

## طراحی کامپیوتردی برج های سینی دار از نوع کلاهکی

طاهره کاغذچی

استاد دانشکده مهندسی شیمی  
دانشگاه صنعتی امیرکبیر

محمد علی بحرینی زارج

دانشجوی کارشناسی ارشد  
دانشگاه صنعتی امیرکبیر

### چکیده

در این مقاله طراحی هیدرولیکی برج های کلاهکی با استفاده از گامپیوتر مورد بررسی قرار گرفته است. این برنامه که با زبان QBASIC نوشته شده است، از دو قسمت طراحی استاتیکی و طراحی دینامیکی تشکیل شده که با استفاده از داده هایی نظیر خواص مایع و بخار، فاصله بین سینی ها، دورصد طفیان و مشخصات کلاهک مورد نظر، طراحی انجام شده و تعداد کلاهک ها روی هر سینی، گرادیان مایع، افت فشار، ماندگی و محاسبه می شوند. برای استفاده از يك نمودار قبل آن را با استفاده از نرم افزار MATLAB به صورت يك معادله درآورده، سپس از معادله مورد نظر در برنامه استفاده شده است. (یست نمودار توسط بیست برنامه MATLAB به معادله تبدیل شده است).<sup>\*</sup> در ضمن در چندین نمونه مورد نیز از میان یابی لگرانژ استفاده شده است.

## Design of Bubble-Cap Tray Columns

M.A. Bahraini

Master of chemical Engineering  
Amirkabir University

T. Kaghazchi

Professor of chemical Engineering  
Amirkabir University

### Abstract

In this work a computer programme has been presented for Bubble-Cap tray and column design. The design consists of two major sections: Static design and Dynamic design. It is based on Bolle's method.

In this simulation Matlab language and Lagrange's interpolation have been applied for the diagrams involved. Finally a comparison between the results of our work with the results of usual design methods have been made. The main advantage of this programme is that the design could be done in few seconds.

## ۱- مقدمه

کامپیوترها به علت سرعت، دقت و توانائی های بسیار بالا هر روزه نقش بیشتری در علوم مهندسی از جمله مهندسی شیمی بازی می کنند. حضور نرم افزارهای PROCESS, CHEMCAD, PROII, و غیره نشان دهنده حضور فعال کامپیوتر در قلب مهندسی شیمی می باشد. بسیاری از عملیات فرایندی پیچیده، بدون کامپیوتر قابل تحلیل نبوده و بسیاری از مدل های ترمودینامیکی و معادلات حالت فقط به دست توانایی کامپیوتر حل می شوند. رد پای کامپیوتر امروزه در موازنۀ انرژی و جرم، طراحی مبدل ها و برج ها، کنترل و غیره هر روز پر رنگ تر و پر فروغ تر می گردد [۱]. در این مقاله نیز در همین راستا، به طراحی برج های کلاهکی از نوع Single cross flow پرداخته شده است. از آنجا که برج های کلاهکی بیشتر جنبه پایه ای دارند، مورد بررسی قرار گرفته اند و طراحی برج های سینی دار مشبک که بیشتر مورد توجه واقع شده و کاربرد بیشتری دارند نیز در دست اقدام می باشد. امید است در آینده نه چندان دور بتوانیم بسته های نرم افزاری مناسبی را در زمینه طراحی، تهیه و ارائه کنیم تا مجبور نباشیم با هزینه های گزاف آنها را از خارج تهیه نمائیم. به هر حال طراحی زیر در دو قسمت استاتیکی و دینامیکی که هر کدام شامل چندین مرحله می باشند، ارائه می گردد.

## ۲- منوی برنامه

هنگامی که برنامه اجراء می گردد بر روی صفحه، منوی بوجود می آید که شامل چهار قسمت Design (طراحی) Procedure (روش) (پوسته داس) و Doshell (خروج) می باشد. با Design طراحی شروع شده و با ارائه توضیحاتی همراه با شکل یک برج داده می یابد و مراحل اصلی برنامه با پرسیدن داده ها شروع می شود. با Procedure روش طراحی که Bolle's روش با تغییرات جزئی می باشد، توضیح داده شده تا کاربر بتواند با مطالعه این توضیحات آشنایی بیشتری با این روش پیدا کند.

با Doshell وارد محیط داس شده تا بتوان از دستورات داس استفاده کرد و نهایتاً با Quit از محیط طراحی خارج می شویم [۷].

## ۳- طراحی استاتیکی

### ۳-۱- داده ها

بعد از انتخاب طراحی، برنامه با استفاده از زیر برنامه ای با نام DATA1 خواص مایع و بخار و فاصله سینی ها و درصد طغیان را می پرسد و بعد با زیر برنامه SHAPE شکل شکاف کلاهک (Slot) را سؤال کرده، سپس با زیر برنامه DATA2 مشخصات کلاهک مورد نظر را سؤال می کند [۷].

### ۳-۲- قطر برج

برنامه پارامتر جریان را محاسبه کرده و بعد از زیر برنامه COEF مقدار  $C_f$  را به دست می آورد. ضریب  $C_f$  از منحنی Fair به دست می آید [۳]. این منحنی با استفاده از چهار برنامه MATLAB به صورت چهار معادله در آمده است. این معادلات در زیر برنامه COEF نوشته شده اند. چهار برنامه MATLAB به نام های زیر می باشند:

Tray 12.M (فاصله بین دو سینی ۱۲in)، Tray 24.M و Tray 36.M Tray 18.M.

حال سرعت طغیان از معادله (۱) حساب شده و با استفاده از معادله (۲) سرعت بخار به دست می آید.

$$V_f = C_f / (\sqrt{\frac{\rho_v}{\rho_l - \rho_v}}) \quad (1)$$

$$\frac{V}{V_f} = \% \text{ Flooding} \quad (2)$$

نسبت سطح ناودانی به سطح کل را از داده ها داریم پس از معادله (۲) قطر D به دست می آید [۲ و ۴].

$$A_t = Q_t / [(1 - A_d / A_t) V] = \frac{\pi}{4} D^2 \quad (3)$$

این قطر در زیر برنامه ای به نام STANDARD بر روی صفحه نمایش، نشان داده می شود و قطر استاندارد مورد نظر را سؤال می کند. اکنون قطر استاندارد برج تعیین شده و برنامه با این قطر  $A_t$  و  $A_d$  را حساب می کند [۳].

### ۳-۳- عرض بند (Weir length)

حال با زیر برنامه WEIRLENGTH عرض بند از معادلات زیر محاسبه می شود: ابتدا معادله (۴) با روش عددی نیوتون - رافسون حل می شود و  $\theta$  حساب شده،

#### ۴-۲- افت فشار

برای محاسبه افت فشار، برنامه در ابتدا  $h_{so}$  و  $W$  را محاسبه کرده و سپس  $F_w$  را از معادله به دست می آورد.  $F_w$  نیز نمودار تصحیح بوده که توسط برنامه fw.m به معادله تبدیل شده است [۲، ۳ و ۵]. حال ارتفاع قوس مایع روی بند از معادله (۱۰) به دست می آید.

$$h_{ow} = 0.092 F_w \left( \frac{Q_f}{W} \right)^{\frac{2}{3}} \quad (10)$$

اکنون مقدار  $K_c$  را حساب می کنیم. معادله  $K_c$  از برنامه  $hc.m$  به دست آمده است. در اینجا مقدار  $h_{rc}$  از معادله (۱۱) به دست می آید و  $h_c$  نیز از معادله (۱۲) محاسبه می شود.

$$h_{rc} = k_c \frac{\rho_v}{\rho_f} \left( \frac{Q_f}{A_r} \right)^2 \quad (11)$$

$$h_c = h_{rc} + h_{so} \quad (12)$$

#### ۴-۳- گرادیان مایع

برای محاسبه گرادیان مایع معادله (۱۳) را با حدس و خطا حل کرده و نهایتاً از این معادله  $\Delta_r$  که گرادیان مایع تصحیح نشده بر ردیف کلاهک هاست، به دست می آید [۲].

$$\frac{Q_f/W_a}{C_d} = 25.8 \frac{\gamma}{1+\gamma} (\Delta_r)^{\frac{1}{2}} \left[ 1.6 \Delta_r + 3 \left( h_c + \frac{0.3 h_{sk}}{\gamma} \right) \right] \quad (13)$$

مقدار  $W_a$  از معادله (۱۴) و  $C_d$  نیز از معادله ای که حاصل برنامه cd.m است، محاسبه می گردد و نسبت بین کلاهک ها به قطر کلاهک است که جزء داده های طراحی است.

$$W_a = \frac{D + Weir}{2} \quad (14)$$

$\Delta_r$  را در ردیف کلاهک ها ضرب کرده تا گرادیان مایع تصحیح شده به دست آید.

#### ۴-۴- نسبت توزیع بخار

اکنون  $R_v$  از معادله (۱۵) به دست می آید و  $h_{ds}$  نیز از معادله (۱۶) حاصل می شود.

$$R_v = \frac{\Delta}{h_{rc} + h_{so}} \quad (15)$$

سپس طول وتر از معادله (۵) به دست می آید.

$$A_d = \frac{1}{2} r^2 (\theta - \sin \theta) \quad (4)$$

$$L = 2r \sin \left( \frac{\theta}{2} \right) = \text{طول وتر} \quad (5)$$

حال مقدار  $Hei$  از معادله (۶) به دست آمده و با استفاده از قضیه فیثاغورث  $2 / Weir$  به دست می آید. اکنون عرض بند از معادله (۷) حاصل می گردد [۳].

$$Hei = \frac{1}{2} L \cot \left( \frac{\theta}{2} \right) \quad (6)$$

$$Weir = 2 \sqrt{r^2 - Hei^2} \quad (7)$$

در اینجا سطح دامنه (apron) با معادله (۸) محاسبه می شود [۳].

$$apron = Weir * (h_w - h_{sh}) / 12 \quad (8)$$

#### ۴-۴- تعداد کلاهک ها

حال با داشتن  $Hei$  و قطر کلاهک و فاصله بین کلاهک ها، تعداد ردیف کلاهک های عمود بر مسیر جريان به دست می آید. سپس با محاسبه Allocated area تقسیم آن بر سطح کلاهک و سطح اطراف کلاهک، تعداد کلاهک های روی هر سینی به دست می آید [۲]. در اینجا قسمت استاتیکی طراحی تمام شده و قسمت دینامیکی آن شروع می شود.

#### ۴-۵- طراحی دینامیکی

##### ۴-۱- روزنہ شکاف کلاهک

در ابتدا  $Q_{max}$  از رابطه (۹) حساب می شود [۲].

$$Q_{max} = C_s A_s \sqrt{h_{sk} \left( \frac{\rho_f - \rho_v}{\rho_v} \right)} \quad (9)$$

سپس درصد نسبت شدت حجمی بخار به ماکزیمم شدت بخار به دست می آید. اکنون برنامه با داشتن این نسبت و از نمودار شکاف روزنہ، میزان شکاف روزنہ بر حسب درصد ارتفاع شکاف را محاسبه می کند. این نمودار بر حسب  $R_v$  های مختلف توسط سه برنامه slot1.m, slot0.m, MATLAB تبدیل شده اند که این معادلات در زیر برنامه SLOT بوده و در آن زیر برنامه محاسبه می شوند [۷].

اکنون تمامی مراحل طراحی به پایان رسیده است و نتیجه برنامه در دو صفحه نمایش داده می شود. در ضمن در اینجا چهار کلید D, C, A و Q معرفی شده اند [۷]. با فشردن کلید A می توان دوباره با داده های جدید طراحی دیگری انجام داد. همچنین با فشردن کلید C می توان با تغییر مشخصات کلاهک طراحی را ادامه داد. با فشردن کلید D قطر استاندارد را می توان عوض کرد و نهایتاً با فشردن کلید Q یا Esc از برنامه طراحی خارج می شویم.

## ۵-نتیجه گیری

شایان ذکر است طراحی با این برنامه کمتر از چند ثانیه وقت می برد. (بستگی به سرعت کامپیوتر مورد نظر دارد). در حالی که همین طراحی با استفاده از روش های معمول بیش از چند روز وقت خواهد گرفت، به خصوص وقتی که نتایج دلخواه نباشند و بخواهیم داده های اولیه را تغییر دهیم، که این کار با استفاده از روش های دستی واقعاً سخت و طاقت فرسا می باشد، اما با این برنامه، با فشردن چند کلید انجام پذیر است. حال با یک مثال و مقایسه نتایج برنامه با نتایج روش معمول آن، مقاله را به پایان می رسانیم.

برای این منظور مثال زیر را در نظر می گیریم:

برج نقطی برای جداسازی بنزن (wt% / ۹۹/۸) از چند حلال دیگر در نظر گرفته شده است. حال از ترکیب های زیر تشکیل شده است:

بنزن (۵/۲۲٪)، سیکلو هگزان (۱۰٪)، اتیل سیکلو هگزان (۱/۱٪)، اتیل بنزن (۶٪) و از چهار دی اتیل بنزن (۵٪). تعداد سینی های برج ۴۳ عدد بوده و داده های مورد نظر به شرح زیر است:

| داده ها                            | سینی با اینی | سینی با الای | سینی با اینی |
|------------------------------------|--------------|--------------|--------------|
| F درجه حرارت                       | ۱۸۱          | ۲۹۱          |              |
| psi فشار                           | ۱۵/۷         | ۲۰ حدوداً    |              |
| نسبت برگشتشی                       | ۰/۸۴         |              |              |
| ft <sup>3</sup> /sec شدت حجمی مایع | ۰/۰۶۹        |              |              |
| ft <sup>3</sup> /sec شدت حجمی بخار | ۷/۵۲         |              |              |
| lb/ ft <sup>3</sup> دانسیته مایع   | ۵۰/۷         |              |              |
| lb/ ft <sup>3</sup> دانسیته بخار   | ۰/۱۷۸        |              |              |
| تنش سطحی dyn/cm                    | ۲۱           |              |              |
| درصد طغیان                         | ٪۶۰          |              |              |
| فاصله بین دو سینی in               | ۱۸           |              |              |
| رادمان سینی خشک                    | ٪۴۵          |              |              |

$$h_{ds} = h_{ss} + h_{ow} + \frac{\Delta}{2} \quad (16)$$

## ۴-۵- ضریب توده کف آسود

نمودار  $\beta$  را با برنامه b.m به معادله تبدیل کرده و ضریب توده کف آسود ( $\beta$ ) را به دست می آوریم. حال  $h$  از معادله (۱۷) محاسبه می شود [۳ و ۴].

$$h_t = h_c + \beta * h_{ds} \quad (17)$$

## ۴-۶- افت فشار کل

اکنون سطح دامنه (apron) را با سطح جریان در ناوдан مقایسه کرده و هر کدام که کوچکتر باشد را در نظر گرفته و  $h$  را از معادله (۱۸) و  $h_t$  را از معادله (۱۹) به دست می آوریم.

$$h_d = 0.3 + (q//Minarea * 100)^2 \quad (18)$$

$$h_t = h_w + h_{ow} + h_d + \Delta + h_i \quad (19)$$

## ۴-۷- ماندگی

اکنون افت فشار کل، گرادیان مایع و نسبت توزیع بخار به دست آمده است و فقط مقدار ماندگی باید حساب شود. در اینجا منحنی های ماندگی با میان یابی لگرانژ (با چهارده داده در هر درصد طغیان با پارامتر جریان ارائه شده، پس برای هر درصد طغیان با مازویل اصلی مقدار ماندگی به دست می آید. داده ها در مازویل اصلی برنامه خوانده شده و برنامه میان یابی لگرانژ در زیر برنامه ENTRAIN می باشد [۲ و ۴ و ۶].

| داده ها                           | کلاهک          |
|-----------------------------------|----------------|
| in قطر کلاهک                      | ۳              |
| in ارتقای شکاف                    | ۱              |
| شکل روزنگه کلاهک                  | ذوزنقه ای      |
| in <sup>2</sup> /cap سطح بالابرند | ۲/۶۵           |
| annular سطح ناوданی به سطح کل     | ۳/۰۵           |
| فاصله بین کلاهک ها به قطر کلاهک   | ٪۰/۰۸<br>٪۰/۲۵ |

همان طوری که دیده می شود دقت برنامه بسیار بالا بوده و ارجحیت آن کاملاً آشکار است. اختلافات بسیار جزئی که در نتایج دیده می شود نیز بر اثر تبدیل نمودارها به معادله با میان یابی و امثال آن بوده و بدینه است که خطای این برنامه از خطای مهندس طراح اگر کمتر نباشد، ابدآ بیشتر نیست. امید است این کار مورد نظر اساتید، محققین و دانشجویان قرار گرفته و ما را از انتقادات و پیشنهادات خویش بپره مدد سازند.

حال با توجه به این داده ها مقایسه نتایج طراحی از طریق کامپیوتر با روش معمول کلاسیک آن به شرح زیر است:

| نام                                    | روش معمولی | برنامه کامپیوتری |
|--|------------|------------------|
| تعداد کلاهک هاروی هر سینی              | ۲۲         | ۲۳               |
| نسبت توزیع بخار                        | ۰/۱۳       | ۰/۲              |
| گردابیان مایع روی هر سینی in           | ۰/۲۲       | ۰/۲۲             |
| ماندگی                                 | ۲/۷        | ۲/۳              |
| in افت فشار                            | ۲/۵۰       | ۲/۹              |
| درصد شکاف باز روزنه برحسب ارتفاع روزنه | ۹۰         | ۸۷               |
| Dynamic slot seal in                   | ۱/۳        | ۱/۴              |

$k_c$ : ثابت معادله روش بولز

$L$ : شدت مایع، فوت مکعب بر ثانیه

$Q_1$ : شدت مایع، گالن بر دقیقه

$Q_{max}$ : ماکزیمم شدت مایع، فوت مکعب بر ثانیه

$R_s$ : نسبت ضلع بالا به پایین شکاف کلاهک

$R_v$ : نسبت توزیع بخار

$T$ : فاصله بین دو سینی، اینچ

$V$ : شدت بخار، فوت مکعب بر ثانیه

$W$ : ماکزیمم سرعت جرمی مجاز در برج، پوند بر ساعت بر فوت مربع برج

## حروف یونانی

$\beta$ : ضریب هوادهی

$\Delta$ : گردابیان مایع، اینچ

$\rho_l$ : دانسیته متوسط مایع، پوند بر فوت مکعب

$\rho_v$ : دانسیته متوسط بخار، پوند بر فوت مکعب

$\sigma$ : تنش سطحی مایع، دین بر سانتیمتر

$\tau$ : ماندگی

$\theta$ : زاویه مقابل به بند، رادیان

## زیرنویس

$C$ : کلاهک

$L$ : مایع

$V$ : بخار

## نیشانه ها

$A_a$ : سطح فعال، فوت مربع

$A_d$ : سطح ناودان، فوت مربع

$A_n$ : سطح خالص، فوت مربع

$A_s$ : سطح کل شکاف ها، فوت مربع

$A_t$ : سطح کل، فوت مربع

$C_f$ : ضریب تصحیح سرعت طغیان

$C_s$ : ضریب شکاف

$D$ : قطر برج، فوت

$D_c$ : قطر کلاهک، اینچ

$F$ : ضریب طغیان

$F_p$ : پارامتر جریان

$F_w$ : ضریب تصحیح فرمول بند

$h_c$ : افت فشار کلاهک، اینچ مایع

$h_d$ : افت فشار در ناودان، اینچ مایع

$Dynamic slot seal : h_{ds}$

$h_{ow}$ : ارتفاع مایع روی بند، اینچ

$h_{re}$ : افت فشار بالا برند، اینچ مایع

$Hei$ : فاصله بند تا مرکز سینی، اینچ

$h_e$ : ارتفاع شکاف، اینچ

$h_{sh}$ : ارتفاع پایه کلاهک ها، اینچ

$h_{so}$ : افت فشار روزنه شکاف، اینچ مایع

$h_{sr}$ : ارتفاع حلقه محافظ کلاهک، اینچ

$Static slot seal : h_{ss}$

$h_i$ : افت فشار هر سینی، اینچ مایع

$h_w$ : ارتفاع بند از سینی، اینچ

## پانویس

\* چهار برنامه MATLAB در مرجع [7] می باشد.

همچنین چهار نمودار MATLAB نیز در مرجع [7] آورده شده است. در این نمودارها میزان تطبیق داده ها با معادله مورد نظر در محدوده طراحی نشان داده شده است.

## منابع

- [5] Treybal, R.E "Mass Transfer Operations" 3rd Ed. McGraw-Hill New York (1980).
- [6] CHANG, H-Y Hyd. Proc. 59 (Aug.) 79. Computer aids Short-cut distillation design, (1980).
- [7] بحرینی زارج . محمد علی : طراحی هیدرولیکی برجهای سینی دار از نوع کلاهی، پروژه کارشناسی ارشد، دانشگاه صنعتی امیرکبیر (۱۳۷۲).

- [1] Peter Winter "Computer-Aided Process Engineering" Chem. Eng. Progress P. 76 (FEBRUARY 1992).
- [2] VAN WINKLE "DISTILLATION" McGraw-Hill New York (1967).
- [3] "PERRY'S Chemical Engineers' Handbook" R. H. Perry and D. Green McGraw-Hill New York (1984).
- [4] E.E. Ludwig "Applied Process Design for Chemical and Petrochemical Plants" Vol.2 (1979).