه و مقدار ذرات فرسایش یافته است.

بر اساس نمودارهای نشان داده شده میتوان بیان نمود که افزایش اختلاف فشار سیال در سطوح تنش کم، تأثیر قابل توجهی بر تولید ماسه ندارد (شکل ۱۳ ب و ج). اما در تنشهای همه جانبهی بالا (مانند kPa ۸۰۰ در شکل ۱۳ الف)، افزایش اختلاف فشار سیال از kPa ۱۰ به NA kPa سبب افزایش شدید تعداد ذرات فرسایش یافته میشود. در این مطالعه، در تنش همه شدید تعداد ذرات فرسایش مافته میشود. در این مطالعه، در تنش همه را بیش از دو برابر افزایش ۵۰ درصدی فشار سیال، تعداد ذرات تولید شده نیز به طور مشابه نتیجه گرفتهاند که علی رغم عدم وابستگی نرخ تولید ماسه به دبی جریان سیال در سطوح تنش پایین، در سطوح تنش بالا مقدار ماسه تولیدی وابستگی زیادی به تغییرات دبی (فشار) جریان سیال دارد. افزایش وابستگی تولید ماسه به جریان سیال در سطوح تنش بالا بدان معناست که ماستگی تولید ماسه به جریان سیال در سطوح تنش بالا بدان معناست که وابستگی تولید ماسه به جریان سیال در سطوح تنش بالا بدان معناست که ماستگی تولید ماسه به جریان سیال در سطوح تنش بالا بدان معناست که ماستگی تولید ماسه به جریان سیال در سطوح تنش بالا بدان معناست که وابستگی تولید ماسه به جریان سیال در سطوح تنش بالا بدان معناست که ماله اهمیت بیشتری پیدا کرده و برای مهار تولید ماسه، جریان سیال باید به دقت بررسی و کنترل گرده.

بررسی دقیق تر شکل ۱۳ نشان می دهد که در تمام سطوح تنش، افزایش اختلاف فشار سیال سبب کاهش جزئی تعداد ذرات تولید شده در ابتدای مدل سازی می شود. دلیل این پدیده، تسریع تشکیل کمان ماسهای در ابتدای مدل سازی به دلیل متراکم شدن ذرات دانه ای مجاور حفره تحت تأثیر افزایش



شکل ۱۳. نمودار تغییرات مقدار ذرات تولید شده برای مقادیر گوناگون فشار سیال تحت تنش همه جانبهی: الف) ۸۰۰ kPa، ب) ۴۰۰ kPa، ج) ۵۰ kPa

Fig. 13. Number of produced particles vs computational cycles for different values of pressure drawdown under a) 50kPa, b) 400kPa, and c) 800kPa confining stress

سرعت جریان سیال است. این پدیده در برخی مطالعات آزمایشگاهی [۴۷ و ۴۶] نیز مشاهده شده و «فشردگی<sup>۱</sup>» ذرات نمونه عامل کاهش تولید ماسه معرفی شده است. باید توجه نمود، علی رغم کاهش تعداد ذرات فرسایش یافته در ابتدای آزمایش، با پیشرفت آزمایش مطابق آنچه پیش تر بیان شد، افزایش فشار سیال سبب افزایش تولید ماسه خصوصاً در مراحل انتهای مدل سازی می شود.

#### ۶- نتیجهگیری

در این مطالعه به توسعهی برنامهی کامپیوتری همبستهی روش اجزای مجزا و روش شبکهی بولتزمن، جهت شبیهسازی ریز مقیاس مدل تولید ماسه در شرایط دو بعدی پرداخته شد. برنامهی توسعه یافته با شبیهسازی فرآیند تهنشینی یک ذره تحت اثر وزن خودش و مقایسهی نتایج با مطالعات پیشین صحتسنجی گردید. پس از تأیید درستی و دقت این برنامه، پدیدهی تولید ماسه در شرایطی مشابه با شرایط آزمون استوانهی جدار ضخیم به صورت عددی مدلسازی گردید. پس از ایجاد تعدادی از ذرات در مجموعهای دایروی و سپس تراکم اولیهی آن، حفرهای در مرکز مجموعه ایجاد گردید. شعاعی سیال از خارج به داخل (از محیط مجموعه ذرات به سمت مرکز حفره) برقرار گردید. تأثیر همزمان تنش همه جانبهی گوناگون قرار گرفته و جریان شعاعی سیال از خارج به داخل (از محیط مجموعه ذرات به سمت مرکز حفره) برقرار گردید. تأثیر همزمان تنشهای همه جانبه و نیروی وارده بر ذرات جامد از سوی سیال سبب جدایش و فرسایش برخی از آنها از مجموعهی دزرات میشود. پس از بررسی نتایج و نمودارهای حاصل از مدل ریز مقیاس

۱-علی رغم سادگی مدل های دو بعدی و ضرورت تعریف پارامترهایی مانند ضریب شعاع هیدرولیکی برای امکان عبور جریان سیال، این مدل ها توانایی مناسبی در شبیه سازی پدیده ی تولید ماسه و شناسایی عوامل مؤثر بر آن دارد.

۲-با افزایش مقدار تنش همه جانبه، مقدار ماسهی تولیدی و همچنین نرخ تولید ماسه افزایش مییابد.

۳-پس از طی چند سیکل از شروع تولید ماسه، به دلیل تشکیل کمان ماسهی پایدار در اطراف حفرهی مرکزی چاه، نرخ تولید ماسه در نمونهها با تنشهای همه جانبهی گوناگون کاهش مییابد.

۴–با افزایش مقدار تنش همه جانبه، معمولاً کمان ماسهی اولیه از بین رفته، پس از افزایش شدید تولید ماسه در زمانی محدود، کمان ماسهی جدید

با قطری بزرگتر جایگزین آن میشود.

۵-علی رغم تأثیر اندک مقدار فشار سیال بر تولید ماسه در سطوح تنش کم، افزایش اختلاف فشار سیال در تنش های بالا تأثیر زیادی بر تولید ماسه دارد. برای مثال، افزایش ۵۰ درصدی افت فشار سیال سبب افزایش تعداد ذرات فرسایش یافته تا بیش از دو برابر مقدار اولیه شد. بنابراین برای کنترل تولید ماسه در چاههای نفت عمیق، گرادیان فشار سیال باید به دقت بررسی و محدود گردد.

# تشکر و قدردانی

بخشی از محاسبات این پژوهش در مرکز محاسبات سنگین دانشگاه فردوسی مشهد انجام شده است که بدین وسیله تشکر می گردد.

## منابع

- A. Younessi, V. Rasouli, B. Wu, Sand production simulation under true-triaxial stress conditions, International Journal of Rock Mechanics and Mining Sciences, 61 (2013) 130-140
- [2] J. Tronvoll, E. Papamichos, A. Skjaerstein, F. Sanfilippo, Sand production in ultra-weak sandstones: Is sand control absolutely necessary?, in: Latin American and Caribbean Petroleum Engineering Conference, Society of Petroleum Engineers, Rio de Janeiro, Brazil, 1997.
- [3] I.C. Walton, D.C. Atwood, P.M. Halleck, L.C. Bianco, Perforating Unconsolidated Sands: An Experimental and Theoretical Investigation, SPE Drilling & Completion, 17(03) (2002) 141-150
- [4] A.R. Younessi Sinaki, Sand production simulation under true-triaxial stress conditions, Curtin University, 2012.
- [5] D. Garolera, I. Carol, P. Papanastasiou, Micromechanical analysis of sand production, International Journal for Numerical and Analytical Methods in Geomechanics, 43(6) (2019) 1207-1229
- [6] A. Acock, T. ORourke, D. Shirmboh, J. Alexander, G. Andersen, T. Kaneko, A. Venkitaraman, J. López-de Cárdenas, M. Nishi, M. Numasawa, Practical approaches to sand management, Oilfield Rev, 16(1) (2004) 10-27
- [7] B. Cook, D. Boutt, O. Strack, J. Williams, S. Johnson, DEM-Fluid model development for near-wellbore

compaction 1

LBM-DEM coupling approach and its application in modeling episodic sand production in borehole, Petroleum, (2016)

- [18] K.I.-I. Eshiet, D. Yang, Y. Sheng, Computational study of reservoir sand production mechanisms, Geotechnical Research, 6(3) (2019) 177-204
- [19] M. Bruno, C. Bovberg, R. Meyer, Some influences of saturation and fluid flow on sand production: laboratory and discrete element model investigations, in: SPE Annual Technical Conference and Exhibition, Society of Petroleum Engineers, Denver, Colorado, 1996.
- [20] R.i. O'Connor, J.R. Torczynski, D.S. Preece, J.T. Klosek, J.R. Williams, Discrete element modeling of sand production, International Journal of Rock Mechanics and Mining Sciences, 34(3) (1997) 231. e231-231. e215
- [21] L. Li, E. Papamichos, P. Cerasi, Investigation of sand production mechanisms using DEM with fluid flow, in: Eurock 2006: Multiphysics coupling and long term behaviour in rock mechanics: Proceedings of the International Symposium of the International Society for Rock Mechanics, Taylor & Francis, Liege, Belgium, 2006, pp. 241-247.
- [22] D.F. Boutt, B.K. Cook, J.R. Williams, A coupled fluidsolid model for problems in geomechanics: Application to sand production, International Journal for Numerical and Analytical Methods in Geomechanics, 35(9) (2011) 997-1018
- [23] N. Climent, M. Arroyo, C. O'Sullivan, A. Gens, Sand production simulation coupling DEM with CFD, European Journal of Environmental and Civil Engineering, 18(9) (2014) 983-1008
- [24] Y. Cui, A. Nouri, D. Chan, E. Rahmati, A new approach to DEM simulation of sand production, Journal of Petroleum Science and Engineering, 147 (2016) 56-67
- [25] M. Seyed Atashi, K. Goshtasbi, R. Basirat, The Effect of Confining Pressure on the Sand Production in Hydrocarbon Reservoirs by Using Discrete Element Method, JOURNAL OF ROCK MECHANICS, 1(1) (2017) 102.(in Persian).

mechanics, in: Numerical Modeling in Micromechanics via Particle Methods, Kyoto, Japan, 2004, pp. 301 -309.

- [8] M. Wang, Y.T. Feng, T. Zhao Ting, Y. Wang, Modelling of sand production using a mesoscopic bonded particle lattice Boltzmann method, Engineering Computations, 36(2) (2019) 691-706
- [9] E. Fjær, R.M. Holt, A. Raaen, R. Risnes, P. Horsrud, Petroleum related rock mechanics, 2 ed., Elsevier, Amsterdam, The Netherlands, 2008.
- [10] V. Fattahpour, M. Moosavi, M. Mehranpour, An experimental investigation on the effect of rock strength and perforation size on sand production, Journal of Petroleum Science and Engineering, 86-87 (2012) 172-189
- [11] C. Hall Jr, W. Harrisberger, Stability of sand arches: a key to sand control, Journal of Petroleum Technology, 22(07) (1970) 821-829
- [12] D. Tippie, C. Kohlhaas, Effect of flow rate on stability of unconsolidated producing sands, in: Fall Meeting of the Society of Petroleum Engineers of AIME, Society of Petroleum Engineers, Las Vegas, Nevada, 1973.
- [13] K. Yim, M. Dusseault, L. Zhang, Experimental study of sand production processes near an orifice, in: Rock Mechanics in Petroleum Engineering, Society of Petroleum Engineers, Delft, Netherlands, 1994.
- [14] J. Tronvoll, N. Morita, F. Santarelli, Perforation cavity stability: comprehensive laboratory experiments and numerical analysis, in: SPE Annual Technical Conference and Exhibition, Society of Petroleum Engineers, Washington, D.C., 1992.
- [15] J. Tronvoll, A. Skj, E. Papamichos, Sand production: mechanical failure or hydrodynamic erosion?, International Journal of Rock Mechanics and Mining Sciences, 34(3-4) (1997) 291. e291-291. e217
- [16] E. Papamichos, I. Vardoulakis, J. Tronvoll, A. Skjaerstein, Volumetric sand production model and experiment, International journal for numerical and analytical methods in geomechanics, 25(8) (2001) 789-808
- [17] Y. Han, P. Cundall, Verification of two-dimensional

- [37] F. Lominé, L. Scholtès, L. Sibille, P. Poullain, Modeling of fluid–solid interaction in granular media with coupled lattice Boltzmann/discrete element methods: application to piping erosion, International Journal for Numerical and Analytical Methods in Geomechanics, 37(6) (2013) 577-596
- [38] D. Noble, J. Torczynski, A lattice-Boltzmann method for partially saturated computational cells, International Journal of Modern Physics C, 9(08) (1998) 1189-1201
- [39] D.R.J. Owen, C.R. Leonardi, Y.T. Feng, An efficient framework for fluid–structure interaction using the lattice Boltzmann method and immersed moving boundaries, International Journal for Numerical Methods in Engineering, 87(1-5) (2011) 66-95
- [40] M. Otsubo, C. O'Sullivan, T. Shire, Empirical assessment of the critical time increment in explicit particulate discrete element method simulations, Computers and Geotechnics, 86 (2017) 67-79
- [41] J. Feng, H.H. Hu, D.D. Joseph, Direct simulation of initial value problems for the motion of solid bodies in a Newtonian fluid Part 1. Sedimentation, Journal of Fluid Mechanics, 261(-1) (1994) 95-134
- [42] T. Tang, P. Yu, X. Shan, H. Chen, J. Su, Investigation of drag properties for flow through and around square arrays of cylinders at low Reynolds numbers, Chemical Engineering Science, 199 (2019) 285-301
- [43] B. Zhao, C.W. MacMinn, B.K. Primkulov, Y. Chen, A.J. Valocchi, J. Zhao, Q. Kang, K. Bruning, J.E. McClure, C.T. Miller, A. Fakhari, D. Bolster, T. Hiller, M. Brinkmann, L. Cueto-Felgueroso, D.A. Cogswell, R. Verma, M. Prodanović, J. Maes, S. Geiger, M. Vassvik, A. Hansen, E. Segre, R. Holtzman, Z. Yang, C. Yuan, B. Chareyre, R. Juanes, Comprehensive comparison of pore-scale models for multiphase flow in porous media, Proceedings of the National Academy of Sciences, 116(28) (2019) 13799
- [44] T. Perkins, J. Weingarten, Stability and failure of spherical cavities in unconsolidated sand and weakly consolidated rock, in: SPE Annual Technical Conference and Exhibition, Society of Petroleum Engineers, 1988.

- [26] B.K. Cook, A numerical framework for the direct simulation of solid-fluid systems, Massachusetts Institute of Technology, 2001.
- [27] B.K. Cook, D.R. Noble, J.R. Williams, A direct simulation method for particle-fluid systems, Engineering Computations, 21(2/3/4) (2004) 151-168
- [28] A. Ghassemi, A. Pak, Numerical simulation of sand production experiment using a coupled Lattice Boltzmann–Discrete Element Method, Journal of Petroleum Science and Engineering, 135 (2015) 218-231
- [29] P. Cundall, A computer model for simulating progressive, large-scale movements in blocky rock systems, in: Proceedings of the Symposium of the International Society of Rock Mechanics, International Society for Rock Mechanics (ISRM), Nancy, France, 1971.
- [30] P.A. Cundall, O.D. Strack, A discrete numerical model for granular assemblies, Geotechnique, 29(1) (1979) 47-65
- [31] T.G. Sitharam, Numerical simulation of particulate materials using discrete element modelling, Current Science, 78(7) (2000) 876-886
- [32] T. Krüger, H. Kusumaatmaja, A. Kuzmin, O. Shardt,G. Silva, E.M. Viggen, The lattice Boltzmann method,Springer International Publishing, 10 (2017) 978-973
- [33] S. Honari, E. Seyedi Hosseininia, Particulate Modeling of Sand Production Using Coupled DEM-LBM, Energies, 14(4) (2021) 906
- [34] P.L. Bhatnagar, E.P. Gross, M. Krook, A model for collision processes in gases. I. Small amplitude processes in charged and neutral one-component systems, Physical review, 94(3) (1954) 511
- [35] M.C. Sukop, D.T. Thorne, Lattice Boltzmann Modeling: An Introduction for Geoscientists and Engineers, Springer Berlin Heidelberg, 2006.
- [36] Y.T. Feng, K. Han, D.R.J. Owen, Coupled lattice Boltzmann method and discrete element modelling of particle transport in turbulent fluid flows: Computational issues, International Journal for Numerical Methods in Engineering, 72(9) (2007) 1111-1134

Sandstone Reservoir in a Deepwater Gas Field, Journal of Energy Resources Technology, 141(9) (2019)

- [47] Y. Xiong, H. Xu, Y. Wang, W. Zhou, C. Liu, L. Wang, Fluid flow with compaction and sand production in unconsolidated sandstone reservoir, Petroleum, 4(3) (2018) 358-363
- [45] E. Papamichos, I. Vardoulakis, J. Tronvoll, A. Skjærstein, Volumetric sand production model and experiment, International Journal for Numerical and Analytical Methods in Geomechanics, 25(8) (2001) 789-808
- [46] F. Deng, C. Yan, S. Jia, S. Chen, L. Wang, L. He, Influence of Sand Production in an Unconsolidated

چگونه به این مقاله ارجاع دهیم S. Honari, E. Seyedi Hosseininia, Numerical Simulation of Sand Production Using Coupled DEM-LBM, Amirkabir J. Civil Eng., 54(1) (2022) 53-74.



**DOI:** 10.22060/ceej.2021.18019.6739

بی موجعه محمد ا