

Amirkabir Journal of Civil Engineering

Amirkabir J. Civil Eng., 54(8) (2022) 609-612 DOI: 10.22060/ceej.2022.19296.7133

Concrete Beam Life Model Based on Shear Strength Degradation Under Different States of Chloride Ion Ingress

S. A. Hosseini^{1*}, M. Bagheri²

¹Faculty of Technology and Mining, Yasouj University, Choram, Iran ²Department of Civil Engineering, Birjand University of Technology, Birjand, Iran

ABSTRACT: Concrete structures undergo a reduction in strength and ultimately premature deterioration during their life due to environmental factors. Corrosion of reinforcement is known as one of the most important factors in reducing the performance of concrete structures. Assessing the current condition as well as predicting the remaining useful life of structures is very important for providing maintenance plans. In this research, considering the limit-state function of the shear strength of reinforced concrete beams, the life model is calculated under different scenarios of chloride ion penetration. Reduction of the cross-section of longitudinal and transverse rebars, reduction of the cross-section of the concrete beam, and reduction of mechanical properties of concrete and rebar, which are known as side effects of rebar corrosion, have been considered in evaluating the life model. Stochastic properties of effective parameters in shear strength, as well as chloride ions, are also considered for the probabilistic evaluation of the life model. The Monte Carlo sampling method was used to generate the input values of the models. The results show that considering the effect of concrete scaling causes a large difference in the predicted values for the shear strength of concrete beams, so in the critical case, considering the effects of concrete scaling reduces the shear strength by 20% and a more realistic estimate of the remaining life of the structure will be obtained.

1-Introduction

Reinforcement corrosion in reinforced concrete (RC) structures causes propagation of cracks, reduction of bond strength between rebars and concrete, spalling of concrete cover and eventually degradation of structures due to reduction in strength of RC element. The products of corrosion usually have much volume than that material consumed during the corrosion process [1]. The increase in volume around the reinforcement causes the tensile stresses in the concrete and cracks the cover. With cracking the cover and increasing the crack width, the detrimental effect of the corrosion will be enhanced. Uniform and non-uniform corrosion (pitting) are two major types of steel reinforcement corrosion in RC structures. Chloride ingress usually causes non-uniform corrosion, although with passing time and joining the pitting corrosion along the rebar length, the rebar will be corroded uniformly.

Lots of research has been done about the service life model of the RC structures which were affected by reinforcement corrosion due to chloride ingress. This research mainly focused on strength degradation and evaluation of ultimate limit-states of the RC structures [2]. The type of degradation factors affects how the performance of the structure degraded. For the effects of rebar corrosion, many models

Review History:

Received: Nov. 25, 2020 Revised: Sep. 02, 2021 Accepted: Jan. 27, 2022 Available Online: Feb. 01, 2022

Keywords:

Life model Reinforcement corrosion Shear failure Concrete beam Chloride ingress

have considered the performance reduction in proportion to the reduction in rebar cross-section [3].

In concrete beams, shear deterioration may occur due to the penetration of chloride ions. In bridge girders, where some construction joints are located on the sides, due to the infiltration of saltwater in winter from these joints, the hazards in the girder support will increase. Previous research has not done much on the conditions and directions of chloride ion penetration, and most researchers have evaluated the effect of corrosion effects on the strength of beams by creating accelerated corrosion. In this study, by considering different scenarios of chloride ion penetration in concrete beams, the corrosion effects of rebars on the residual shear strength have been evaluated. The effect of uncertainty of effective parameters on shear strength also has been considered.

2- Methodology

To investigate the effects of rebar corrosion on the shear strength of concrete beams, the steps of different effects of chloride ion penetration in the applied scenarios are considered. The diffusion of chloride ions into the crosssection is considered one-dimensional based on Equation (1):

*Corresponding author's email: a.hosseini@yu.ac.ir



Copyrights for this article are retained by the author(s) with publishing rights granted to Amirkabir University Press. The content of this article is subject to the terms and conditions of the Creative Commons Attribution 4.0 International (CC-BY-NC 4.0) License. For more information, please visit https://www.creativecommons.org/licenses/by-nc/4.0/legalcode.



Fig. 1. Simply supported RC beam



Fig. 2. Different scenarios for how chloride ions penetrate

$$C(x,t) = C_0 + \left(C_s - C_0 \left[1 - erf\left(\frac{x}{2\sqrt{D_{app,c}t}}\right)\right]\right)$$
(1)

where C(x,t) is the chloride ion concentration at a depth of x and time t; C_0 is the chloride ion concentration in the concrete; C_s is the chloride ion concentration at the surface of concrete; $D_{app,c}$ is the diffusion coefficient of chloride ions in concrete; *erf* is the error function. To evaluate the effects of different chloride ion diffusion scenarios, the beam shown in Figure 1 is considered. How chloride ions penetrate into the concrete beam is assumed in the four scenarios shown in Figure 2. The nominal shear strength of the beam, V_n at time t from the onset of corrosion is calculated as follows:

$$v_{n}(t) = v_{s}(t) + v_{c}(t)$$
⁽²⁾

where *Vs* and *Vc* are the steel and concrete shear strength respectively.

3- Results and Discussion

Figure 3 shows the results for all scenarios for comparison. In this figure, the effect of considering the reduction of the cross-section in different ways is quite obvious. Considering the most critical situation, which is the scenario (d), the shear strength for concrete beams in which rebar corrosion begins in the 7th year reaches 0.65 of the initial shear strength after 60 years. If the life model is considered based on merely reducing the cross-sectional area of the rebar, the shear strength reaches 0.86 of the initial value, which is very different from the actual value:



Fig. 3. Shear strength at time t to initial strength for different chloride ion diffusion scenarios

4- Conclusions

Considering the effect of concrete scaling causes a large difference in the predicted values for the shear strength of concrete beams, in the critical state, considering the effects of concrete scaling, the shear strength decreases by 20% and a more realistic assessment of the remaining life of the structure is obtained.

References

[1] Bhargava, K., Y. Mori, and A. Ghosh, Time-dependent reliability of corrosion-affected RC beams—Part 1: Estimation of time-dependent strengths and associated variability. Nuclear Engineering and Design, 2011. 241(5): p. 1371-1384.

- [2] Alexander, M. and H. Beushausen, Durability, service life prediction, and modelling for reinforced concrete structures-review and critique. Cement and Concrete Research, 2019. 122: p. 17-29.
- [3] Song, H.-W., et al., A micro-mechanics based corrosion model for predicting the service life of reinforced concrete structures. International Journal of Electrochemical Science, 2007. 2: p. 341-354.

HOW TO CITE THIS ARTICLE

S. A. Hosseini, M. Bagheri, Concrete Beam Life Model Based on Shear Strength Degradation Under Different States of Chloride Ion Ingress, Amirkabir J. Civil Eng., 54(8) (2022) 609-612.





This page intentionally left blank

نشريه مهندسي عمران اميركبير



مدل عمر تیر بتنی بر مبنای مقاومت برشی تحت اثر حالتهای مختلف نفوذ یون کلراید

سید عباس حسینی*'، منصور باقری'

۱- دانشکده صنعت و معدن، دانشگاه یاسوج، چرام، ایران
 ۲- گروه مهندسی عمران، دانشگاه صنعتی بیرجند، بیرجند، ایران.

تاریخچه داوری: دریافت: ۱۳۹۹/۰۹/۰۵ بازنگری: ۱۴۰۰/۰۶/۱۱ پذیرش: ۱۴۰۰/۱۱/۰۷ ارائه آنلاین: ۱۴۰۰/۱۱/۱۲

> کلمات کلیدی: مدل عمر خوردگی میلگرد تیر بتنی زوال برشی نفوذ یون کلراید

خلاصه: سازههای بتنی در طی عمر خود تحت اثر عوامل محیطی دچار کاهش مقاومت و در نهایت زوال زود هنگام میشوند. خوردگی میلگردها به عنوان یکی از مهمترین عوامل تاثیرگذار در کاهش عملکرد سازههای بتنی شناخته شده است. ارزیابی وضعیت کنونی و همچنین پیش بینی عمر مفید باقی مانده سازهها برای ارائه برنامههای تعمیر و نگهداری از اهمیت زیادی برخوردار است. در این تحقیق با در نظر گرفتن تابع شرایط حدی نهایی مقاومت برشی تیر بتن مسلح، مدل عمر تحت سناریوهای مختلف نفوذ یون کلراید محاسبه گردیده است. کاهش سطح مقطع میلگردهای طولی و عرضی، کاهش سطح مقطع تیر بتنی که به عنوان اثرات جانبی خوردگی میلگرد شناخته میشوند در ارزیابی مدل عمر در نظر گرفته شدهاند. خواص تصادفی پارامترهای مؤثر در مقاومت برشی و همچنین نفوذ یون کلراید برای ارزیابی احتمالاتی مدل عمر در نظر گرفته شدهاند. خواص تصادفی پارامترهای مؤثر در مقاومت برشی و کاهش های صورت گرفته در پارامترهای موثر بر مقاومت برشی، با استفاده از روش نمونهبرداری مونت کارلو از هر پارامتر بر اساس فواص تصادفی آن تعداد صد هزار مقدار برای هر مناوی هر متاومت برشی، با استفاده از روش نمونهبرداری مونت کارلو از هر پارامتر بر اساس خواص تصادفی آن تعداد صد هزار مقدار برای هر متاومت برشی، با استفاده از مقادیر تولید شده، مقاومت برشی در مان مواس خواص تصادفی آن تعداد صد هزار مقدار برای هر متغیر تولید شد. با استفاده از مقادیر تولید شده، مقاومت برشی در هر زمان محاسبه گردیده است. نتایج نشان می دهد که در نظر گرفتن اثر پوسته شدن بتن موجب تفاوت زیاد در مقاومت برشی در هر زمان محاسبه مرشی تیر بتنی میشود به طوری که در حالت بحرانی در نظر گرفتن اثرات پوسته شدن بتن موجب کاهش ۲۰ درصدی مقاومت برشی

۱ – مقدمه

عوامل مخرب بیرونی موجب کاهش مقاومت سازههای بتنی در طی زمان می گردند. طبق بر آوردهای موجود، خورد گی میلگردها مهم ترین عامل کاهش مقاومت در طی عمر سازههای بتن مسلح است. خورد گی میلگردها معمولاً به دلیل کاهش خاصیت قلیایی بتن اطراف میلگرد اتفاق می افتد. کربناته شدن و نفوذ یونهای کلراید مهم ترین دلیل آغاز خورد گی میلگرد در سازههای بتن مسلح می باشد [۱]. به دلیل اثرات مخربی که خورد گی میلگرد در عملکرد تعریف شده سازههای بتنی دارد، معمولاً آیین نامه های طراحی ضوابط سخت گیرانه تری برای طراحی سازههای بتنی در محیطهای خورنده و شدید اعمال می کنند [۳ و ۲]. به دلیل عدم قطعیتهای فراوانی که در بر آورد اثر عوامل طبیعی بر سازهها وجود دارد، در طی عمر بهره برداری باید عملکرد سازهها مورد ارزیابی مداوم قرار گیرد. ارزیابی در طی زمان های مشخص موجب اطمینان از شرایط بهره برداری سازه و همچنین ارائه

* نویسنده عهدهدار مکاتبات: a.hosseini@yu.ac.ir

برنامههای تعمیر و نگهداری دقیقتر برای سازه خواهد شد.

خوردگی میلگردها در سازههای بتنی موجب توسعه ترکهای سطحی، کاهش پیوستگی بتن و میلگرد، کنده شدن پوشش بتنی روی میلگردها و در نهایت به مخاطره افتادن سازه به دلیل کاهش مقاومت عضو می گردد. خوردگی میلگرد معمولاً موجب تولید موادی می گردد که دارای حجم بیشتری نسبت به مواد مصرف شده در طی فرآیند خوردگی است [۴]. افزایش حجم در اطراف میلگرد موجب ایجاد نیروهای کششی در اطراف میلگرد و ترک خوردگی بتن پوششی می شود. با ایجاد ترکهای سطحی و گسترش آنها به مرور تأثیرات خوردگی در عضو سازهای بیشتر می گردد. خوردگی به دو دسته یکنواخت و غیریکنواخت (حفرهای یا چالهای) تقسیم بندی می شود. نفوذ یون کلراید معمولاً بیشتر موجب ایجاد خوردگی غیریکنواخت می گردد هر چند با یکنواخت در با به هم پیوستن نقاط خورده شده، میلگرد تقریباً به صورت گذشت زمان و با به هم پیوستن نقاط خورده شده، میلگرد تقریباً به صورت

برای ارائه مدل عمر سازههای بتنی که تحت اثر پدیده خوردگی قرار

(Creative Commons License) حقوق مؤلفین به نویسندگان و حقوق ناشر به انتشارات دانشگاه امیرکبیر داده شده است. این مقاله تحت لیسانس آفرینندگی مردمی (Creative Commons License) کی این افرینندگی مردمی (Creative Commons License) دیدن فرمائید.

گرفتهاند، تحقیقات زیادی انجام شده است. این تحقیقات عمدتاً درباره اثرات خوردگی بر مقاومت ساختمان های بتنی و تغییر شرایط حدی تعریف شده ساختمان، بوده است [۶ و ۵]. نحوه کاهش عملکرد ساختمان بر اساس نوع عامل اصلی کاهنده مقاومت متفاوت است. برای اثرات ناشی از خوردگی میلگرد بسیاری از مدلها نحوه کاهش عملکرد را متناسب با کاهش سطح مقطع میلگرد در طی دوران گسترش خوردگی در نظر گرفتهاند [۸ و ۷]. در این مدل ها از اثرات جانبی خوردگی معمولاً صرف نظر شده است. صافحیان و رمضانیان پور بر اساس تحقیقات تجربی در خلیج فارس یک مدل عمر برای بتن حاوی میکروسیلیس ارائه کردند که تنها اثرات قرارگیری قطعه در ناحیه پاششی و جزر و مدی را در نظر گرفته شده است [۹]. Pang و Li نیز بر اساس تحقیقات طولانی مدت بر نمونههای قرار گرفته در آب دریا یک مدل تحلیلی ارائه دادند که برای پیش بینی عمر باقی مانده با واسطه نفوذ یون کلراید مورد استفاده قرار گرفته است [۱۰]. Lin و همکاران برای مدل عمر از یک مدل آباکوس که تشریح کننده نحوه نفوذ یون کلراید در بتن بود استفاده کردند [۱۱]. Ozbolt و همکاران با استفاده یک مدل سه بعدی اجزا محدود مدل عمر را بر مبنای توسعه خوردگی ارائه کردند [۱۲]. در برخی از مدل های ارائه شده به منظور در نظر گرفتن خواص تصادفی پارامترها از روشهای احتمالاتی استفاده شده است [۱۳]. Khstri و Sirivivatnanon یک مدل احتمالاتی برای پیش بینی عمر باقیمانده سازههای بتن مسلح ارائه کردند که با استفاده از تابع خطا، توزیع یون کلراید در مقطع تعیین می گردید [۱۴].

در تیرهای بتنی به دلیل شدت نفوذ یون کلراید ممکن است زوال برشی اتفاق افتد. در شاهتیرهای پلها که برخی درزهای اجرایی در کنارهها قرار دارند به واسطه نفوذ آب نمک در زمستان از این درزها، مخاطرات ایجاد شده در تکیهگاه تیرها افزایش خواهد یافت. به دلیل بزرگ بودن نیروی برشی در کناره تیرها احتمال زوال برشی به دلیل کاهش مقاومت ناشی از خوردگی میلگرد افزایش مییابد. نظام دوست همکاران با بررسی آزمایشگاهی تیرهای بتنی تحت اثر خوردگی خاموت شکست نمونهها را بیشتر ناشی از کاهش پیوستگی بتن و میلگرد گزارش کردند [۱۵]. Xu و همکاران اثر بررسی قرار دادند و اثر ارتفاع مؤثر مقطع را در مود خرابی دارای اهمیت زیاد گزارش کردند [۶]. Wang و همکاران با اعمال خوردگی بر روی بررسی قرار دادند که برای ایجاد تاثیرات منفی خوردگی بر مقاومت برشی تیرها، خاموتها حداقل باید ۱۰ درصد دچار خوردگی گردند [۱۷].

در تحقیقات پیشین بررسی چندانی بر روی شرایط و جهتهای نفوذ یون کلراید انجام نگرفته است و اکثر محققان با ایجاد خوردگیهای تسریع شده، اثر تبعات ناشی از خوردگی بر مقاومت تیرها را مورد ارزیابی قرار دادهاند. در این پژوهش با در نظر گرفتن سناریوهای مختلف نحوه نفوذ یون کلراید در تیر بتنی، اثرات خوردگی میلگردها در مقاومت برشی باقیمانده محاسبه گردیده است. اثر عدم قطعیت پارامترهای موثر در مقاومت برشی و همچنین خوردگی میلگرد در مقاومت برشی تیر در نظر گرفته شده است.

۲- تئوری و مبانی ۲- خوردگی میلگرد

وقتی سازه بتنی در معرض یونهای کلراید قرار می گیرد، به دلیل تفاوت غلظت محیط بیرون و دورن بتن، یونها عمدتاً از طریق مکانیزم پخش به درون قطعه نفوذ می کنند. مکانیزم پخش از طریق قانون دوم فیک بیان کننده ی نحوه نفوذ یون کلراید به درون بتن می باشد. در طی زمان، وقتی غلظت یونهای کلراید بر روی سطح میلگرد درون بتن به حد آستانه شروع خوردگی برسد، خوردگی میلگرد آغاز می شود. غلظت یون کلراید در عمق xدر زمان t بعد از شروع نفوذ یون کلراید بر اساس قانون دوم فیک به صورت زیر محاسبه می گردد [۱۸]:

$$C(x,t) = C_0 + (C_s - C_0) \left[1 - erf\left(\frac{x}{2\sqrt{D_{app,c}t}}\right) \right]$$
(1)

در این رابطه، $D_{app,c}$ ضریب انتشار یون کلراید در بتن، erff تابع خطا، $C_s \ e_s \ C_s$ به ترتیب مقدار کلراید اولیه بتن و مقدار کلراید بر روی سطح قطعه (برحسب درصد وزن سیمان) میباشد. وقتی غلظت یون کلراید بر روی سطح میلگرد (x=a) به حد آستانه شروع خوردگی C_{cr} برسد (x=a)، میلگرد (x=a) به حد آستانه شروع خوردگی بر ساس رابطه (۱) به خوردگی میلگرد شروع میشود که زمان آغاز خوردگی بر اساس رابطه (۱) به صورت زیر قابل محاسبه خواهد بود:

$$T_{i} = \frac{a^{2}}{4D_{app,c}} \left[er f^{-1} \left(\frac{C_{s} - C_{cr}}{C_{s} - C_{0}} \right) \right]^{-2}$$
(Y)

در این رابطه، C_{cr} مقدار غلظت بحرانی کلراید یا آستانه شروع خوردگی

میلگرد و T_i زمان شروع خوردگی از لحظه ینفوذ یون کلراید در بتن میباشد.

۲- ۲- کاهش سطح مقطع میلگرد

با شروع خوردگی میلگرد، از سطح مقطع میلگرد کاسته میشود، هر چند خوردگی میلگرد ناشی از نفوذ یون کلراید بیشتر به صورت غیریکنواخت بوده است؛ ولی مدلهای بسیاری برای پیش بینی سطح باقیمانده میلگرد با فرض یکنواخت بودن خوردگی، ارائه شده است [۱۹ و ۱۸]. Vu و Stewart رابطه زیر را برای سطح باقیمانده میلگرد بعد از گذشت زمان *t* از شروع خوردگی به صورت زیر ارائه کردهاند [۲۰]:

$$A_{s}(t) = \pi \left(D_{0} - 0.0282 i_{cor}(1) t^{0.7} \right)^{2} / 4 \tag{(7)}$$

با در این رابطه، $A_s(t)$ سطح باقیمانده میلگرد، $i_{cor}(1)$ چگالی جریان خوردگی اولیه، D_0 قطر اولیه میلگرد میباشد.

۲- ۳- زمان رخداد ترک و زمان پوسته شدن بتن

با افزایش خوردگی میلگرد و افزایش حجم ناشی از مواد تولید شده در خوردگی، فشار ایجاد شده در اطراف میلگرد موجب ایجاد ترک و گسترش آن بین میلگردها و به سمت سطح بیرون قطعه میگردد. برای ارزیابی عرض ترک ناشی از خوردگی روابط متعدی ارائه شده است. این روابط یا مبتنی بر تحلیلهای عددی بوده است و یا بر اساس تجارب آزمایشگاهی ارائه شدهاند [۲۲ و ۲۱].

Vidal و همکاران بر مبنای تجارب آزمایشگاهی، آستانه شروع ترک خوردگی را بر اساس مقدار میلگرد خورده شده به صورت زیر ارائه کردهاند [۲۳]:

$$\Delta A_{s0} = A_s \left[1 - \left[1 - \frac{\alpha}{D_0} \left(7.53 + 9.32 \frac{c}{D_0} \right) 10^{-3} \right]^2 \right]$$
(*)

در این رابطه، ΔA_{so} مقداری از میلگرد که برای شروع ترک در اطراف میلگرد باید دچار خوردگی شود (mm²)، α ضخامت پوشش بتن روی میلگرد (mm)، D_0 قطر اولیه میلگرد (mm)، α ضریب نوع خوردگی است که برای در نظر گرفتن نحوه اثر خوردگی متمرکز (چالهای) بر کاهش سطح مقطع میلگرد استفاده می شود، این ضریب برای خوردگی یکنواخت برابر با ۲ و برای خوردگی غیریکنواخت بین ۴ تا ۸ تعریف شده است [۳۳].

زمان رخداد اولین ترکها (T_{cr}) در اطراف میلگرد را می توان با برابر قرار دادن مقدار کاهش سطح مقطع (رابطه (۳)) با مقدار به دست آمده از رابطه (۴) به صورت زیر(رابطه ۵) به دست آورد:

با افزایش محصولات ناشی از خوردگی، عرض ترکها بزرگتر شده و بستگی به فاصله بین میلگردها و همچنین پوشش بتن روی میلگردها حالتهای مختلفی از پوسته شدن بتن ممکن است اتفاق بیفتد. Vidal و همکاران رابطه زیر را برای مقدار عرض ترک ناشی از خوردگی میلگرد ارائه کردهاند [۳۳]:

$$w(t) = 0.0575 \left(\Delta A_s(t) - \Delta A_{s0} \right) \tag{(7)}$$

 $\Delta A_s(t)$ مقدار عرض ترک بر حسب میلیمتر، W(t) مقدار عرض ترک بر مسب میلیمتر، (ΔA_{s0} و ΔA_{s0} از رابطه (۴) قابل محاسبه است.

آیین نامه ها محدودیت های مختلفی را برای حداکثر عرض ترک اعمال کرده اند. مبحث نهم مقررات ملی ساختمان حداکثر مجاز عرض ترک برای شرایط محیطی متوسط، شدید و خیلی شدید را به ترتیب ۲/۳۵، \cdot ۲/۰ و شرایط محیطی متوسط، شدید و خیلی شدید را به ترتیب ۵/۳۰ و \cdot ۲/۰ آیین نامه دوام اروپا رسیدن عرض ترک به مقدار ۱ میلی متر در نظر گرفته شده است. بنابراین بر اساس این آیین نامه در رابطه (۶) زمان رسیدن عرض ترک به مقدار زمان پوسته شدن بتن (T_s) میلی مترا زمان پوسته شدن بتن را سان در نظر گرفته رخ به مقدار دا میلی متر را می توان به عنوان زمان پوسته شدن بتن ار را در نظر گرفته در را به مقدار یک میلی متر را می توان به عنوان زمان پوسته شدن بتن (T_s) در نظر گرفته در نظر گرفت.

$$T_{cr} = \left\{ \frac{-0.0564i_{cor}(1)D_0 + \sqrt{\left(0.0564i_{cor}(1)D_0\right)^2 - 3180 \times 10^{-6}i_{cor}(1)^2 D_0^2 \left[1 - \left[1 - \frac{\alpha}{D_0} \left(7.53 + 9.32\frac{c}{D_0}\right)10^{-3}\right]^2\right]}{-1590 \times 10^{-6}i_{cor}(1)^2} \right\}^{\frac{1}{0.7}}$$
(Δ)



شکل ۱. اثر رخدادهای ناشی از خوردگی بر مقاومت سازه بتن مسلح





شکل ۲. تیر در نظر گرفته شده به همراه مقاطع تیر در نزدیکی تکیهگاه و وسط

Fig. 2. Simply supported RC beam with its cross-sections near the support and the middle

۳- مدلسازی و نتایج

برای بررسی اثرات خوردگی میلگرد بر مقاومت برشی تیرهای بتنی، طبق شکل ۱ مراحل اثرات مختلف نفوذ یون کلراید در سناریوهای اعمالی در نظر گرفته می شود. نفوذ یون کلراید به درون مقطع بر اساس رابطه (۱) به صورت یک بعدی در نظر گرفته شده است که این فرض در برخی گوشهها که مقطع از دو سمت تحت اثر نفوذ یون کلراید قرار دارد در بخش کوچکی همراه با مقداری خطا خواهد بود. برای ارزیابی اثرات سناریوهای مختلف نفوذ یون کلراید، تیر نشان داده شده در شکل ۲ در نظر گرفته شده است. نحوه نفوذ یون کلراید درون تیر بتنی به صورت چهار سناریوی نشان داده شده در شکل ۳ فرض شده است. بر اساس این سناریوها نحوه کاهش سطح مقطع بتن مسلح در شکل ۴ نشان داده شده است. مقاومت برشی اسمی تیر، V_n بتن مسلح در شکل ۴ نشان داده شده است. مقاومت برشی اسمی تیر، م مقررات ملی ساختمان به صورت زیر محاسبه گردیده است:

$$v_{n}(t) = v_{s}(t) + v_{c}(t)$$
^(Y)

در این رابطه $(V_c(t))$ و $V_s(t)$ به ترتیب مقاومتهای برشی تأمین شده

توسط بتن و خاموتهای عرضی میباشند که از روابط (۸) و (۹) محاسبه می گردند برای محاسبه مقاومت برشی تامین شده توسط بتن از اثرات بار محوری صرف نظر شده است.

$$v_{c}(t) = 0.17\lambda \sqrt{f_{c}} \left(b_{w}(t) d(t) \right)$$
^(A)

$$v_{s}\left(t\right) = A_{sv}\left(t\right)f_{yv}\frac{d\left(t\right)}{S_{n}} \tag{9}$$

در روابط بالا متناسب با سناریوهای در نظر گرفته شده سه متغیر وابسته $A_{sv}(t)$ و d(t) موثر مقطع d(t) موثر مقطع d(t) و d(t) مقطع موثر مقطع خاموتها میباشد.

برای شرایط محیطی، مقادیر در نظر گرفته شده یون کلراید و خواص بتن در جدول ۱ نشان داده شده است. خواص تصادفی پارامترهای در نظر گرفته شده؛ شامل نوع تابع چگالی احتمال، ضریب تغییرات و همچنین مقدار میانگین برخی از متغیرها از مراجع مختلفی برداشته شده است [۲۷–۲۴]. بر

تابع چگالی	ضريب تغييرات	میانگین	تعريف	پارامتر
نرمال	•/•۵	79.	عرض مقطع (mm)	bw
نرمال	•/•۵	۳۲۰	عمق موثر مقطع (mm)	d
لوگ نرمال	٠/•٢	۲۵	قطر میلگرد کششی (mm)	Dst
لوگ نرمال	• / • ۲	۱۸	قطر میلگرد فشاری (mm)	Dsc
لوگ نرمال	٠/•٢	٨	قطر خاموت (mm)	Dv
لوگ نرمال	•/\•	4	تنش تسلیم میلگردها (MPa)	fy
نرمال	•/\۵	۲۵	مقاومت فشاری بتن (MPa)	fc
نرمال	•/\•	۱۰۰	فاصله بين خاموتها (mm)	Sn
نرمال	•/\•	۴۵	پوشش خالص روی میلگردها (mm)	c
نرمال	•/\•	٢	چگالی جریان خوردگی (µA/cm²)	Icorr
لوگ نرمال	۰/۳۵	•/948	ضریب انتشار یون کلراید در بتن (cm²/year)	Dapp,c
لوگ نرمال	•/\۵	•/١•	مقدار كلرايد اوليه بتن (kg/m ³)	C ₀
لوگ نرمال	•/\۵	۵	مقدار کلراید در عمق Δx (kg/m ³)	Cs, Δx
يكنواخت	•/\۵	١	غلظت بحرانی کلراید (kg/m ³)	Cer

جدول ۱. پارامترهای ورودی مدلسازی به همراه خواص آماری Table 1. Input parameters of the Model with statistical properties



شکل ۳. حالتهای مختلف در نظر گرفته شده برای نحوه نفوذ یون کلراید

Fig. 3. Different scenarios for how chloride ions penetrate



شکل ۴. نحوه کاهش سطح مقطع متناسب با حالتهای مختلف نفوذ یون کلراید

Fig. 4. The reduction in the cross-section according to different states of chloride ion penetration



شکل ۵. هیستوگرام زمان آغاز خوردگی (Ti) برای تیر نمونه



اساس این مقادیر زمان آغاز خوردگی و خواص تصادفی این زمان با استفاده از تولید نمونههای تصادفی بر اساس خواص تصادفی نشان داده شده در جدول ۱ و روش مونت کارلو (MC) محاسبه شده است.

به توجه به ضخامت پوشش در نظر گرفته شده و همچنین شرایط اولیه محیطی، زمان آغاز خوردگی برابر با ۷/۱۲ سال بعد از ساخت به دست آمده است که هیستوگرام نمونههای تولید شده و خواص تصادفی آن در شکل ۵ نشان داده شده است بر اساس نتایج تولید شده از روش مونت کارلو، بهترین

تابع توزیع آماری بیان کننده خواص تصادفی زمان آغاز خوردگی، تابع لوگ نرمال به دست آمده است. پارامتر مهم بعدی که باید محاسبه گردد زمان پوسته شده بتن (T_s) میباشد. برای محاسبه این زمان ابتدا زمان شروع ترک خوردگی خوردگی $(T_{\rm cr})$ محاسبه میگردد؛ بدین منظور با استفاده از رابطه (۴) مقدار آستانه کاهش در سطح مقطع میلگردهای طولی برای شروع ترک خوردگی محاسبه میگردد. بر اساس رابطه (۴) برای بالای مقطع مقدار $(D_{ast} \Delta A_{sot})$ مربع به دست



Fig. 6. Probability Density function and histogram of the cracking initiation time (Tcr) at the top and bottom of the section



شکل ۷. تابع چگالی و هیستوگرام زمان پوسته شدن ناشی از خوردگی در بالا و پایین مقطع

Fig. 7. Probability Density function and histogram of the cover spalling time (Tcr) at the top and bottom of the section

بعد از شروع خوردگی به دست میآید. خواص تصادفی این مقادیر در شکل ۷ نشان داده شده است.

با داشتن مقادیر زمان شروع خوردگی، زمان پوسته شدن بتن، مقاومت برشی برای سناریوهای مختلف نشان داده شده در شکل ۳ محاسبه می گردد. بدین منظور پارامترهای ورودی مدل مقاومت برشی (روابط (۸) و (۹)) با استفاده از روش مونت کارلو بر اساس مقادیر جدول ۱ در هر زمان تولید شده و مقاومت برشی با جمع مقادیر سهم خاموتها و بتن محاسبه می گردد. می آید. زمان آغاز ترک خوردگی را می توان مستقیماً با استفاده از رابطه (۵) محاسبه کرد، زمان شروع ترک خوردگی برای بالا و پایین مقطع به ترتیب برابر با ۱/۱۵ سال و ۲۸/۲ سال بعد از شروع خوردگی به دست می آید. نمودار هیستوگرام این دو زمان و تابع چگالی احتمال برازنده شده به این دو زمان در شکل ۶ نشان داده شده است. زمان رخداد پوسته شدن بتن (T_s) با استفاده از رابطه (۶) و برابر قرار دادن این رابطه با مقدار آیین نامه دوام اروپا یعنی یک میلی متر رای بالا و پایین مقطع به ترتیب ۳۵/۲۶ سال



شکل ۸. تغییرات میانگین مقاومت برشی (Vrl) و ضریب تغییرات آن در طی عمر سازه

Fig. 8. Changes in the average of the shear strength (Vr1) and its coefficient of variation during the life of the structure

ضریب تغییرات مقاومت از تقسیم انحراف استاندارد بر مقدار میانگین مقاومت برشی به منظور ارزیابی عدم قطعیت در نتایج نیز مورد محاسبه قرار گرفته است. به عنوان مثال برای سناریوی a که تنها کلراید از پایین مقطع نفوذ می کند همانطور که در شکل ۴ نشان داده شده است صرفاً پوسته شدن بتن در پایین مقطع در نظر گرفته شده است که بر اساس روابط (۸) و (۹) این سناریو اثری بر مقاومت برشی تأمین شده توسط بتن نخواهد داشت.

در شکل ۸ برای سناریوی (۵) مقادیر مقاومت برشی و عدم قطعیت در طی زمان نشان داده شده است. بر اساس این سناریو بر اثر کاهش سطح مقطع خاموتها، مقاومت برشی با شیب ملایمی متناسب با شدت کاهش سطح مقطع خاموتها کاهش پیدا میکند و با پوسته شدن بتن در بالای مقطع، برش سهم بتن (Vc) به دلیل کاهش عمق موثر از d به (d-c)، در لحظه پوسته شدن بتن دچار افت ناگهانی شده است. شدت این افت متناسب با ضخامت پوشش بتن خواهد بود که برای این مثال تقریبا موجب کاهش با ضخامت پوشش بتن خواهد بود که برای این مثال تقریبا موجب کاهش کاهش همچنان متناسب با نرخ کاهش سطح مقطع میلگرد خواهد بود. از شکل ۸ مشخص است که بعد از ۶۰ سال عمر سازه، مقاومت به ۲/۷۴ مقدار مقاومت اولیه کاهش یافته است.

ضریب تغییرات مقاومت برشی بر اساس عدم قطعیت پارامترهای ورودی، با در نظر گرفتن جهشهای ناگهانی در زمان رخداد پوسته شدن

بتن، در محدوده ۰/۱۱ تا ۰/۱۴ قرار دارد. از قسمت (ب) شکلهای ۸ تا ۱۳ مشخص است که در لحظه پوسته شدن بتن افزایش ناگهانی در ضریب تنییرات مقاومت برشی رخ داده است. دلیل این جهش، تغییر رابطه سهم مقاومت برشی بتن و همچنین کوچکتر شدن ناگهانی مقداری میانگین عرض مقطع (b) و عمق موثر مقطع (d) میباشد.

برای سناریوی (b)، علاوه بر کاهش عمق موثر مقطع، یه دلیل نفوذ یون کلراید از کناره مقطع، در زمان پوسته شدن کناره مقطع افت ناگهانی در مقاومت برشی سهم بتن اتفاق افتاده است. تفاوت نتایج این سناریو با سناریوی (c) این است که در سناریوی (c) عرض مقطع به اندازه دو برابر پوشش بتن کاسته میشود در حالی که در سناریوی (b) مقدار این کاهش به اندازه یک برابر ضخامت پوشش روی میلگردها خواهد بود. از این رو با مقایسه نتایج در شکلهای ۹ و ۱۰ مشخص است مقدار کاهش در مقاومت برشی سناریوی (b) در لحظه پوسته شدن کنارهها برابر با ۳ درصد و برای سناریوی (c) برابر با ۶ درصد میباشد. در سناریوهای (b) و (c) همچنین فرض شده است که گوسته شدن کناره به دلیل رسیدن عرض ترک به حد نهایی در پایین مقطع صرفا موجب پوسته شدن کناره مقطع تا نصف ارتفاع فرض شده است که گوسته شدن کناره به دلیل رسیدن در ساری مقطع نهایی در پایین مقطع صرفا موجب پوسته شدن کناره مقطع تا نصف ارتفاع نهایی در پایین مقطع صرفا موجب پوسته شدن کناره مقطع تا نصف ارتفاع نهایی در پایین مقطع صرفا موجب پوسته شدن کناره مقطع تا نصف ارتفاع نهایی در پایین مقطع صرفا موجب پوسته شدن کناره مقطع تا نصف ارتفاع نهایی در نمودار مقطع تا نوم میباشد. در سناریوهای را با ۵ در مقطع نهایی در نهایی مقطع می او موجب پوسته شدن کناره مقطع تا نصف ارتفاع نهایی در نهایی جدا خواهد شد. دلیل وجود دو افت ناگهانی در نمودار مقاومت برشی نیز همین فرض می باشد.



شکل ۹. تغییرات میانگین مقاومت برشی (Vr2) و ضریب تغییرات آن در طی عمر سازه

Fig. 9. Changes in the average of the shear strength (Vr2) and its coefficient of variation during the life of the structure



شکل ۱۰. تغییرات میانگین مقاومت برشی (Vr3) و ضریب تغییرات أن در طی عمر سازه

Fig. 10. Changes in the average of the shear strength (Vr3) and its coefficient of variation during the life of the structure



شکل ۱۱. تغییرات میانگین مقاومت برشی (Vr4) و ضریب تغییرات آن در طی عمر سازه

Fig. 11. Changes in the average of the shear strength (Vr4) and its coefficient of variation during the life of the structure



شکل ۱۲. تغییرات میانگین مقاومت برشی (Vr5) و ضریب تغییرات آن در طی عمر سازه

Fig. 12. Changes in the average of the shear strength (Vr5) and its coefficient of variation during the life of the structure

در شکل ۱۱، مقاومت برشی بر اساس سناریوی (d) نشان داده شده است. همانطور که از این شکل مشخص است همانند سناریوی (a)، موقع پوسته شدن بالای مقطع به دلیل اثرگذاری این رویداد هم در سهم برش گیری خاموتها و هم سهم بتن، کاهش بیشتری در مقاومت برشی اتفاق افتاده است. همانطور که از این شکل و شکل ۸ مشخص است، ضریب تغییرات مقاومت برشی در لحظهی پوسته شدن بالای مقطع در سناریوهایی که پوسته شدن بتن موجب کاهش عمق موثر مقطع می گردد، دارای یک

جهش شدیدتری نسبت به بقیه سناریوها است. اثر این جهش نقطهای موجب افزایش ضریب تغییرات در لحظه پوسته شدن به ۱۲۲/۰ و۰/۱۴ در سناریوهای (c) و (b) شده است.

در صورت در نظر نگرفتن کاهش سطح مقطع بتن، کاهش در مقاومت برشی صرفاً ناشی از کاهش در مقطع میلگرد خواهد بود؛ در این صورت مقاومت برشی به صورت نشان داده شده در شکل ۱۲ در طی زمان کاهش مییابد. این کاهش بعد از شروع خوردگی تقریباً به صورت خطی در طی



شکل ۱۳ نسبت مقاومت برشی به مقاومت اولیه برای سناریوهای مختلف نفوذ یون کلراید

Fig. 13. The ratio of the shear strength at time t to the initial strength for different chloride ion diffusion scenarios

زمان گسترش خوردگی ادامه داشته است. با توجه به روابط مربوط به محاسبهی مقاومت برشی، تنها پارامتر متغیر در طی زمان مقدار $A_{sv}(t)$ محاسبهی مقاومت برشی، تنها پارامتر متغیر در طی زمان مقدار $a_{sv}(t)$ میباشد؛ بنابراین نحوه تغییر مقاومت برشی نسبت به این متغیر خطی خواهد بود. انتخاب مدل خوردگی خاموتها مستقیماً بر نمودار تغییرات مقاومت برشی در طی زمان اثرگذار خواهد بود. نحوه کاهش منطبق بر مدل عمر ارائه شد توسط موری و الینگوود میباشد که بر اساس فرض ثابت بودن نرخ خوردگی در طی زمان ارائه گردیده است [۲۸]. مقدار ضریب تغییرات برای این حالت همانطور که در قسمت (ب) شکل ۱۲ نشان داده شده است در کانال ۱/۱۰ قرار دارد و در طی زمان گسترش خوردگی روند کاهش ناچیزی دارد به طوری که از ۱/۱۰۰ به حدود تقریبی ۱/۱۰۰ می رسد.

در شکل ۱۳ نتایج به دست آمده برای همه سناریوها به منظور مقایسه نشان داده شده است. در این شکل اثر در نظر گرفتن کاهش سطح مقطع به صورتهای مختلف کاملاً مشهود است. با در نظر گرفتن بحرانیترین وضعیت که سناریوی (d) میباشد مقدار مقاومت برشی برای تیر بتنی که در سال ۱۷م خوردگی میلگرد در آن شروع میشود بعد از ۶۰ سال به ۱۶۶۵ مقدار برش اولیه میرسد. اگر مدل عمر بر اساس صرفاً کاهش سطح مقطع میلگرد

در نظر گرفته شود (Vr5)، مقاومت برشی به ۰/۸۶ مقدار اولیه میرسد که دارای تفاوت زیادی با مقدار واقعی میباشد.

۴– نتیجهگیری

در این مقاله مدل عمر تیر بتنی با در نظر گرفتن مقاومت برشی به عنوان تابع شرایط حدی مورد ارزیابی قرار گرفت. فرض گردید که تیر بتنی در معرض محیط حاوی یون کلراید قرار گرفته و سناریوهای مختلف نفوذ یون کلراید به همراه اثرات جانبی خوردگی میلگرد از جمله پوسته شدن بتن در نظر گرفته شد و در مجموع نتایج زیر حاصل گردید:

۱- در نظر گرفتن اثر پوسته شدن بتن موجب تفاوت زیاد در مقادیر پیش بینی شده برای مقاومت برشی تیر بتنی می شود به طوری که در حالت بحرانی در نظر گرفتن اثرات پوسته شدن بتن، ۲۰ درصد مقاومت برشی کمتر می شود و ارزیابی واقع بینانه تری از عمر باقی مانده سازه به دست خواهد آمد.

۲- در حالاتی که بخش بالایی مقطع بتنی پوسته می شود به دلیل اثرگذاری در هر دو رابطهی سهم برشی بتن و خاموتها، مقاومت برشی دچار کاهش بیشتری خواهد شد. منابع

- [1] A. James, E. Bazarchi, A.A. Chiniforush, P.P. Aghdam, M.R. Hosseini, A. Akbarnezhad, I. Martek, F. Ghodoosi, Rebar corrosion detection, protection, and rehabilitation of reinforced concrete structures in coastal environments: A review, Construction and Building Materials, 224 (2019) 1026-1039.
- [2] ACI308R-16, Guide to External Curing of Concrete, in, American Concrete Institute Farmington Hills, Mich., 2016.
- [3] O.o.N.B. Regulations, Part 9 of National Regulations: Design and implementation of reinforced concrete buildings, in, Toseeh Iran, Tehran, 2014.
- [4] K. Bhargava, A. Ghosh, Y. Mori, S. Ramanujam, Modeling of time to corrosion-induced cover cracking in reinforced concrete structures, Cement and Concrete Research, 35(11) (2005) 2203-2218.
- [5] M. Alexander, H. Beushausen, Durability, service life prediction, and modelling for reinforced concrete structures-review and critique, Cement and Concrete Research, 122 (2019) 17-29.
- [6] A. Van Beek, G. Gaal, J. Van Noortwijk, J. Bakker, Validation model for service life prediction of concrete structures, in: 2nd International RILEM workshop on life prediction and aging management of concrete structures, Paris, France, 2003, pp. 257-267.
- [7] G. Markeset, M. Kioumarsi, Need for further development in service life modelling of concrete structures in chloride environment, Procedia engineering, 171 (2017) 549-556.
- [8] H.-W. Song, H.-J. Kim, V. Saraswathy, T.-H. Kim, A micro-mechanics based corrosion model for predicting the service life of reinforced concrete structures, International Journal of Electrochemical Science, 2 (2007) 341-354.
- [9] M. Safehian, A.A. Ramezanianpour, Assessment of service life models for determination of chloride penetration into silica fume concrete in the severe marine environmental condition, Construction and Building

۳- عدم قطعیت مقاومت برشی در طی زمان تقریباً ثابت باقی میماند. فقط در زمانهای رخداد پوسته شدن بتن مقدار جزئی افزایش یافته و سپس به روند قبلی خود ادامه میدهد.

۵- فهرست علائم

علائم انگلیسی

A_s	مساحت میلگرد، mm ²
A_{sv}	مساحت ساق خاموتھا، mm ²
b_w	عرض تیر، mm
С	ضخامت پوشش بتن، mm
C_{θ}	مقدار کلراید اولیه بتن، kg/m ³
C_{cr}	مقدار کلراید برای شروع خوردگی، kg/m ³
$C_{s,\Delta x}$	$ m kg/m^3$ $arDelta x$ مقدار کلراید در عمق
d	عمق موثر تیر، mm
$D_{ heta}$	قطر اوليه ميلگرد، mm
$D_{app,c}$	ضریب انتشار یون کلر، cm ² /year
f_c	مقاومت فشاری ۲۸ روزه بتن، MPa
f_{yv}	تنش تسلیم میلگردهای برشی، MPa
$i_{cor(l)}$	چگالی جریان خوردگی اولیه، µA/cm²
S_n	فاصله خاموتها، mm
t	زمان، year
T_b	زمان کاهش پیوستگی، year
T_{cr}	زمان رخداد اولين تركها، year
T_i	زمان آغاز خوردگی میلگرد، year
T_s	زمان پوسته شدن بتن، year
V_c	نیروی برشی سهم بتن، N
V_s	نیروی برشی سهم میلگرد، N
W	عرض ترک، mm
x	فاصله از روی سطح بتن، mm
Ε	مدول الاستيسيته، N/m ²

علائم يوناني

- چگالی، kg/m³ ρ
- ضريب كاهش مقاومت بتن φ_c
- ضذيب كاهش تنش تسليم ميلگرد φ_s
 - عمق ناحیه همرفت، mm Δx

Monitoring of Post – Tensioned Tendons in Contact with Chlorides, Durability of Building Materials and Components, 2 (1996) 959–967.

- [20] K.A. Vu, M.G. Stewart, Predicting the likelihood and extent of reinforced concrete corrosion-induced cracking, Journal of structural engineering, 131(11) (2005) 1681-1689.
- [21] I. Khan, R. François, A. Castel, Prediction of reinforcement corrosion using corrosion induced cracks width in corroded reinforced concrete beams, Cement and concrete research, 56 (2014) 84-96.
- [22] P. Thoft-Christensen, Corrosion and cracking of reinforced concrete, in: Life-Cycle Performance of Deteriorating Structures: Assessment, Design and Management, 2004, pp. 26-36.
- [23] T. Vidal, A. Castel, R. François, Analyzing crack width to predict corrosion in reinforced concrete, Cement and concrete research, 34(1) (2004) 165-174.
- [24] A.S. Nowak, K.R. Collins, Reliability of structures, CRC Press, 2012.
- [25] S.A. Hosseini, N. Shabakhty, S.S. Mahini, Correlation between chloride-induced corrosion initiation and time to cover cracking in RC structures, Struct. Eng. Mech, 56(2) (2015) 257-273.
- [26] S. Chen, C. Duffield, S. Miramini, B.N.K. Raja, L. Zhang, Life-cycle modelling of concrete cracking and reinforcement corrosion in concrete bridges: A case study, Engineering Structures, 237 (2021) 112143.
- [27] K. Bhargava, Y. Mori, A. Ghosh, Time-dependent reliability of corrosion-affected RC beams. Part 3: Effect of corrosion initiation time and its variability on timedependent failure probability, Nuclear Engineering and Design, 241(5) (2011) 1395-1402.
- [28] B.R. Ellingwood, Y. Mori, Probabilistic methods for condition assessment and life prediction of concrete structures in nuclear power plants, Nuclear engineering and design, 142(2-3) (1993) 155-166.

Materials, 48 (2013) 287-294.

- [10] L. Pang, Q. Li, Service life prediction of RC structures in marine environment using long term chloride ingress data: Comparison between exposure trials and real structure surveys, Construction and Building Materials, 113 (2016) 979-987.
- [11] G. Lin, Y. Liu, Z. Xiang, Numerical modeling for predicting service life of reinforced concrete structures exposed to chloride environments, Cement and concrete composites, 32(8) (2010) 571-579.
- [12] J. Ožbolt, G. Balabanić, M. Kušter, 3D Numerical modelling of steel corrosion in concrete structures, Corrosion science, 53(12) (2011) 4166-4177.
- [13] C. Yang, L. Li, J. Li, Service life of reinforced concrete seawalls suffering from chloride attack: Theoretical modelling and analysis, Construction and Building Materials, 263 (2020) 120172.
- [14] R. Khatri, V. Sirivivatnanon, Characteristic service life for concrete exposed to marine environments, Cement and concrete research, 34(5) (2004) 745-752.
- [15] Y. Nezamdoost, M. Miri, H. Beheshtinezad, Behavior of reinforced concrete beams with corroded stirrups and tensile rebars, Journal of Civil and Environmental Engineering, 50.2(99) (2020) 61-70.
- [16] S. Xu, Z. Zhang, R. Li, B. Qiu, Experimental study on the shear behavior of RC beams with corroded stirrups, Journal of advanced concrete technology, 15(4) (2017) 178-189.
- [17] L. Wang, X. Zhang, J. Zhang, Y. Ma, Y. Liu, Effects of stirrup and inclined bar corrosion on shear behavior of RC beams, construction and Building materials, 98 (2015) 537-546.
- [18] K. Bhargava, A.K. Ghosh, Y. Mori, S. Ramanujam, Ultimate flexural and shear capacity of concrete beams with corroded reinforcement, Structural Engineering and Mechanics – An International Journal, 27(3) (2007) 347–363.
- [19] C. Andrade, J. Sarria, C. Alonso, Corrosion Rate Field

چگونه به این مقاله ارجاع دهیم S. F. Sajedi, H. Jalilifar, Investigation of the technical and economic desirability of recycled concretes containing pozzolan, Amirkabir J. Civil Eng., 54(8) (2022) 2995-3008.



DOI: 10.22060/mej.2019.15465.6128