

# آنالیز دینامیکی سدهای بتنی وزنی با استفاده از ترکیب روش‌های المان مرزی و المان محدود

فرامرز خشنودیان

وحید لطفی

استاد دانشکده مهندسی عمران، دانشگاه صنعتی امیرکبیر فوکالیسانس سازه‌های هیدرولیکی دانشگاه صنعتی امیرکبیر

چکیده:

موضوع این مقاله ارائه یک برنامه کامپیوتری برای تحلیل دینامیکی سدهای وزنی بتنی با استفاده از ترکیب روش‌های المان های محدود و هرزی می‌باشد. بدنه سد با استفاده از المان های هم پارامتر چهارگره ای مدل شده و محیط آب به دو قسمت تقسیم شده است، محدوده نامنظم نزدیک بدنه سد که با المان های هرزی، و محدوده منظم با عمق ثابت که تابی نهایت ادامه دارد و براساس روش المان های محدود مدل شده است. آب مخزن بصورت سیال غیر چرخشی و بدون نوج فرض شده است. در انها به عنوان یک مثال کاربردی، رفتار سد pine flat در نظر گرفته شده و نتایج جابجایی و تنش های اصلی بدست آمده توسط برنامه کامپیوتری ارائه شده است.

## Earthquake Response of Concrete Gravity Dams by Boundary Element Method

V. Lotfi

F. Khoshnoudian

Assist. prof. Civil Eng. Dept. Amirkabir Univ.

Civil Eng. Dept. Amirkabir Univ.

### Abstract

The purpose of this paper is to discuss the development of a computer program for dynamic analysis of concrete gravity dams based on the combinations of finite Element and Boundary Element Methods.

Dam body is modeled by 4 noded isoparametric elements. Water is divided into two regions, the irregular part near the dam is discretized by boundary element method and the regular constant depth region which extend to infinity, modeled based on finite element method. In both of these regions water is assumed to be an irrotational and inviscid fluid.

Finally, the response of pine flat Dam is chosen as a practical example and the results of displacement and principal stresses obtained by the developed computer program are presented as an application.

## ۱- مقدمه

سختی و مودهای ارتعاش می‌باشد. از طریق حل رابطه (۱-۲) با استفاده از روش تکراری معکوس می‌توان مودهای ارتعاش و مجدور فرکانس‌های طبیعی ارتعاش ( $w^2$ ) را تعیین نمود. ضرایب شرکت‌پذیری مودها را با توجه به معادله تعادل دینامیکی و بافرض هارمونیک بودن تغییر مکان‌های سازه و  $\frac{2\beta k}{w^2} = c$  که  $c$  ماتریس استهلاک و  $\beta$  ضریب استهلاک می‌باشد و با توجه به اینکه در حالت سد خالی  $F=0$  می‌باشد و با انجام عملیات ریاضی می‌توان به دست آورد. در رابطه زیر ( $w$ ) ضرایب شرکت‌پذیری مودها و  $(w)$  تغییر شکل نسبی سد خالی در محدوده فرکانس می‌باشد.

$$y_i(w) = \frac{F x_i}{[-w^2 + w_i^2(1+2\beta i)]} \quad (2-2) \quad r(w) = X \cdot Y(w)$$

در رابطه فوق  $w$  فرکانس تحریک و  $w$  فرکانس طبیعی ارتعاش سازه و  $X^T M J^x = F$ -می‌باشد.

### ۳- تحلیل دینامیکی سد پر

شکل (۱) مدل انتخابی برای سیستم سد و مخزن را نشان می‌دهد. قانون حاکم بر حرکت آب در مخزن از معادلات ناویه استوکس تعیین می‌کند. با فرض هارمونیک بودن حرکت فونداسیون می‌توان فشار هیدرودینامیک را به صورت ( $P=P(x, y, w)$ ) بیان نمود.  $\bar{P}$  فشار هیدرودینامیک و  $w$  فرکانس ارتعاش می‌باشد در نتیجه معادله ناویه استوکس به صورت زیر تبدیل خواهد شد:

$$\frac{\partial^2 P}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 P}{\partial y^2} + K^2 P = 0 \quad (1-3)$$

عدد موج ( $K$ ) برابر نسبت  $w/c$  می‌باشد. با توجه به شکل (۱) مخزن سد را می‌توان به دو قسمت المان سیال و المان بی‌نهایت تقسیم نمود. در المان سیال جهت حل معادله حاکم از روش المان مرزی استفاده شده است که در این روش با استفاده ازتابع وزنی  $P^*$  که در معادله حاکم صادق است، خواهیم داشت:

$$\iint_A \left( \frac{\partial^2 P}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 P}{\partial y^2} + K^2 P \right) P^* dx dy = 0 \quad (2-3)$$

$$\rightarrow -C_i P_i = \int_s P q_i^* ds - \int_s P^* q ds$$

روش‌های المان محدود و المان مرزی، روش‌هایی کلی هستند در روش المان محدود حوزه مورد نظر را به یک سری المان تقسیم می‌کنند و سپس معادلات حاکم بر مسأله به حوزی روی حوزه به وسیله توابعی تقریب زده می‌شوند که بتوانند کاملاً نسبتاً شرایط مرزی را ارضاء کنند. در روش المان مرزی تنها مرزهای حوزه مورد نظر را به تعدادی المان تقسیم می‌کنند و از توابعی استفاده می‌شود که معادلات حاکم را در داخل حوزه ارضاء کند، ولی شرایط مرزی را ارضاء نمی‌نماید. از محسان روش المان مرزی، دقت بیشتر، اطلاعات ورودی کمتر و سرعت عمل بیشتر می‌باشد. همچنین می‌توان دقت جواب را در بعضی از نقاط مورد نظر بیشتر کرد، در مقابل ماتریس نهایی روش المان مرزی کاملاً پر می‌باشد و این امر سبب کاهش راندمان روش مزبور می‌گردد. موضوع این مقاله در رابطه با آنالیز دینامیکی سدهای بتی وزنی با استفاده از ترکیب روش المان مرزی و المان محدود می‌باشد. سازه سد به صورت المان‌های هم‌پارامتر جامد و مخزن نیز توسط المان بی‌نهایت و المان سیال مدل شده است. سازه سدو المان بی‌نهایت از طریق روش اجزاء محدود و المان سیال با استفاده از روش المان مرزی، مورد بررسی قرار گرفته اند. جهت آنالیز مصالح جسم سد ایزوتوپ و الاستیک خطی و پی سد صلب و موج‌های آب مخزن غیر پیچشی و با دامنه کم و آب مخزن چسبنده و مؤلفه افقی حرکت زمین در امتداد مسیر رودخانه و عمود بر محور سد در دست تا بی‌نهایت امتداد یافته و وجه بالا دست سد، هر شبی را می‌تواند دارا باشد.

### ۲- تحلیل دینامیکی سد با مخزن خالی

این تحلیل با استفاده از روش انطباق مودهای ارتعاش که دارای سرعت عمل بیشتری نسبت به روش مستقیم می‌باشد، انجام گردیده است. ابتدا در حالت ارتعاش آزاد با فرض هارمونیک بودن تغییر مکان‌های سازه سازه معادله تعادل دینامیکی سازه بدون استهلاک به صورت زیر تبدیل خواهد شد:

$$K X = w^2 M X \quad (1-2)$$

در رابطه فوق  $M$  و  $X$  به ترتیب ماتریس جرم،

$$P_1 = X_f \cdot \Gamma$$

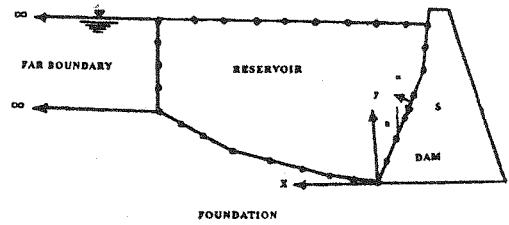
$$P_{\text{total}} = P_i + P_{\text{part}} \quad q_{\text{total}} = \frac{\partial P_{\text{total}}}{\partial n} = X_f \cdot K \cdot \Gamma \quad (6-3)$$

در رابطه فوق  $\Gamma$  ضرایب شرکت پذیری و  $X_f$  ماتریس متشكل فشار گره های المان بی نهایت و  $K$  ماتریس قطری متشكل از عناصر قطری  $-ik$  می باشد. در مرحله بعد باید بین المان بی نهایت و المان سیال شرط سازگاری را برقرار نمود (فشار در گره های المان بی نهایت با گره های المان سیال که متصل به المان بی نهایت می باشد برابر است و مشتق فشار این دو باهم برابر، ولی یک علامت منفی با یکدیگر اختلاف دارند). در صورتی که در المان سیال از المان های نوع ثابت که فشار و مشتق فشار در روی هر المان ثابت و برابر مقدار آن در وسط المان می باشد، استفاده کنیم احتیاج به ماتریس انتقال  $T_p$  جهت انتقال فشار و مشتق فشار از گره های المان بی نهایت به المان سیال می باشد، ولی در صورتی که در المان سیال از المان های نوع خطی که فشار و مشتق فشار روی هر المان متغیر خطی است و تابع فشار و مشتق فشار در ابتدا و انتهای هر المان می باشد، استفاده کنیم احتیاج به ماتریس  $T_p$  نمی باشد. برای به دست آوردن تغییر شکل سد در محدوده فرکانس فشار محاسبه شده از طریق المان سیال را در حالت المان ثابت توسط ماتریس انتقال  $T_p$  به فشار وارد بر گره های سد تبدیل می کنیم (در حالتی که از المان های نوع خطی استفاده کنیم ماتریس  $T_p$  لازم نمی باشد) و سپس با استفاده از ماتریس  $Q^T$  می توان فشار وارد بر گره های سد را به نیرو تبدیل نمود. با استفاده از معادله تعادل دینامیکی و با توجه به توضیحات مندرج و با انجام عملیات ریاضی در حالت زمین لزه افقی برای المان نوع ثابت و خطی خواهیم داشت:

$$\begin{aligned} & [-w^2 I + (1+2\beta i)\Delta + w^2 X^T Q^T \cdot T_p \cdot PRE L] y = -X^T \\ & M J^x + X^T Q^T \cdot T_p \cdot PR G \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix} \\ & [-w^2 I + (1+2\beta i)\Delta + w^2 X^T Q^T \cdot PRE L] y = -X^T \\ & M J^x + X^T Q^T \cdot PR G \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix} \quad (7-3) \\ & [-w^2 I + (1+2\beta i)\Delta + w^2 X^T Q^T \cdot T_p \cdot PRE L] y = -X^T \\ & M J^y + X^T \cdot Q^T \cdot T_p \cdot PR G \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix} \\ & [-w^2 I + (1+2\beta i)\Delta + w^2 X^T Q^T \cdot PRE L] y = -X^T \\ & M J^y + X^T \cdot Q^T \cdot T_p \cdot PR G \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix} \end{aligned}$$

در رابطه  $(2-3)$   $q = \frac{\partial P}{\partial n}$  می باشد و معادله مربوطه تنها برای گره  $i$  می باشد در صورتی که برای کلیه گره ها نوشته شود خواهیم داشت:

$$H_p = G_q \quad (3-3)$$



شکل (۱) سیستم مخزن و سد وزنی

که  $H$  و  $G$  ماتریسهای  $N$  در  $\hat{N}$  شامل  $\hat{z}_i H_i$  و  $\hat{z}_j G_j$  می باشد. در المان بی نهایت نوارهایی که تا بی نهایت ادامه داشته باشد را انتخاب می نماییم و با در نظر گرفتن توزیع فشار به صورت  $e^{-ikx} p(x, y, w) = \hat{p}(k, y, w)$  و با استفاده از روش تغییرات جزئی و انجام عملیات ریاضی بر روی رابطه  $(1-3)$  به رابطه زیر خواهیم رسید:

$$\lambda^2 \hat{A} \hat{p} + \hat{G} \hat{p} = \hat{R} \quad (4-3)$$

در رابطه فوق  $\lambda^2 = k^2 - w^2/c^2$  و  $\hat{P} = \hat{A} + \hat{G}$  ماتریس متشكل فشار در گره ها و  $\hat{G}$  ماتریس های سه قطری می باشد. با توجه به شرایط مرزی در زمین لزه افقی،  $\hat{R}$  برابر صفر خواهد شد و با استفاده از روش ژاکوبی می توان  $N$  مقدار ویژه  $\lambda$  و  $\hat{p}$  بردار ویژه  $\hat{P}$  را به دست آورد، ولی در زمین لزه قائم رابطه  $(4-3)$  به صورت زیر تبدیل خواهد شد:

$$(-w^2/c^2 \hat{A} + \hat{G}) \hat{P}_{\text{part}} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ \vdots \\ \hat{p} \end{bmatrix} \quad (5-3)$$

در رابطه فوق  $\hat{P}_{\text{part}}$  ماتریس متشكل از فشارهای گره ای المان بی نهایت و  $\hat{p}$  دانسیته آب می باشد. در صورتی که آب داخل مخزن سد، تراکم ناپذیر فرض شود  $\hat{p} = 0$  خواهد شد. فشار و مشتق فشار در گره های المان بی نهایت به صورت زیر محاسبه می شود:

زمان  $t$  در راستای  $X$  و  $Y$  می باشد و  $T_g$  زمان کل طیف زلزله می باشد.  
برای تعیین کرنش و تنش می توان از روابط زیر کمک گرفت.

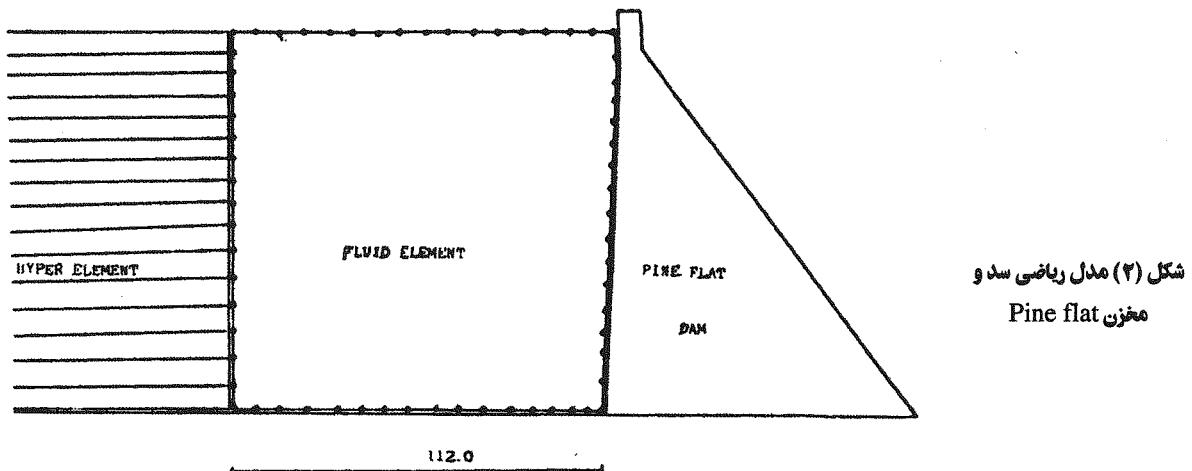
$$\begin{aligned}\dot{\epsilon}(t) &= \dot{B}_r(t) \\ \sigma(t) &= D_{\dot{\epsilon}}(t)\end{aligned}\quad (9-3)$$

با توجه به روابط فوق برنامه ای تهیه گردید و برای کنترل آن با نتایج مدل زنگار و سد مثلثی و سد Pine Flat Chopra و همکارانش انجام شده است مقایسه گردید که جواب ها دارای دقت خوبی می باشد. در این مقاله بعضی از نتایج آنالیز دینامیکی سد Pine Flat با روش های ارائه شده در این مقاله تحت طیف زلزله Taft آورده شده است.

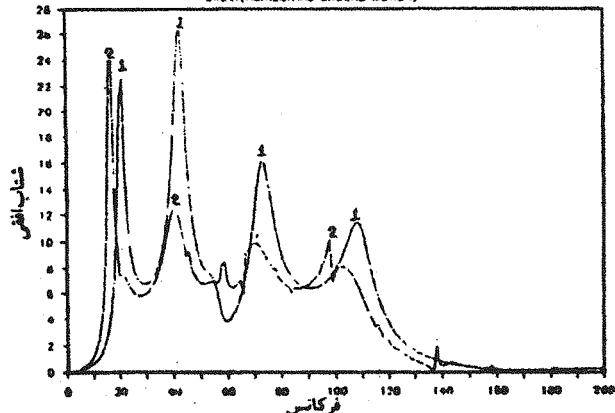
در روابط فوق  $PR_{EL}$ ,  $PR_G$  به ترتیب فشارهای وارد بر سد در حالت سد صلب و غیر صلب می باشد، در صورتی که از اثر اندرکشن بین سد و مخزن صرفنظر کنیم  $PR_{EL} = 0$  خواهد بود. در کارهای عملی طیف زلزله در محدوده زمان موجود می باشد که ابتداً طیف زلزله را به محدوده فرکانس منتقل می شود و سپس تغییر مکان نسبی سد در محدوده فرکانس و زمان با استفاده از روابط زیر محاسبه می شود.

$$\begin{aligned}A_x^g(w) &= \int_0^{T_g} a_x^g(t) e^{-iwt} dt \\ A_y^g(w) &= \int_0^{T_g} a_y^g(t) e^{-iwt} dt \\ r_x(w) &= r_x(w) A_x^g(w) + r_y(w) A_y^g(w) \\ r(t) &= \frac{1}{2\pi} \int_{-\infty}^{+\infty} [r_x(w) A_x^g(w) + r_y(w) A_y^g(w)] e^{iwt} dw\end{aligned}\quad (8-3)$$

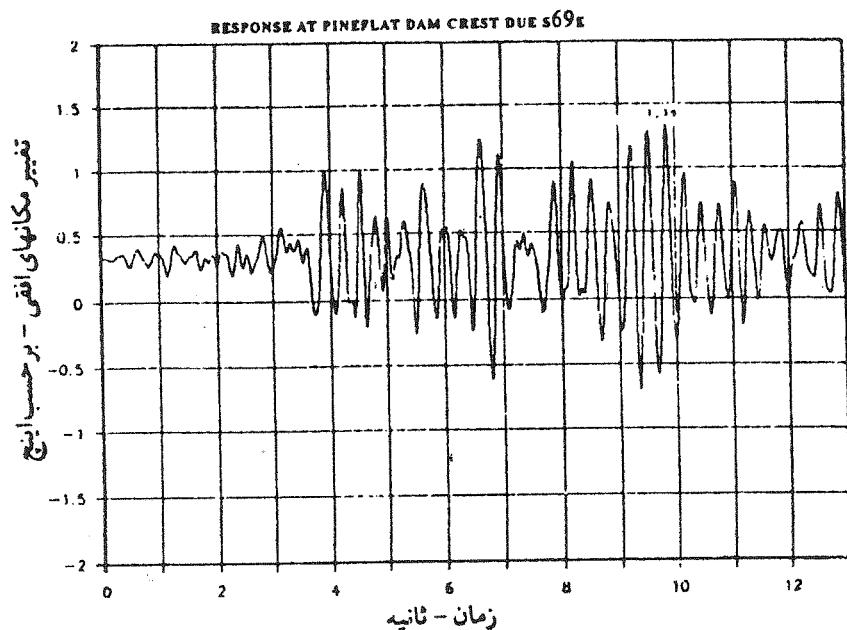
در رابطه فوق  $a_x^g(t)$  و  $a_y^g(t)$  مؤلفه های طیف زلزله برای



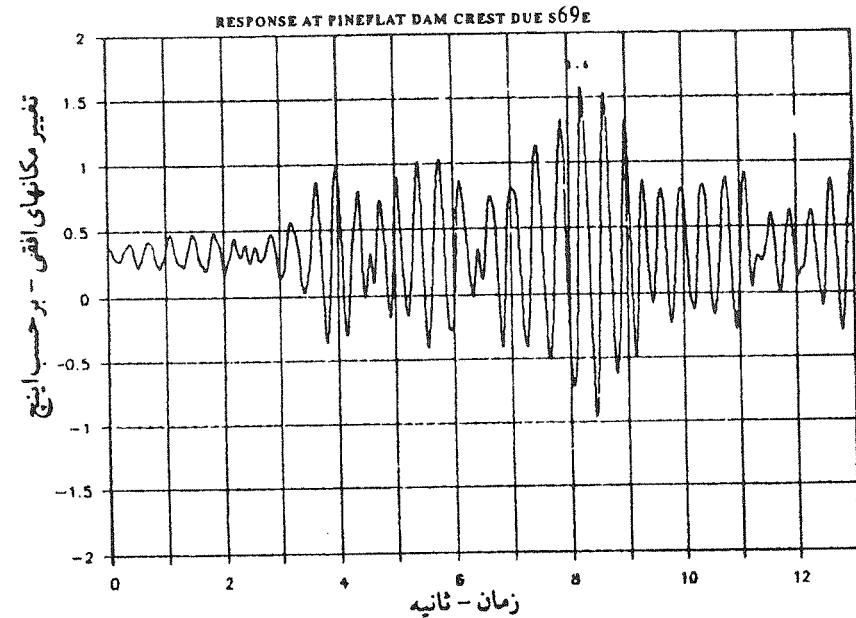
ABSOLUTE VALUE OF ACCELERATIONS AT DAM  
CREST(HORIZONTAL GROUND MOTION)



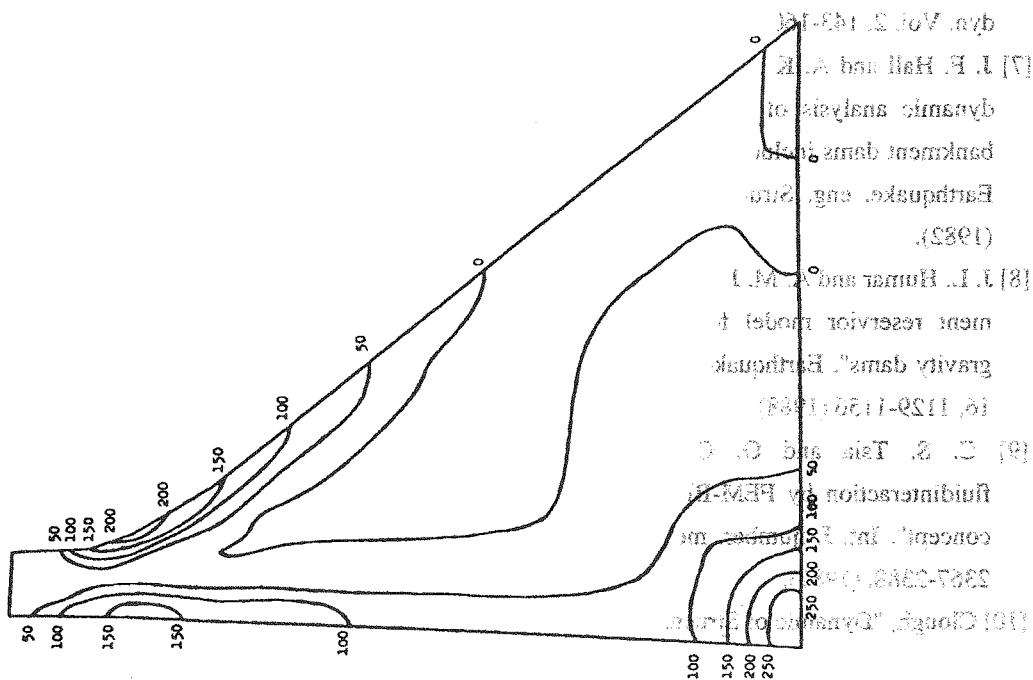
شکل (۳) مؤلفه افقی عکس العمل تاج سد برای شتاب واحد افقی زمین (۱ - سد خالی، ۲ - سد پر، آب قابل تراکم فرض شده و اثر اندرکنش در نظر گرفته شده است)



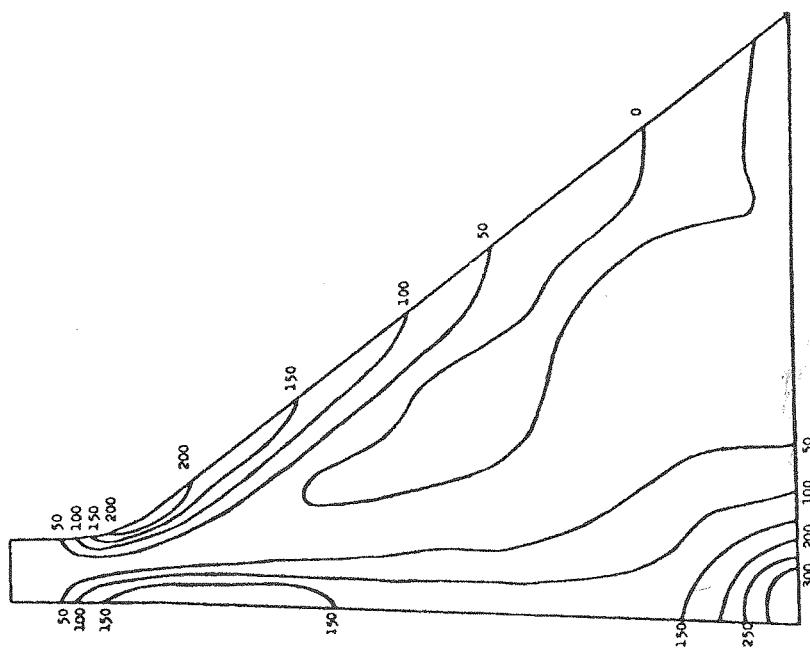
شکل (۴) مؤلفه افقی جابجایی تاج سد ناشی از طیف زلزله تفت در محدوده زمان (اثر فشارهای هیدرودینامیک صرف نظر شده است)



شکل (۵) مؤلفه افقی جابجایی تاج سد ناشی از طیف زلزله تفت در محدوده زمان (اثر فشارهای هیدرودینامیک در نظر گرفته شده است)



شکل (۶) خطوط هم تنش در سد Pine flat برای تنش های اصلی گشته ناشی از زلزله (تأثیر فشارهای هیدرودینامیک صرف نظر شده است)



شکل (۷) خطوط هم تنش در سد Pine flat بروای تنش های اصلی کششی ناشی از زلزله (فشارهای هیدرودینامیک در نظر گرفته شده است)

## منابع:

- [1] تحلیل دینامیکی سدهای بتی وزنی با استفاده از روش المان مربی و المان محدود - فرامرز خشنودیان - بهمن ماه ۱۳۶۹ - دانشگاه صنعتی امیرکبیر
- [2] Y.G. Hanna and J. L. Humar, "Boundary element analysis of fluid domain", J. eng. mech. div. ASCE 108, 436-450 (1982).
- [3] C. A. Brebbia, "The boundary element method for engineers".
- [4] Brebbia and Ferrante, "Computational hydraulics".
- [5] Lotfi, "Analysis of response of dams for earthquakes", January 1986.
- [6] P. Chakrabarti and A. K. Chopra, "Earthquake analysis of gravity dams including hydrodynamic interaction", Earthquake eng. struct.
- [7] J. F. Hall and A. K. Chopra, "Two dimensional dynamic analysis of concrete gravity and embankment dams including hydrodynamic effect", Earthquake eng. Struct. dyn. Vol 10. 305-332 (1982).
- [8] J. L. Humar and A. M. Jablonski, "Boundary element reservoir model for seismic analysis of gravity dams", Earthquake eng. Struct. dyn. Vol 16, 1129-1156 (1988).
- [9] C. S. Tsia and G. C. Lee. "Arch dam-fluid interaction by FEM-BEM and substructure concept", Int. J. numer. methods. eng. Vol 24. 2367-2388. (1987).
- [10] Clough, "Dynamic of Structures".