

# شناسائی دقیق پارامترهای مدل تابع سیم پیچ موتور الکتری با الگوریتم ژنتیک

ابوالقاسم راعی

استاد یار

دانشکده برق، دانشگاه صنعتی امیرکبیر

وحید رشتچی

مری

دانشکده فنی، دانشگاه زنجان

## چکیده

مدل تابع سیم پیچ، کاربرد وسیعی برای تجزیه و تحلیل رفتار موتور الکتری دارد، ولی روش سیستماتیکی برای تعیین دقیق پارامترهای آن ارائه نشده است. تعیین مقدار اندوکتانس‌های نشی میله‌های روتور، اندوکتانس نشی سیم پیچهای استاتور، متوسط فاصله هوایی و مقاومت میله‌های روتور، بر اساس محاسبات تقریبی صورت می‌پذیرد. در این مقاله برای اولین بار روشی سیستماتیکی برای تعیین پارامترهای مدل تابع سیم پیچ ارائه می‌شود. روش پیشنهادی با استفاده از الگوریتم ژنتیک و داده‌های جمع آوری شده از یک آزمایش ساده بر روی موتور مورد نظر، پارامترهای مدل را بدقت بالاتری تعیین می‌کند. الگوریتم ژنتیک بنار رفته، با کدینگ حقیقی بوده و برای استفاده از آن ناگزیر به اصلاح مدل می‌باشیم. در مدل اصلاح شده توزیع واقعی سیم پیچهای استاتور در یک شیار لحاظ شده و نقطه‌ای فرض نمی‌شود. صحت و دقت پارامترهای بدست آمده، با مقایسه داده‌های حاصل از آزمایش و نتایج شبیه سازی، برای شرایط مختلف کاری و از جمله خطاهای دور به دور استاتور، انجام شده و تطبیق آنها نشان داده شده است.

## کلمات کلیدی

موتور الکتری، تابع سیم پیچ، الگوریتم ژنتیک، شناسائی پارامتر.

## Accurate Identification of Parameters, in Winding Function Model of Induction Motor, Using Genetic Algorithm

V.Rashtchi

Instructor

Engineering Department,  
Zanjan University

A.Raie

Assistant Professor

Electrical Engineering Department,  
Amirkabir University of Technology

## Abstract

*Winding function model is widely used for analyzing the behaviour of induction motor, but there is no systematic method for accurate determination of its parameters. To compute, rotor bar leakage inductance, stator leakage inductance, average air gap and rotor bar resistance, approximate formulas are used.*

*In this paper for the first time a systematic method for accurate parameter identification of winding function model is presented. The proposed scheme uses a genetic algorithm with data collected from a simple experiment on the selected motor. The genetic algorithm is real coded, and in order to be able to use it, the model should be modified to take into account the actual winding distribution in a slot. The validity of the scheme, correctness and accuracy of the parameters obtained are shown by comparing and finding the matching of experimental and simulation results, for a machine under different operating point conditions, including stator turn faults.*

## Keywords

*Induction motor, Genetic algorithm, Winding function, Parameter identification.*

زاویه ای روتور محاسبه میشوند. همچنین MMF ایجاد شده در فاصله هوایی، با توزیع واقعی در نظر گرفته میشود. این ویژگیها در روابط و معادلاتی که در ادامه ارائه خواهند شد، مذکور قرار گرفته اند.

روابط (۱) الی (۸)، معادلات الکتریکی روتور و استاتور ماشین را نشان میدهند.

$$V_s = R_s I_s + \frac{d\Lambda_s}{dt} \quad (1)$$

$$V_r = R_r I_r + \frac{d\Lambda_r}{dt} \quad (2)$$

$$\Lambda_s = L_{ss} I_s + L_{sr} I_r \quad (3)$$

$$\Lambda_r = L_{rs} I_s + L_{rr} I_r \quad (4)$$

$$V_s = [V_{as} \quad V_{bs} \quad V_{cs}]^T \quad (5)$$

$$I_s = [I_a \quad I_b \quad I_c]^T \quad (6)$$

$$I_r = [I_{r1} \quad I_{r2} \quad \dots \quad I_m \quad I_{re}]^T \quad (7)$$

$$V_r = [0] \quad (برای روتور قفس سنجابی)$$

روابط (۹) الی (۱۲)، معادلات مکانیکی حاکم بر ماشین را نشان میدهند.

$$T_e = I_s^T \frac{\partial L_{sr}}{\partial \theta_{rm}} I_r \quad (9)$$

$$\frac{d\omega_r}{dt} = \frac{1}{J} (T_e - T_{lt}) \quad (10)$$

$$\frac{d\theta_{rm}}{dt} = \omega_m \quad (11)$$

$$T_{lt} = T_l + T_c + k_1 \times \omega_r + k_2 \times \omega_r^2 \quad (12)$$

در رابطه (۱۰) کل بار منتقله به شفت روتور می باشد که مولفه های آنرا رابطه (۱۲) نشان میدهد. در این رابطه  $T_l$  بار مکانیکی،  $T_c$  گشتاور کولمب ناشی از اصطکاک،  $k_1$  ضریب میراثی و  $k_2$  برای مدل سازی بار ناشی از فن خنک کننده بر روی شفت روتور می باشد.

روابط (۱۳) الی (۱۷)، ماتریس های اندوکتانس و مقاومت بکار رفته در معادلات (۱) الی (۴) را نشان میدهند.

$$R_s = \text{diag}([R_{sa} \quad R_{sb} \quad R_{sc}]) \quad (13)$$

تجزیه و تحلیل و شبیه سازی رفتار روتور القائی در شرایط غیر متعارف، مثلا پس از وقوع انواع خطاهای روتور واستاتور، نقش مهمی را برای بررسی و ارزیابی روش های تشخیص خطأ و استراتژی های حفاظتی و احیاناً دستیابی به روش های بهتر بازی میکند. بدیهی است که مطالعه رفتار روتور تحت چنین شرایطی، بصورت تجربی امکان پذیر نبوده و مدل مرسوم  $dq$  نیز بدلیل مبتنی بودن بر توزیع سینوسی و تعادل فازها، برای تجزیه و تحلیل و شبیه سازی، قابل استفاده نمیباشد. مناسبترین مدلی که برای شبیه سازی رفتار روتور القائی در حوزه زمان و تحت چنین شرایطی مطرح شده است، مدل تابع سیم پیچ میباشد. از آنجا که در این مدل، هندسه ماشین، توزیع سیم پیچها و اتصالات لحاظ شده است، انواع خطاهای استاتور و روتور و نیز خطاهای مکانیکی مانند ناهم محوری روتور در آن بسادگی قابل نمایش است [۱۶].

از مشکلات استفاده از این مدل، تعیین مقدار برخی از پارامترها، مانند اندوکتانس های نشتی و مقاومت میله های روتور، اندوکتانس نشتی سیم پیچهای استاتور و متوسط فاصله هوایی میباشد.

برای تعیین این پارامترها، نوع روابط تقریبی استفاده میشود و در صورت وجود داده های آزمایشی و تفاوت فاحش آن با نتایج شبیه سازی، اصلاحات مبتنی بر تجربه و یا سعی و خطأ صورت میگیرد. بطور خلاصه روش سیستماتیکی که انطباق خروجی های مدل و نتایج آزمایشی را تضمین نماید، ارائه نشده است.

این مقاله روشی مبتنی بر الگوریتم ژنتیک، برای شناسایی پارامترهای مدل تابع سیم پیچ ارائه میکند. معادلات مدل و پارامترهای آن در ادامه همین بخش معرفی میشوند. نگرش جدیدی در پیاده سازی الگوریتم ژنتیک با کدینگ حقیقی و کاربرد آن در شناسایی پارامترهای مدل تابع سیم پیچ موضوع بحث بخش دوم مقاله است. نکات مهم اجرایی در پیاده سازی الگوریتم و تمهدیاتی که منجر به همگرائی آن شده است در بخش سوم مطرح میشوند. ارزیابی روش با شبیه سازی، برای روتور سالم و روتور با خطاهای استاتور، در بخش چهارم آمده است.

## ۱- معادلات و پارامترهای مدل تابع سیم پیچ

در مدل تابع سیم پیچ جریان هر میله روتور و هر فاز استاتور به عنوان متغیر های محزا تلقی شده و با در نظر گرفتن کوپلاز مغناطیسی بین میله های روتور و فازهای استاتور اندوکتانس های متقابل بصورت تابعی از موقعیت

معادله (۱) و  $(v_{bs} - v_{cs})$  و  $(v_{as} - v_{bs})$  را تشکیل داده و با توجه به اینکه  $I_a + I_b + I_c = 0$  است به معادلات (۱۹) الی (۳۱) بر حسب ولتاژ خطوط دست می یابیم. این معادلات در شبیه سازی بکار می روند و پارامترهای الکتریکی و مکانیکی مورد استفاده در این معادلات، یعنی ژنتیک تعیین مقدار می شوند.

$$\Lambda_{sll} = \mathbf{L}_{sll} \mathbf{I}_{sll} + \mathbf{L}_{srll} \mathbf{I}_r \quad (19)$$

$$\Lambda_r = \mathbf{L}_{rsll} \mathbf{I}_{sll} + \mathbf{L}_{rr} \mathbf{I}_r \quad (20)$$

$$\Lambda_{sll} = [\Lambda_{sab} \quad \Lambda_{sbc}] \quad (21)$$

$$\Lambda_{sab} = \Lambda_{sa} - \Lambda_{sb}$$

$$\Lambda_{sbc} = \Lambda_{sb} - \Lambda_{sc}$$

$$\mathbf{I}_{sll} = [I_a \quad I_b]^T \quad (22)$$

$$\mathbf{L}_{srll} = [\mathbf{L}_{sar} - \mathbf{L}_{sbr} \quad \mathbf{L}_{sbr} - \mathbf{L}_{scr}]^T \quad (23)$$

$$\mathbf{L}_{rsll} = [\mathbf{L}_{sar}^T - \mathbf{L}_{sbr}^T \quad \mathbf{L}_{sbr}^T - \mathbf{L}_{scr}^T]^T \quad (24)$$

$$\mathbf{DL}_{srll} = [\mathbf{DL}_{sar} - \mathbf{DL}_{scr} \quad \mathbf{DL}_{sbr} - \mathbf{DL}_{scr}]^T \quad (25)$$

$$\mathbf{D} = \frac{\partial}{\partial \theta_{rm}}$$

$$\mathbf{R}_{sll} = \begin{bmatrix} R_{sa} & -R_{sb} \\ R_{sc} & R_{sb} + R_{sc} \end{bmatrix} \quad (26)$$

$$\frac{d\Lambda_{sll}}{dt} = \mathbf{V}_{sll} - \mathbf{R}_{sll} \mathbf{I}_{sll} \quad (27)$$

$$\frac{d\Lambda_r}{dt} = -\mathbf{R}_r \mathbf{I}_r \quad (28)$$

$$\frac{d\omega_r}{dt} = \frac{1}{J} (T_e - T_l) \quad (29)$$

$$T_e = \mathbf{I}_{sll}^T \frac{\partial \mathbf{L}_{srll}}{\partial \theta_{rm}} \mathbf{I}_r \quad (30)$$

$$\frac{d\theta_{rm}}{dt} = \omega_m \quad (31)$$

$$\mathbf{R}_r = \begin{bmatrix} 2(R_b + R_e) & -R_b & 0 & \dots & -R_b \\ -R_b & 2(R_b + R_e) & -R_b & \dots & 0 \\ 0 & -R_b & 2(R_b + R_e) & \dots & \vdots \\ \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ -R_b & 0 & \dots & \dots & 2(R_b + R_e) \end{bmatrix} \quad (14)$$

$$\mathbf{L}_{ss} = \begin{bmatrix} L_{saa} + l_{ls} & L_{sab} & L_{sac} \\ L_{sba} & L_{sbb} + l_{ls} & L_{sbc} \\ L_{sca} & L_{scb} & L_{scc} + l_{ls} \end{bmatrix} \quad (15)$$

$$\mathbf{L}_{rr} = \begin{bmatrix} L_{mr} + 2(l_b + l_e) & L_{r12} - l_b & L_{r13} & \dots & L_{r1n} - l_b \\ L_{r21} - l_b & L_{mr} + 2(l_b + l_e) & L_{r23} - l_b & \dots & L_{r2n} \\ L_{r31} & L & L & \dots & \vdots \\ \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ L_{m1} & L_{m2} & L_{m3} & \dots & L_{mr} + 2(l_b + l_e) \end{bmatrix} \quad (16)$$

$$\mathbf{L}_{sr} = \begin{bmatrix} L_{sar1} & L_{sar2} & \dots & L_{sam} \\ L_{sbr1} & L_{sbr2} & \dots & L_{sbn} \\ L_{scr1} & L_{scr2} & \dots & L_{sem} \end{bmatrix} \quad (17)$$

در روابط فوق،  $n$  نشانگر میله انتهای روتور و  $n$  تعداد میله های روتور می باشد.

محاسبه اندوکتانس های خودی و متقابل بر اساس تئوریتابع سیم پیچ با استفاده از رابطه (۱۸) صورت میگیرد که متغیرهای آن عبارتند از:

$\varphi$  موقعیت زاویه ای روتور نسبت به استاتور

$\theta$  موقعیت زاویه ای در سطح داخلی استاتور برای

انتگرال گیری

$L$  طول روتور

$r$  شعاع متوسط فاصله هوایی

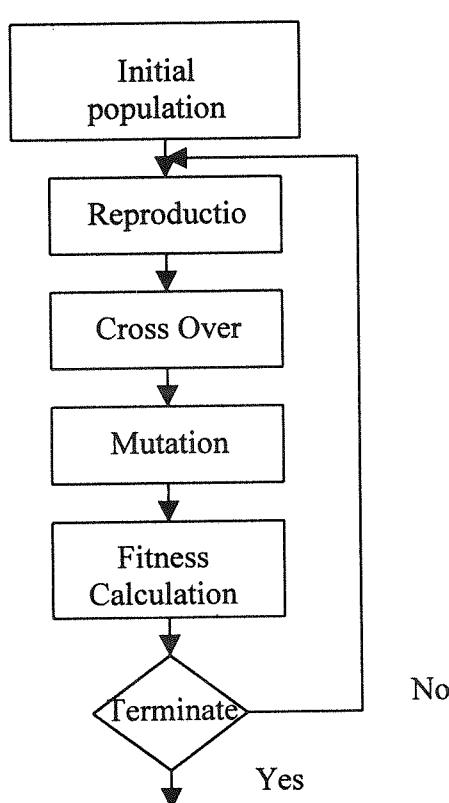
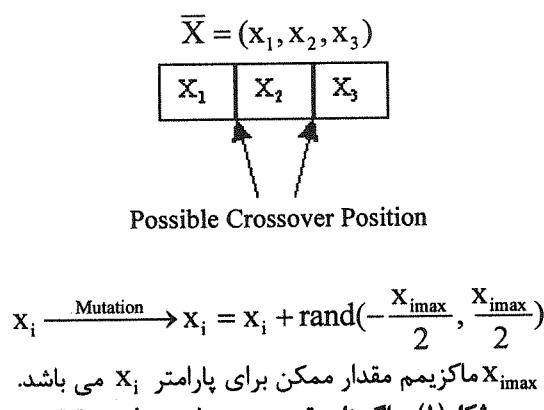
$(\varphi, \theta)$  تابع معکوس هوایی

$$L_{ij}(\varphi) = \mu_0 L r \int_0^{2\pi} g^{-1}(\varphi, \theta) N_i(\varphi, \theta) N_j(\varphi, \theta) d\theta \quad (18)$$

در صورت یکنواخت بودن فاصله هوایی،  $g^{-1}(\varphi, \theta) = 1/g$  خواهد بود. اندوکتانس های خودی با مساوی قرار دادن  $j$ ،  $I$  و  $I$  از همان رابطه (۱۸) بدست می آیند.

در معادله (۱) ولتاژ فازهای استاتور ظاهر شده است که به دلیل عدم دسترسی به نقطه زمین ماشین این ولتاژها قبل دسترس نمی باشند. برای رفع این مشکل با استفاده از

ترتیب کروموزومهایی که دارای تابع معیار بهتر هستند در نسل بعدی بیشتر تکثیر می‌شوند. روند کار الگوریتم با عملگرهای سه گانه در شکل (۲) نشان داده شده است.



شکل (۲) روند کار الگوریتم ژنتیک.

### ب - شناسائی پارامترهای مدل تابع سیم پیچ با الگوریتم ژنتیک

روزگار پاسخ دینامیک یا گذرای موتور القائی به ورودی  $(V_{ab}^e, V_{bc}^e) = (\bar{X}_{ei}, \bar{Y}_{ei})$  در نظر می‌گیریم.  $N$  زوج ورودی/خروجی  $(\bar{X}_{ci}, \bar{Y}_{ci})_{i=1, \dots, N}$  میتوانند از طریق آزمایش بدست آیند. پارامترهای مدل تابع سیم پیچ موتور القائی را میتوان با بردار  $\bar{P}$  نشان داد.

### الگوریتم ژنتیک با کدینگ حقیقی و بکارگیری آن در شناسائی پارامترهای

#### مدل تابع سیم پیچ

##### الف - الگوریتم ژنتیک با کدینگ حقیقی

الگوریتم ژنتیک روشی است که میتواند برای حل دستگاه معادلات غیر خطی و مسائل بهینه سازی پیچیده بکار رود. این الگوریتم با استفاده از اعداد تصادفی و بر مبنای انتخاب طبیعی عمل میکند و نیاز مند داشتن تخمین اولیه خوبی از جواب مسئله نمی باشد. یعنی بدست آوردن پاسخ یک مسئله پیچیده میتواند از تخمینهای اولیه ضعیف شروع و در روند تکاملی بقای اصلاح، به دقت لازم برسد [۳].

الگوریتم ژنتیک در فرم استاندارد آن بر روی رشته‌های باینری، موسوم به کروموزوم، که پاسخهای محتمل مسئله میباشند عمل میکند. الگوریتم ژنتیک ساده‌ای که در بسیاری از مسائل عملی از جمله شناسائی پارامترهای مدل  $q$  موتور القائی از اطلاعات پلاک موتور [۴]، نتایج خوبی بدست داده است، از سه عملگر تولید مثل، تزویج و جهش استفاده میکند. این عملگرهای از فرآیند تکامل طبیعی اقتباس شده‌اند، جمعیت کروموزومها را بسوی تکامل، که معنی بزرگتر شدن تابع معیار است پیش میبرند.

در بسیاری از مسائل از جمله شناسائی پارامترها، پاسخ مسئله مجموعه‌ای از اعداد حقیقی است. برای همانگ کردن این مسائل با فرم استاندارد الگوریتم ژنتیک، روش متداول، استفاده از رمز باینری برای اعداد حقیقی و چیزی آنها در کنار یکدیگر و تشکیل کروموزوم است. در اینصورت نقطه اثر عملگرهای مطابق با فرم استاندارد، میتواند بیتها میانی پارامترهای حقیقی نیز انتخاب شود.

در حل مسئله مورد بحث این مقاله، که با پارامترهای حقیقی سروکار دارد، نگرش جدیدی برای تشکیل کروموزوم و نحوه کار عملگرهای بکار رفته است که باعث سهولت پیاده سازی و افزایش سرعت همگرایی شده است. در این نگرش هر کروموزوم بجای مجموعه‌ای از بیتها مجموعه‌ای از اعداد حقیقی در نظر گرفته میشود. نقطه تزویج تنها میتواند، مز بین اعداد حقیقی انتخاب شود و عملگر جهش، پس از انتخاب یکی از اعداد حقیقی در کروموزوم، مقدار آنرا بطور تصادفی تغییر میدهد. در شکل (۱) نحوه کار عملگرهای تزویج و جهش برای فرم حقیقی نشان داده شده است.

عملگر تولید مثل، مشابه فرم استاندارد، تکثیر هر کروموزوم را متناسب با تابع معیار آن انجام میدهد. بدین

یکساعت زمان لازم است، بدیهی است که چنین سرعانتری برای شبیه‌سازی، روش را غیر عملی می‌کند. با تمهدیات انجام شده، سرعت شبیه سازی به حد بلادرنگ افزایش داده شده و نزدیک به ۱ ثانیه با پردازنده AMD-Athlon و فرکانس ۱۲۰۰ مگاهرتز رسیده است.

ثانیاً ساده کردن مدل و نقطه‌ای فرض نمودن توزیع سیم پیچها در شیار استاتور، مانع از همگرا شدن الگوریتم می‌شود که این مشکل نیز با اعمال توزیع واقعی سیم پیچها مرتفع شده است. توضیح آنکه، ساده سازی مدل، باعث جهش‌های پله‌ای در اندوکتانس‌های متقابل، نوسانات گشتاور خصوصاً در حالت گذرا و در نتیجه خطای سرعت بددست آمده از شبیه سازی می‌شود. از آنجا که الگوریتم ژنتیک در پیش‌نیازی این برابری حاصل نخواهد شد. لذا بهترین تخمین برای پارامترها، تخمینی است که مجموع مربعات خطای برای  $n$  زوج  $\bar{Y}_{si}, \bar{X}_{ci}$  حداقل نماید و عبارت دیگر تابع معیار (۳۲) را مانکریم کند.

ثالثاً، استفاده از شرائط متعارف برای اجرای الگوریتم و نیز نحوه کار عملگرها بصورت متعارف امکان‌پذیر نبوده و همگرائی حاصل نمی‌شود. در ادامه به روند استنتاج تغییرات و تمهدیات لازم که منجر به همگرائی تضمین شده و در مدت قابل قبول شده است می‌پردازیم.

الگوریتم ژنتیک در فرم استاندارد، نوعاً با جمعیت ۵۰ الی ۱۰۰ نفری و با احتمال تزویج ( $P_c$ ) بزرگ و احتمال جهش ( $P_m$ ) بسیار کوچک اجرا می‌شود. چنین جمعیتی با ۲۰۰۰ بار تکرار الگوریتم و با زمان یک ثانیه برای هر بار شبیه سازی، نیازمند متتجاوز از ۳۰ ساعت زمان اجرا می‌باشد که عملاً غیر قابل قبول می‌باشد. لذا الگوریتم ابتدا با جمعیت ۱۰ نفری و احتمال تزویج  $P_c=0.75$  و  $P_m=0.01$  در جهش محدوده‌های، تعداد جمعیت بین ۱۰ الی ۰.۸۵، ۰.۲۰ و ۰.۰۱، مورد آزمایش قرار گرفت که در هیچ‌یک از موارد همگرائی قابل قبول حاصل نگردید.

بمنظور رسیدن به همگرائی تضمین شده و در زمان اجرای قابل قبول، روند عملکرد الگوریتم، در طی اجرای مراحل مختلف الگوریتم و تحت شرائط مختلف، مورد نظرات و ارزیابی قرار گرفته و از مشاهدات، استنتاجات ذیل بعمل آمد:

- افزایش احتمال جهش، به افزایش سرعت همگرائی الگوریتم کمک می‌نماید.

- افزایش احتمال تزویج منجر به همشکل شدن جمعیت شده و الگوریتم کار آبی خود را که تکیه بر جمعیت دارد، از دست می‌دهد.

$$\bar{P} = (g, I_a, I_b, r_e, r_b, r_{sa}, r_{sb}, r_{sc}, k_{sl}, J, T_l, T_c, k_1, k_2) \quad (32)$$

در پارامترهای بیان شده اندوکتانس نشتی هر فاز بصورت درصدی از اندوکتانس خودی یعنی  $k_{sl} \times L_{msx}$  فرض شده، و  $k_{sl}$  به عنوان پارامتر در نظر گرفته شده است.

پاسخ مدل شبیه سازی شده به  $\bar{X}_e$  را  $\bar{Y}_{si} = (I_a^s, I_b^s, I_c^s, \omega_r^s)$  می‌نامیم. هدف از شناسائی پارامترها بددست آوردن  $\bar{P}$  به گونه‌ای است که به ازای هر  $\bar{X}_e$ ،  $\bar{Y}_{si} = \bar{Y}_{ci}$  شود.

با توجه به وجود نویز، خطاهای عددی در شبیه سازی مدل و نیز خطاهای دستگاههای اندازه گیری، در عمل هیچ‌گاه این برابری حاصل نخواهد شد. لذا بهترین تخمین برای پارامترها، تخمینی است که مجموع مربعات خطای برای  $n$  زوج  $\bar{Y}_{si}, \bar{X}_{ci}$  حداقل نماید و عبارت دیگر تابع معیار (۳۲) را مانکریم کند.

$$Fit = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n ((I_{ai}^e - I_{ai}^s)^2 + (I_{bi}^e - I_{bi}^s)^2 + (I_{ci}^e - I_{ci}^s)^2 + k_w \times (\omega_r^e - \omega_r^s)^2) \quad (32)$$

برای آنکه خطاهای مولفه‌ها در رابطه (۳۲) سهم یکسانی داشته باشند، ضریب  $k_w$  به خطای سرعت اعمال شده است. این ضریب متناسب با نسبت دامنه جریان به سرعت موتور انتخاب می‌شود، که برای موتور مورد آزمایش ۰/۱ انتخاب شده است.

بدین ترتیب مسئله شناسائی پارامترها به یک مسئله بهینه سازی تبدیل شده و با الگوریتم ژنتیک قابل حل می‌شود.

## ۲- نکات اجرائی در پیاده سازی الگوریتم ژنتیک

الگوریتم ژنتیک برای حل مسئله شناسائی پارامترهای مدل تابع سیم پیچ به سادگی قابل استفاده نمی‌باشد. در این بخش نکات اجرائی و تمهدیاتی که پیاده سازی را ممکن نموده است مورد بحث قرار می‌گیرد.

اولاً زمان شبیه سازی، نقش تعیین کننده‌ای را در بکارگیری الگوریتم ژنتیک بازی می‌کند. برای رسیدن به همگرائی چند هزار بار تکرار الگوریتم و چند ده هزار بار شبیه سازی متعارف می‌باشد. شبیه سازی رفتار موتور بر اساس مدل تابع سیم پیچ نوعاً زمان بر بوده و گزارش‌ها حکایت از آن دارد که با پردازشگرهای رایج و برای شبیه سازی حدود یک ثانیه از عملکرد موتور، متتجاوز از

## کاهش محدوده تغییرات تصادفی عملگر جهش

از آنجاییکه افزایش تابع معیار به منزله نزدیکتر شدن به نقطه هدف می باشد، بهتر است با رشد مقدار تابع معیار، تغییرات تصادفی پارامترها کمتر شود. بعبارت دیگر اگر محدوده تغییرات تصادفی برای هر پارامتر با ضریبی کاهش داده شود جستجوی دقیق تری صورت میپذیرد. انتخاب ضریب به صور مختلف امکان پذیر میباشد. در اجرای الگوریتم مورد بحث، تابع  $f_k$  طبق رابطه (۳۳) تعریف و بکار گرفته شده است.

$$f_k = \frac{1}{k_f \times \text{fit}}, k_f = \frac{10}{\text{fit}_{\max}} \quad (33)$$

بدین ترتیب تغییرات تصادفی اعمالی به هر پارامتر انتخاب شده در عملگر جهش از رابطه (۳۴) بدست میآید.

$$\text{rand}(-f_k \times \frac{X_{\max}}{2}, f_k \times \frac{X_{\max}}{2}) \quad (34)$$

رابطه (۳۳) نشان میدهد که در مراحل پایانی، محدوده مورد جستجو برای هر پارامتر به حدود ۱٪ محدوده اولیه کاهش می یابد.

### تزریق بهترین فرد نسل قدیم

با افزایش احتمال اعمال عملگر جهش به طریق ذکر شده، ملاحظه شد که در برخی حالتها، بدلیل تغییرات تصادفی زیاد، جمعیت جدید ویژگیهای نسل قبل را از دست میدهد. بمنظور جلوگیری از این اتفاق در هر مرحله از تکرار الگوریتم و پس از اجرای عملگرهای تزویج و جهش، بهترین فرد نسل قدیم جایگزین بدترین فرد نسل جدید میشود. بدین ترتیب انحراف نسل اتفاق نمیافتد و حفظ خصوصیات در نسل بعدی تضمین میشود.

### ۳- بستر و نتایج آزمایشگاهی

#### الف - بستر آزمایشگاهی

برای انجام آزمایش و ارزیابی روش پیشنهادی، از سیستم نشان داده شده در شکل (۳) استفاده شده است. در این سیستم امکان نمونه برداری از ورودیها و خروجیهای مورد نظر و تحت شرایط مختلف ولتاژ و بار به سادگی فراهم است.

موتور القائی مورد آزمایش، موتوری دو قطبی با قدرت

- افزایش جمعت به آن اندازه که باز محاسباتی را افزایش میدهد، تاثیری در افزایش سرعت همگرائی ندارد و در مجموع از نظر زمانی الگوریتم را کند میکند.

با تکیه بر این نتایج، تغییرات و تمهدات زیر بعمل آمده و بکار بسته شد:

- جمعیت ۵ نفری انتخاب شد.

- احتمال تزویج  $P_e = 0.25$  انتخاب شد.

- جهش بصورت چند گانه و دسته بنده شده که آنرا جهش خانوادگی می نامیم، با احتمال  $P_m = 0.75$  اعمال شد.

- محدوده تغییرات تصادفی عملگر جهش مناسب با افزایش تابع معیار کاهش داده شد.

- تزریق بهترین فرد هر نسل به جمعیت نسل بعدی، با جایگزینی آن فرد به جای بدترین فرد، انجام شد.

پس از اعمال این تغییرات، عملکرد الگوریتم بطور مکرر و با استفاده از داده های حاصل از آزمایش های مختلف، مورد ارزیابی قرار گرفت. در کلیه موارد همگرائی حاصل شد و در بدترین حالت با حدود ۲۰۰۰ بار تکرار و زمان اجرای حدود ۳ ساعت، پارامترها شناسایی شدند. از آنجاییکه سه مورد آخر از تمهدات انجام شده، بیشترین تاثیر را در افزایش سرعت همگرائی داشته اند، توضیح مختصری در مورد هر یک ارائه میشود.

### جهش خانوادگی

ارزیابی های اولیه الگوریتم نشان داد که افزایش احتمال جهش در یک پارامتر، سرعت همگرائی را افزایش میدهد که حد آن با  $P_m = 1$  حاصل میشود. در ادامه این روند، اثر جهش چند گانه با  $P_m$  بالا و برای کلیه پارامترها بررسی شد. نتیجه بدست آمده، بهبود چشمگیری را نشان نمیدارد که میتواند ناشی از تصادفی شدن بیش از حد فرآیند باشد. نهایتا جهش خانوادگی بعنوان روشی معتقد انتخاب و اعمال گردید، که سرعت همگرائی را بطور قابل ملاحظه ای افزایش داد. در این روش پارامترهای هر کروموزوم به چهار خانواده، با مفاهیم فیزیکی نزدیک به هم تقسیم شدند، که عبارتند از:

$g -$

$I_a, I_b, k_{sl} -$

$r_e, r_b, r_{sa}, r_{sb}, r_{sc} -$

$J, T_l, T_c, k_1, k_2 -$

برای اجرای عملگر جهش خانوادگی، هر خانواده با احتمال  $P_m$  برای اجرای عملگر جهش خانوادگی انتخاب و سپس به یکی از اعضاء خانواده که بصورت تصادفی انتخاب می شود، تغییر تصادفی اعمال گردید.

اثر دارند؟ ثانیاً اینکه، آیا الگوریتم پیشنهادی نسبت به داده‌های حاصل از آزمایش حساس نمی‌باشد؟ بعبارت دیگر آیا با تغییر شرائط آزمایش، باز هم همگرایی حاصل می‌شود؟ و برای یک موتور واحد، مجموعه یکسانی از پارامترها شناسایی می‌شوند؟ ثالثاً و از همه مهمتر اینکه، پارامترهایی که بدین طریق برای یک موتور سالم بدست می‌آیند آیا برای شبیه سازی همان موتور، تحت خطا قابل استفاده هستند؟ و نتیجه شبیه سازی با واقعیت تا چه حد تطابق دارد؟ سؤال سوم از آنرو مهم است که قرار است مدل برای مطالعه رفتار موتور تحت شرائط غیر متعارف چون بروز خطا استفاده شود، که امکان بررسی تحریک آن وجود نداشته و یا بسیار مشکل است. در ادامه، این سؤالات در سه قسمت مجزا، پاسخ داده می‌شوند.

## دقت روشن و مقایسه نتایج با مقادیر بدست آمده از فرمولهای تقریبی

ستون اول از جدول(۲) مقادیر پارامترهای موتور را که از روابط تقریبی بدست آمده اند نشان میدهد. محاسبه اندوکتانس‌های نشتی میله‌های روتور با استفاده از روابط الکترومغناطیس حاکم و با فرض چگالی جریان یکنواخت در میله‌ها و خطوط شار عمودی، انجام شده است. البته روابط تا حد امکان ساده شده اند تا محاسبه امکان‌پذیر گردد. مقاومت میله‌ها نیز با استفاده از سطح مقطع و طول آنها و مقاومت مخصوص آلومینیوم و با صرف نظر نمودن از اثر پوستی محاسبه شده است. اندوکتانس نشتی هر فاز استاتور ۳٪ اندوکتانس خودی آن فرض شده و مقاومت فازهای استاتور با اهم متر اندازه گیری شده اند. فاصله هوایی متوسط با عامل ضریب  $1/2$  به فاصله هوایی فیزیکی حاصل شده است. پارامترهای مکانیکی موتور با آزمایش دیگری که پارامترهای مدل dq موتور را شناسایی می‌نماید، شناسایی شده اند.

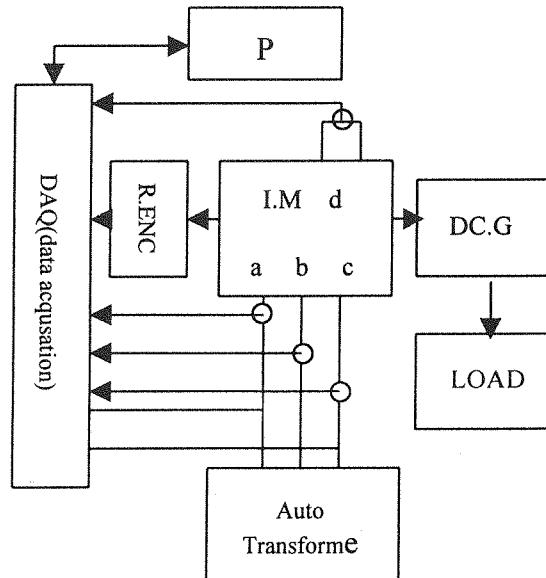
ستون دوم از جدول(۲)، پارامترهای شناسایی شده توسط الگوریتم پیشنهادی را نشان میدهد. داده‌های مورد استفاده الگوریتم، توسط سیستم شکل(۳) جمع آوری شده‌اند و شرائط آزمایش مربوطه یعنی ولتاژها و بار، در سطر اول جدول (۱) آمده است. همگرایی پس از ۲۰۰ بار تکرار الگوریتم حاصل شده است.

مقایسه ستون اول و دوم از جدول(۲) اختلاف بین مقادیر شناسایی شده و بدست آمده از روابط تقریبی را تا حد ۱۰۰٪ نشان میدهد. اثر این اختلاف بر شکل موج جریان فاز a استاتور و سرعت موتور در شکل (۴) و (۵) نشان داده شده است. شکل (۴) نتایج آزمایش و شبیه سازی با پارامترهای محاسبه شده را نشان میدهد. شکل

۱ HP و ولتاژ نامی ۳۸۰ ولت می‌باشد که با سیم پیچی خاص، امکان ایجاد خطای دور به دور نیز در آن فراهم شده است که پارامترهای آن عبارتند از:

$$\begin{aligned} V_{L-L} &= 380 \text{ volt}, I_{sl} = 2 \text{ A}, N_r = 2775 \text{ rpm} \\ R_s &= 8.2 \Omega, R'_s = 7.2 \Omega \\ X_{ls} &= 0.023 \text{ H}, X'_{ls} = 0.027 \text{ H}, X_{ms} = 0.337 \text{ H} \\ N_s &= 24 \text{ (stator slot)}, N_r = 18 \text{ (rotor slot)} \end{aligned}$$

موتور مورد استفاده در هر فاز دارای چهار کلاف متعدد مرکز ۹۰ دوری با اتصال ستاره می‌باشد. نمونه برداری از ورودیها و خروجی‌های آزمایشی، بصورت ده بیتی و با فرکانس KHZ ۵ توسط کارت DAQ و توسط PC صورت می‌پذیرد. نمونه برداری برای مدت کوتاهی در حدود یک ثانیه از ابتدای راه اندازی تا ثبیت سرعت موتور در سرعت نامی صورت می‌پذیرد و حدود ۵۰۰۰ نمونه ثبت می‌گردد.

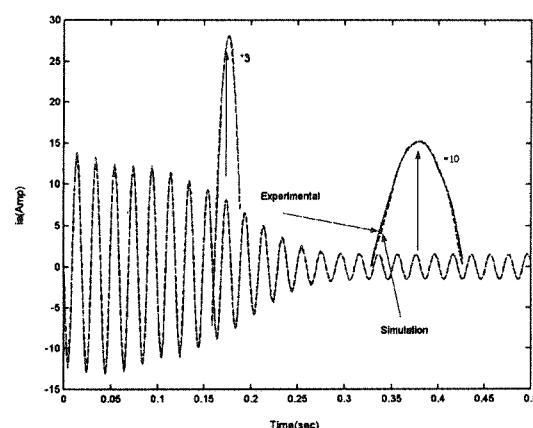


شکل(۳) بستر آزمایشگاهی مورد استفاده در انجام آزمایشها

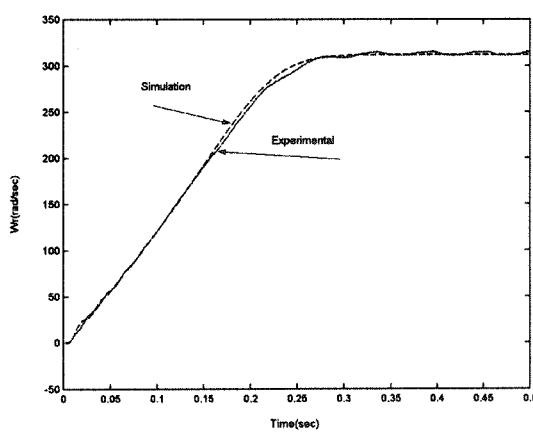
نمونه‌های ثبت شده، پیش از اعمال به الگوریتم ژنتیک از یک فیلتر میان گذر با فاز صفر عبور داده می‌شوند، تا اثر نویز سوئیچینگ منبع تغذیه کامپیوتر و نیز آفست DC ناشی از ویژگی سنسورهای بکار رفته، حذف شوند.

### ب - نتایج آزمایش و ارزیابی الگوریتم

در این قسمت، برای ارزیابی روش پیشنهادی، به سه سؤال مهم پاسخ داده می‌شود. اولاً اینکه تفاوت مقدار بدست آمده برای پارامترها، از طریق شناسایی و از طریق روابط تقریبی، تا چه حد بر تطابق نتایج شبیه سازی و آزمایشی



الف - جریان فاز a استاتور (بدلیل تطابق کامل، اختلاف دو منحنی حتی با بزرگنمایی ۱۰ برابر نیز مشهود نمی باشد.)



ب - سرعت موتور

شکل(۵) مقایسه نتایج شبیه سازی با پارامترهای شناسائی شده و نتایج آزمایش عملی برای جریان فاز a استاتور و سرعت موتور.

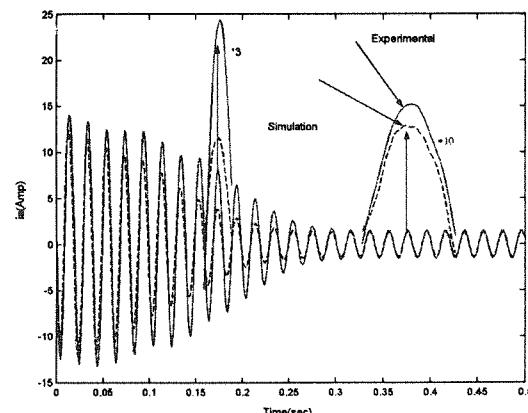
### عدم حساسیت روش پیشنهادی به ولتاژ و بار، در انجام آزمایش، برای جمع آوری داده های مورد نیاز الگوریتم

برای نشان دادن عدم حساسیت روش به شرائط آزمایش، موتور مورد مطالعه با ولتاژها و بارهای مختلف مورد آزمایش قرار گرفت. الگوریتم ژنتیک نیز برای داده های بدست آمده از هر یک از آزمایشها، بطور جداگانه اجرا شد. در کلیه موارد همگرایی با حداقل ۲۰۰۰ بار تکرار حاصل شد. شرائط چهار نمونه از آزمایشها در جدول (۱) آمده است. پارامترهای بدست آمده از این چهار آزمایش نیز در ستونهای ۲ الی ۵ جدول (۲) ارائه شده اند. همانطور که ملاحظه می شود، پارامترهای بدست آمده از آزمایشها مختلف، حد اکثر ۵٪ اختلاف دارند.

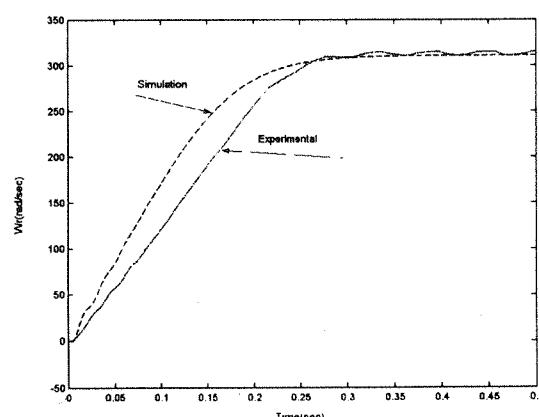
(۵) نتایج آزمایش و شبیه سازی با پارامترهای شناسائی شده و تطابق بمراتب بهتر آنها را بنمایش میگذارد. اختلاف دامنه جریانهای حاصل از آزمایش و شبیه سازی با پارامترهای محاسبه شده از روابط تقریبی، بیش از ۱۵٪ است در حالیکه این اختلاف برای جریانهای حاصل از آزمایش و شبیه سازی با پارامترهای شناسائی شده، کمتر از ۲٪ می باشد.

جدول(۱) شرائط ولتاژ خطوط و بار در انجام آزمایشها.

	$V_{ab}$ (volt)	$V_{ab}$ (volt)	$T_1$
آزمایش اول	378	381	0
آزمایش دوم	379	378	0
آزمایش سوم	374	375	$T_n^{\prime \prime}$
آزمایش چهارم	377	377	$T_n^{\prime \prime}$



الف - جریان فاز a استاتور



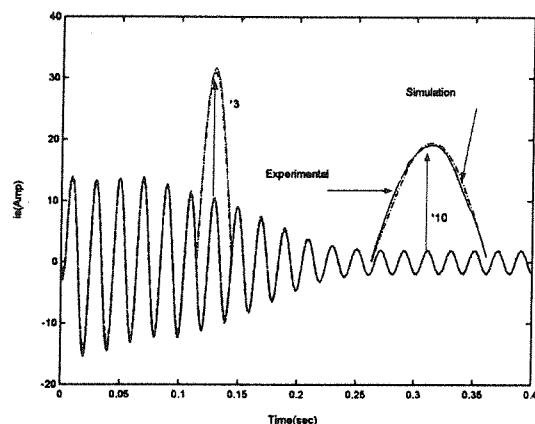
ب - سرعت موتور

شکل(۴) مقایسه نتایج شبیه سازی با پارامترهای محاسبه شده و نتایج آزمایش عملی برای جریان فاز a استاتور و سرعت موتور.

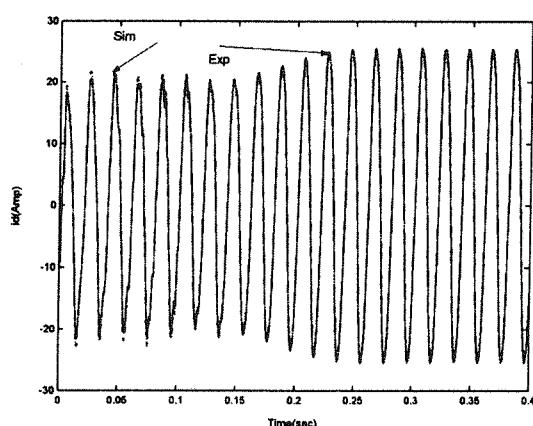
جدول (۲) پارامترهای محاسبه و شناسائی  
شده برای موتور مورد آزمایش

نام پارامتر	پارامترهای محاسبه	پارامترهای شناسائی	پارامترهای شناسائی	پارامترهای شناسائی	پارامترهای شناسائی
$g$	0.75e-3	1.09e-3	1.11e-3	1.17e-3	1.15e-3
$I_e$	8.42e-9	1.73e-8	1.77e-8	1.79e-8	1.68e-8
$I_b$	6.98e-8	1.72e-7	1.77e-7	1.78e-7	1.75e-7
$r_e$	5.17e-6	4.05e-6	3.95e-6	3.90e-6	3.81e-6
$r_b$	5.34e-5	2.83e-5	2.55e-5	2.70e-5	2.73e-5
$r_{sa}$	7.3	7.43	7.41	7.23	7.11
$r_{sb}$	7.3	7.39	7.21	7.15	6.98
$r_{sc}$	7.48	7.55	7.35	7.25	7.69
$K_{sl}$	0.03	0.0691	0.0662	0.0699	0.0687
$T_1$	0.05	0.05	0.05	0.63	1.93
$J$	2.30e-3	2.32e-3	2.29e-3	16.0e-3	16.2e-3
$K_1$	1.58e-3	1.64e-6	1.6e-6	3.83e-6	5.83e-6
$K_2$	1.50e-6	1.51e-6	1.52e-6	3.79e-6	5.91e-6

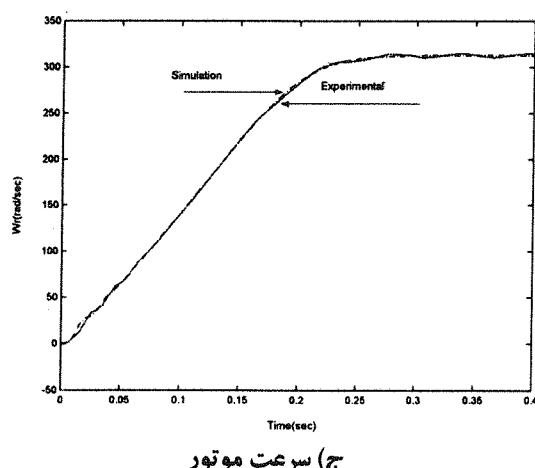
\* بدلیل سیم پیچی خاص موتور و امکان ایجاد خطأ، مقاومت فاز a بیشتر از دو فاز دیگر است و تفاوت شدید مقادیر  $J$ ,  $k_1$ ,  $k_2$  در ستونهای دوم و سوم بدلیل اضافه شدن زنراتور برای بارگذاری موتور می باشد.



الف) جریان فاز a استاتور(بدلیل تطابق کامل، اختلاف منحنی ها با بزرگنمایی نیز چندان مشهود نمی باشد.)



ب) جریان حلقه های اتصال کوتاه (اختلاف پیک دو جریان، در حد ۴٪ می باشد)



ج) سرعت موتور

شکل (۶) مقایسه نتایج شبیه سازی با پارامترهای شناسائی شده با نتایج آزمایش، برای جریان فاز a استاتور، جریان حلقه های اتصال کوتاه و سرعت موتور با وجود خطای دور به دور ۵ دوری.

## استفاده از پارامترهای موتور سالم برای شبیه سازی خطای دور به دور

در این قسمت ارزش اصلی مدل تابع سیم پیچ و الگوریتم پیشنهادی، نشان داده می شود. در واقع نمونه ای ارائه می شود که نشان میدهد چگونه میتوان با استفاده از پارامترهای موتور سالم، رفتار موتور را با فرض وقوع انواع خطای دور به دور با دقت بالایی مطالعه نمود.

خطای موتور مطالعه در اینجا، خطای دور به دور استاتور انتخاب شده است. این انتخاب از آنرو است که، موتور مورد آزمایش بگونه ای سیم پیچی شده است که امکان ایجاد خطای مصنوعی دور به دور در آن و جمع آوری داده های تجربی و مقایسه آنها با نتایج شبیه سازی فراهم بوده است. لذا با استفاده از پارامترهای بدست آمده برای موتور سالم، مدل تابع سیم پیچ، با لحاظ نمودن خطای دور به دور ساخته و شبیه سازی انجام شد. همچنین داده های تجربی، با ایجاد خطای دور به دور، از موتور مورد آزمایش جمع آوری شد. اینکار برای دورهای متفاوت تکرار و در همه موارد تطبیق نتایج شبیه سازی و نتایج آزمایش مشاهده شد. شکل (۶) نمونه ای از نتایج آزمایش و شبیه سازی را برای جریان فاز a استاتور، جریان اتصال کوتاه و سرعت موتور با ۵ دور خطای دور به دور نشان میدهد، که حکایت از دقت کافی شبیه سازی دارند.

## ع- نتیجه گیری

پارامترها را شناسائی میکند. دقت پارامترهای بدست آمده از این روش و عدم حساسیت آن به شرایط آزمایش مورد نیاز، نشان داده شده است.

همچنین به عنوان نمونه ای از کار آئی مدل و روش پیشنهادی، شبیه سازی رفتار موتور تحت خطا دور به دور در استاتور، با استفاده از مدل تابع سیم پیچ و پارامترهای بدست آمده از موتور سالم، انجام شده و تطابق نتایج شبیه سازی با نتایج آزمایش نشان داده شده است.

با توجه به اینکه الگوریتم ژنتیک دهها هزار بار شبیه سازی را می طلبد و با توجه به اینکه شبیه سازی با مدل تابع سیم پیچ بطور نسبی زمان بر است، پیاده سازی الگوریتم بسادگی و در زمان معقول میسر نبوده و تمہیدات انجام شده برای اجرائی شدن آن از دیگر مطالبی است که مورد بحث قرار گرفته است.

در این مقاله روشی مبتنی بر الگوریتم ژنتیک، برای شناسائی پارامترهای مدل تابع سیم پیچ ارائه شده است. اهمیت مدل تابع سیم پیچ در مطالعه رفتار موتور القائی، تحت شرایط غیر متعارف، مثلا بروز انواع خطاها روتور و استاتور و خطاها مکانیکی مانند ناهم محوری روتور میباشد. روش مرسوم در تعیین پارامترهای مدل، استفاده از روابط تقریبی و احياناً اصلاحاتی مبتنی بر تجربه و سعی و خطا می باشد. با این روش تضمینی برای تطابق کامل نتایج شبیه سازی و نتایج آزمایش وجود ندارد. لذا این روش در کاربردهایی که دقت بالائی را می طلبند، کار آئی ندارد. روش پیشنهادی، شناسائی دقیق پارامترهای مدل تابع سیم پیچ هر موتور القائی دلخواه را میسر میکند. در این روش، یک آزمایش ساده بر روی موتور سالم انجام شده و داده های تجربی لازم جمع آوری می شود. سپس الگوریتم ژنتیکی با کدینگ حقیقی با استفاده از این داده ها،

## مراجع

- [1] Xiaogang Luo, Yuefeng Liao, Hamid A.Toliyat, "Multiple coupled circuit modeling of induction machines", IEEE Trans on Industry Applications, Vol.31, No.2, pp.311-318, April 1995
- [2] Hamid A.Toliyat ,Thomas A.Lipo,"Transient analysis of cage induction machines under stator, rotor bar and enf ring faults", IEEE Trans on Energy Conversion,Vol.10, No.2, pp.241-247, June 1995
- [3] D.E.Goldberg," Genetic algorithms in search,optimization, and machine learning. " Addison-Wesley,1989.
- [4] Pragasen Pillay,Ray Nolan,"Application of genetic algorithm to motor parameter determination for transient torque calculation" IEEE Trans on Industry Applications,Vol.33, No.5, pp.1273-1282, Sept 1997