

# گسترش وظیفه کیفیت در محیط فازی

داود جعفری  
دانشجوی کارشناسی ارشد

رسول نورالسنا  
دانشیار

دانشکده مهندسی صنایع، دانشگاه علم و صنعت ایران

## چکیده

امروزه کیفیت یکی از عوامل مهم در یک محصول / خدمت بشمار می آید که ارتباط مستقیم با میزان رضایت مشتری داشته و دارد، لذا بنگاهها و تولید کنندگان سعی در ارتقاء کیفیت محصولات و خدمات خود دارند تا از این طریق سطح رضایت مشتریان خود را ارتقا، بخشند. در این راستا دیدگاههای گوناگونی مطرح و توسعه داده شده است. یکی از این دیدگاهها گسترش وظیفه کیفیت QFD می باشد که در صنایع جهانی به طور گسترده معرفی و به کار برده می شود. در این دیدگاه نظرات و نیازمندیهای مشتریان دریافت و با استفاده از ابزارهای گوناگون آنها را به نیازمندیهای تولید و عملیات تبدیل می کند. از آنجائیکه نیازمندیها و خواسته های مشتری غالباً بصورت نادقیق و نامعلوم بیان شده اند در این مقاله سعی می گردد که فرایند QFD در محیط فازی توسعه داده و راهکاری مفید در این محیط (فازی) برای پیشبرد اهداف QFD ارائه شود.

## کلمات کلیدی

گسترش وظیفه کیفیت، تصمیم گیری چند معیاره، تئوری فازی، منطق فازی، صدای مشتری

## Quality Function Deployment in Fuzzy Environment

R. Noorossana  
Associate Professor  
Industrial Engineering Department  
Iran University of Science and Technology

D. Jafari  
Graduate Student  
Industrial Engineering Department  
Iran University of Science and Technology

## Abstract

*Quality is an important aspect of a product or service that directly affects the customer satisfaction level. This is why organizations are after different methods and tools that can help them to improve the quality of products or services they offer to their customers. Quality function deployment (QFD) is a cross-functional planning tool that translates the customers' needs into detailed requirements at each stage of product development and product cycle. The basic idea of QFD is to translate the desire of the customer into design or engineering characteristics of a product and, subsequently, into the parts characteristics, the process plans, and the production requirements associated with the manufacturing of product. This paper discusses the use of fuzzy methodology to model the needs of the customers when they state their needs in fuzzy terminology. An example is provided which illustrates the application of the proposed method.*

## Keywords

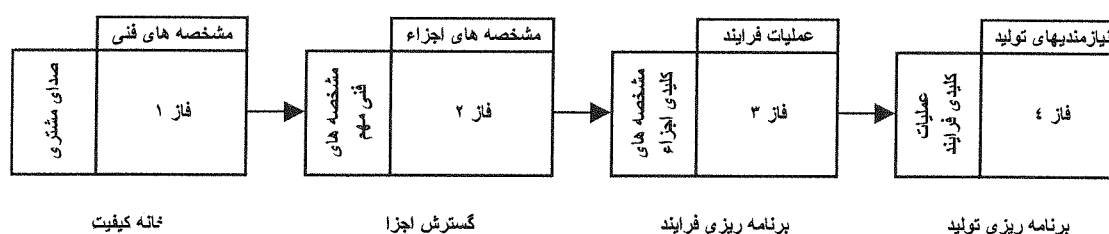
*Quality function deployment, Voice of the customer, Fuzzy logic, House of quality, Fuzzy set theory.*

گسترش وظیفه کیفیت روشی است برای طراحی نظرات مشتری در محصول که این خود نیازمند ایجاد تغییراتی در مراحل مختلف فرایند تولید و برنامه‌های نظارتی آن می‌باشد. به عبارت دیگر در این روش سعی بر آن است که محصول/خدمت فقط بر اساس نظر مهندسان تولید نگردد [۲]. در این دیدگاه (QFD) طی یک فرایند سیستماتیک با اعتقاد کامل به رضای نیازها و خواسته‌های مشتری اقدام به جمع آوری خواسته‌ها که اصطلاحاً صدای مشتری ۲ نامیده می‌شود کرده و این خواسته‌ها را به مشخصات کیفی تبدیل و ترجمه می‌کند و سپس طی سلسله عملیات محاسباتی ماتریس پارامترهایی که در دستیابی به آن خواسته‌ها مهم‌تر می‌باشند را برجسته و با استفاده از این پارامترها، نیازمندیهای عملیاتی و فرایند دستیابی دقیق به آن خواسته‌ها را طراحی می‌کند و این یعنی ارتقاء کیفیت [۱۶].

مفاهیم اولیه دیدگاه گسترش وظیفه کیفیت در سال ۱۹۶۶ در ژاپن توسط یوجی اکائو از دانشگاه تاماگاواای ژاپن به صنایع تولیدی و خدماتی ارائه و به طور مقدماتی و ابتدائی در کارخانه بریجستون پیاده شد. گسترش و رشد مفاهیم نظری QFD و استقرار عملی آن در صنایع ژاپن ادامه یافت و در سال ۱۹۸۰ با اعطای جایزه دمینگ به شرکت کایابا به خاطر استفاده مناسب از روش QFD به اوج خود رسید. QFD با آموزش تعدادی از مدیران تضمین کیفیت شرکت‌های امریکایی توسط اکائو در ۱۹۸۶ به صنایع امریکا نیز راه پیدا کرد. [۲].

این یک واقعیت است که امروزه بیش از صدها شرکت تولید کننده وسایل الکترونیکی، اسباب بازی، پوشاک و غیره از QFD در صنایع خود استفاده می‌کنند. [۵]

QFD به گونه‌های مختلفی ارائه گردیده است که معروفترین این مدلها روش چهار ماتریسی است که به ASI نیز خوانده می‌شود و این مدل همانگونه که از اسم آن پیداست شامل چهار ماتریس می‌باشد. شکل (۱) ماتریسهای مدل چهار ماتریسی را نشان می‌دهد.



شکل (۱) مراحل مختلف مدل چهار ماتریسی.

به طور خلاصه این چهار مرحله عبارتند از. [۱۳]

#### فاز ۱- برنامه ریزی محصول (خانه کیفیت - HOQ)

در این مرحله به شناسایی خواسته‌های مشتری (WHAT's) شناسائی و تبدیل این خواسته‌ها به مشخصه‌های فنی (HOW's) که تحت عنوان معیارهای عملکرد سیستم معرفی می‌شوند، پرداخته می‌شود.

#### فاز ۲- گسترش اجزاء.

در این مرحله مشخصه‌های فنی کلیدی (WHAT's) که از مرحله قبل تعیین شده به مشخصه اجزا (HOW's) تبدیل می‌شوند.

#### فاز ۳- برنامه ریزی فرآیند

در این فاز مشخصه‌های کلیدی اجزا (WHAT's) که از مرحله قبل تعیین شده به فرآیندهای تولید (HOW's) تبدیل می‌شود.

#### فاز ۴- برنامه ریزی تولید

در این فاز فرآیندهای کلیدی تولید (WHAT's) که از مرحله قبل تعیین شده به پارامترها و نیازمندیهای تولید (HOW's) تبدیل می‌شوند.

در تمام مراحل فوق از ماتریسهایی استفاده می‌شود که در اغلب مراحل مشابه به هم می‌باشند. لذا در اینجا به طور مختصر

خانه کیفیت را تشریح می‌کنیم که از جامع‌ترین مراحل است تشریح می‌گردد و مراحل بعدی نیز تقریباً شبیه این مرحله می‌باشد.

## ۲- خانه کیفیت (HOQ) و تکنیک محاسباتی آن در شرایط قطعی

اولین مرحله در روش چهار مرحله‌ای QFD، برنامه‌ریزی محصول است که پایه و اساس QFD را تشکیل می‌دهد. ابزاری که برای اینکار استفاده می‌شود اصطلاحاً خانه کیفیت نامیده می‌شود که خود از تکنیکهای متفاوتی نظیر الگو برداری، نمودار خویشاوندی، نمودار درختی و غیره کمک می‌گردد.

یک خانه کیفیت دارای قسمت‌های مختلفی است که طی مراحل زیر می‌توان آن را تکمیل نمود. [۱۶]

### ۲-۱ لیست کردن خواسته‌های مشتری یا کیفیت خواسته شده (WHAT'S)

QFD با یک لیست از اهداف / مقاصد شروع می‌شود که این لیست اغلب به WHAT'S که احتیاجات و انتظارات مشتری از محصول می‌باشد، اشاره دارد.

### ۲-۲ لیست کردن توصیف کننده‌های فنی (HOW'S)

بعد از اینکه نیازها خواسته شده مشتری مشخص گردید، تیم QFD باید مشخصه‌های فنی و مهندسی (HOW'S) که می‌توانند بر یک یا بیشتر از این نیازمندیهای مشتری تأثیر گذارد را استخراج کنند.

### ۲-۳ توسعه یک ماتریس ارتباط بین خواسته‌های مشتری (WHAT'S) و مشخصه‌های فنی (HOW'S)

در گام بعدی خانه کیفیت میزان ارتباط و تأثیر گذاری مشخصه‌های فنی بر نیازمندیها و خواسته‌های مشتری تعیین می‌شود. این کار توسط تیم QFD انجام می‌شود. در این راستا، برای تقویت سطح ارتباط، از نمادهایی به صورت زیر استفاده می‌گردد.

● = وجود یک ارتباط قوی.

○ = وجود یک ارتباط متوسط.

△ = وجود یک ارتباط ضعیف.

هر یک از این نمادها با استفاده از یک مقیاس فاصله‌ای مانند (۹-۳-۱) کمی شده تا بتوان از آنها در محاسبات استفاده کرد. لازم به ذکر است که در مکانهایی که نمادی وجود ندارد وزن در نظر گرفته برابر صفر خواهد بود.

### ۲-۱ توسعه یک ماتریس ارتباط درونی بین مشخصه‌های فنی (HOW'S)

بام خانه کیفیت که ماتریس همبستگی نامیده می‌شود برای تعریف نوع ارتباط درونی بین مشخصه‌های فنی استفاده می‌شود.

نمادهای زیر با استفاده از مقادیر کمی معادل می‌توانند جهت تعیین نوع همبستگی بین مشخصه‌های فنی استفاده شوند:

● : وجود یک ارتباط مثبت قوی = +۹

○ : وجود یک ارتباط مثبت = +۳

X : وجود یک ارتباط منفی = -۳

★ : وجود یک ارتباط منفی قوی = -۹

### ۲-۱ ارزیابی رقبا

ارزیابی از دو دیدگاه با استفاده از روشهای مختلف الگو برداری مطرح می‌شود. ابتدا ارزیابی رقبا از نظر مشتری را در نظر

بگیرید. در این نوع یک ارزیابی از جایگاه محصولات سازمان در رابطه با رقبای مهم به ازای هر خواسته مشتری می‌باشد. و دوم ارزیابی رقبا از نظر فنی و تکنیکی که یک ارزیابی از توانایی‌های فنی سازمان در مقایسه با رقبای مهم دیگر به ازای هر مشخصه فنی ارائه می‌کند.

## ۲- توسعه اولویت بندی خواسته‌های مشتری

در این قسمت با توجه به اهمیت خواسته‌های گرفته شده از مشتری، مقدار ارزش هدف تعیین شده و فاکتور نسبت بهبود به ازای هر خواسته مشتری وزن و اهمیت هر خواسته به صورت زیر محاسبه می‌شود.

$$\begin{pmatrix} \text{وزن خواسته} \\ \text{مشتری} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \text{اهمیت از نظر} \\ \text{مشتری} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \text{فاکتور نسبت بهبود} \\ \text{خواسته مورد نظر} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \text{نقطه فروش} \\ \text{خواسته مورد نظر} \end{pmatrix}$$

### ۱-۲ توسعه اولویت بندی مشخصه‌های فنی

در این قسمت لازم است یک اولویت‌بندی از مشخصه‌های فنی داشته باشیم، تا بتوانیم مشخصه‌های فنی کلیدی را تعیین کنیم و آنها را انتخاب کرده تا به مرحله دوم فرآیند QFD ارسال شوند. برای نشان دادن میزان اهمیت هر مشخصه فنی مقدار امتیاز برای هر یک بصورت زیر محاسبه می‌شود.

$$j=1,2,\dots,n \quad a_j = \sum_{i=1}^m R_{ij} \cdot C_i$$

جائیکه:

$a_j$ : بردار سطری اوزان و امتیاز محاسبه شده برای مشخصه‌های فنی.

$R_{ij}$ : میزان ارتباط عددی بین مشخصه فنی  $j$ ام و خواسته  $i$ ام مشتری.

$C_i$ : بردار ستونی اوزان مطلق محاسبه شده برای مشخصه‌های فنی:

شکل ۲ یک خانه کیفیت را نشان می‌دهد که دارای ۴ مشخصه فنی (Technical Characteristic) و ۵ خواسته مشتری (Customer Attribute) است. که به عنوان مثال امتیاز ۱ TC به صورت زیر می‌شود:

$$a_1 = 9(9) + 3(1) + 5(0) + 1(0) + 7(3) = 105$$

	TC1	TC2	TC3	TC4	اطلاعات ارزیابی رقبا از دید مشتری و تحلیل ارجحیت مشتری در مورد نیازمندها و خواسته‌های مشتری	اوزان مطلق خواسته‌ها
CA1	●		△			9
CA2	△	○		●		3
CA3			○			5
CA4		△	○			1
CA5	○	○		●		7
اطلاعات مربوط به ارزیابی و الگوگیری فنی رقبا						
وزن و امتیاز مشخصه‌های فنی	105	17	27	90		

شکل (۲) یک مثال از خانه کیفیت.

همانگونه که اشاره شد، در دیدگاه QFD نیروی محرک، مشتری و خواسته‌های اوست. تعیین خواسته‌های مشتری و میزان اهمیت این خواسته‌ها با توجه به کلمات و اطلاعات گرفته شده از مشتری صورت می‌گیرد که غالباً این اطلاعات و کلمات نادقیق می‌باشند. به عبارت دیگر زمانیکه مشتری اهمیت یک خواسته را تقریباً "مهم" تعریف می‌کند این کلمه خود یک مفهوم مبهم و نادقیق می‌باشد. همچنین تعیین سطح ارتباط بین مشخصه‌های فنی و خواسته‌های مشتری این انسان است که با استفاده از تعاریف کیفی آنها را تعریف می‌کند. یعنی باز هم با مفاهیم نادقیق مواجه می‌شویم. بنابراین در مراحل مختلف طراحی خانه کیفیت، افکار و احساسات انسان مطرح بوده و باید این افکار و احساسات با استفاده از روشهای علمی تا حد امکان درست مدل‌سازی شود.

حال برای نیل به هدف مذکور می‌توان از تئوری و منطق فازی استفاده کرد، زیرا که هدف نهایی تئوری فازی ارائه افکار و احساس انسان به صورت یک تابع می‌باشد. به عبارت دیگر، این منطق اجازه می‌دهد تا یک تبدیل پیشرفته از حالات زبان طبیعی و احساس و افکار انسان به یک فرمولاسیون ریاضی داشته باشیم. این زبان ریاضی به منظور مدل سازی حالات واقعی که اغلب نادقیق و مبهم می‌باشد راهکارهای مفیدی ارائه می‌کند و از طرفی اغلب ابزارهای سنتی و تحلیلی برای مدل‌سازی محاسبات معین و مدل‌های قطعی کاربرد دارد. در این قسمت قبل از اینکه به تشریح خانه کیفیت با عناصر فازی بپردازیم به طور مختصر نکاتی در مورد تئوری فازی و مفاهیم اولیه آن بحث خواهد شد.

### ۳- مفاهیم اولیه تئوری فازی

در منطق دو ارزشی کلاسیک، در کلیه موارد فرض بر این است که مرز و محدوده‌های، دقیقاً تعریف شده‌ای وجود دارد و یک موضوع خاص یا در محدوده آن می‌گنجد یا نمی‌گنجد مانند مسائلی چون فانی و غیر فانی و زن یا مرد. ولی اغلب مسائل در دنیای حقیقی مرزهای تند و تیزی به سبک بالا ندارند. نظیر خیلی زیاد، قد بلند، با هوش، زیبایی و غیره. در منطق صریح و قطعی هر مجموعه با اعضایش به طور کامل شناخته می‌شود و هر مجموعه یک صفت مشخص کننده دارد. معیار عضویت عناصر در مجموعه، صفت مشخص کننده مجموعه است و هر عنصر اگر دارای آن صفت باشد عضو مجموعه و در غیر اینصورت عنصر خارج از مجموعه شناخته می‌شود. این معیار عضویت را تابع عضویت می‌نامیم.

با توجه به زندگی روزمره و واژه‌هایی که روزانه در زبان گفتاری استفاده می‌کنیم، می‌بینیم که طریقه ارزش گذاری در مغز انسان فازی بوده و اکثر جملات را که در زبان گفتاری بکار می‌بریم ذاتاً مبهم و فازی است. از این رو به منظور شبیه‌سازی و بدست آوردن مدل ریاضی براساس منطق زبانی از منطق فازی که از تابع عضویت  $\mu$  استفاده می‌کند و نه منطق صفر و یک، کمک می‌گیریم.

یک مجموعه فازی می‌تواند به صورتهای مختلفی نمایش داده شود ولی یکی از عمومی‌ترین شکلهای نمایش آن به شرح

زیر است: [۱۰]

-  $X$  مجموعه مرجعی باشد که هر عضو آن با  $x$  نمایش داده شود. مجموعه فازی  $\tilde{A}$  در  $X$  به وسیله زوجهای مرتبی به صورت زیر بیان می‌شود:

$$\tilde{A} = \{(x, \mu_{\tilde{A}}(x)) | x \in X\}$$

به عنوان مثال یک بنگاه مسکن میزان راحتی و مناسب بودن منازل ارائه شده را با تعداد اتاق خواب آن می‌سنجد و تعداد اتاق خوابهای آن یکی از اعضای مجموعه  $(1, 2, \dots, 10)$  باشد. مجموعه فازی "منازل راحت برای یک خانواده چهار نفری" به صورت زیر بیان می‌شود:

$$\tilde{A} = \{(1,0.2), (2,0.5), (3,0.8), (4,1), (5,0.7), (6,0.3)\}$$

- در این رابطه مجموعه در سطح  $\alpha$  را مجموعه‌ای تعریف می‌کنند که اعضای آن  $x$  های متعلق به مجموعه مرجع  $X$  بوده و تابع عضویت آنها در مجموعه فازی بیشتر یا مساوی مقدار  $\alpha$  باشد و یا به عبارت دیگر:

$$A_\alpha = \{x \in X | \mu_A(x) \geq \alpha\}$$

بطور مثال می‌توان گفت:

$$A_{0.2} = \{1,2,3,4,5,6\}$$

یکی از مفاهیم تئوری فازی که دارای کاربرد زیادی است و باعث افزایش کارایی محاسبات و استفاده آسانتر از تئوری فازی شده، عدد فازی ( $\tilde{M}$ ) است. این عدد یک مجموعه فازی نرمال محدب در حوزه  $R$  می‌باشد بطوریکه:

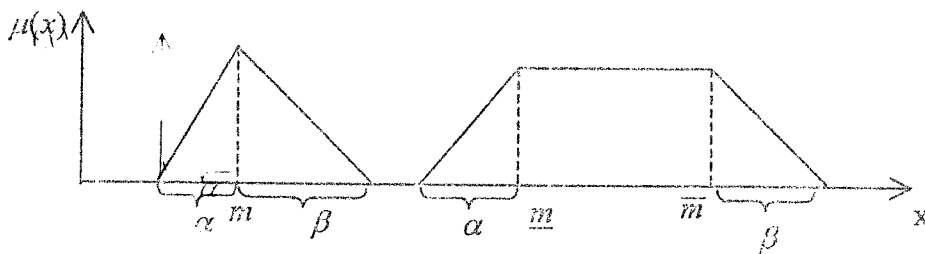
$$1- \text{دقیقاً یک } x \in R \text{ وجود داشته باشد که } \mu_{\tilde{M}}(x) = 1$$

$$2- \text{تابع عضویت } \mu_{\tilde{M}}(x) \text{ به صورت قطعه پیوسته باشد.}$$

(مثال) مجموعه فازی زیر یک عدد فازی می‌باشد:

$$\text{تقریباً} = \{(3,0.1), (4,0.6), (5,1), (6,0.7), (7,0.1)\}$$

اعداد فازی دارای انواع گوناگونی است ولی اعداد فازی مثلثی و دوزنقه‌ای بیشتر مورد استفاده قرار می‌گیرند. شکل ۳ یک عدد فازی دوزنقه‌ای و مثلثی را نشان می‌دهد:



شکل (۳) نمایشی از اعداد فازی دوزنقه‌ای و مثلثی.

این اعداد فازی مثلثی و دوزنقه‌ای را می‌توان به ترتیب با  $\tilde{M}_1$  و  $\tilde{M}_2$  نمایش داد بطوریکه:

$$\tilde{M}_2 = \{\alpha, \underline{m}, \bar{m}, \beta\} \quad \tilde{M}_1 = \{\alpha, m, \beta\}$$

یکی دیگر از مفاهیم اصلی در منطق نادقیق و فازی متغیرهای زبانی می‌باشند. متغیرهای زبانی متغیرهایی هستند که مقادیر آنها را کلمات و جملات زبان طبیعی تشکیل می‌دهند که هر یک از این مقادیر زبانی خود یک مجموعه فازی است.

$$\text{سن} = \left\{ \begin{array}{cccccc} \text{خیلی خیلی،} & \text{خیلی،} & \text{تقریباً،} & \text{جوان،} & \text{تقریباً،} & \text{مسن،} \\ \text{خیلی} & \text{خیلی} & \text{جوان} & \text{جوان} & \text{مسن} & \text{مسن} \end{array} \right.$$

## ۸- تعریف خانه کیفیت با عناصر فازی

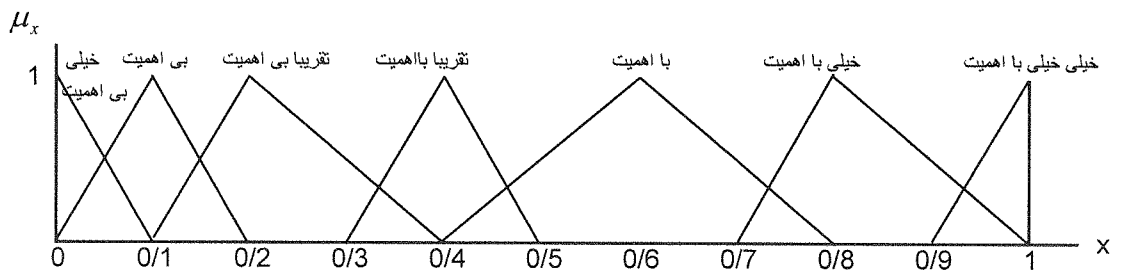
در محیط فازی برای تعریف خانه کیفیت اطلاعات گرفته شده را می‌توان به صورت یک متغیر زبانی بیان کرد. بطور مثال برای تعریف درجه اهمیت خواسته مشتری از متغیر زبانی "اهمیت" استفاده می‌کنیم، که این متغیر خود می‌تواند از واژه‌های زبانی به صورت زیر تشکیل شده باشد:

$$T(\text{اهمیت}) = \left\{ \begin{array}{cccc} \text{خیلی خیلی،} & \text{خیلی،} & \text{با اهمیت،} & \text{تقریباً،} \\ \text{خیلی} & \text{خیلی} & \text{با اهمیت} & \text{تقریباً} \\ \text{بی اهمیت} & \text{بی اهمیت} & \text{بی اهمیت} & \text{بی اهمیت} \end{array} \right.$$

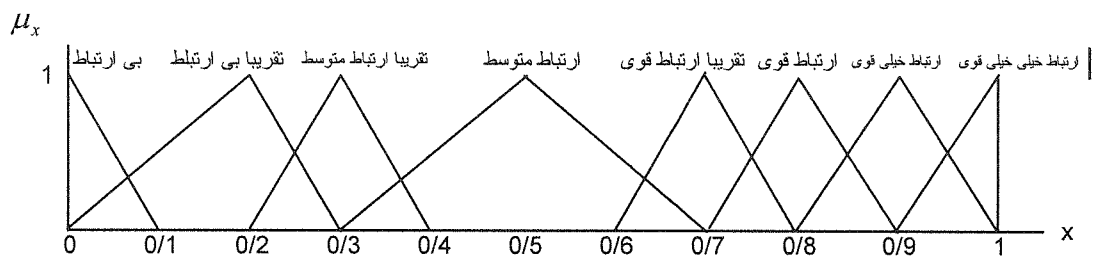
بعد از تعریف اهمیت خواسته‌های مشتری در قالب متغیرهای زبانی، لازم است نوع ارتباط و سطح ارتباط بین مشخصه‌های فنی و خواسته‌های مشتری را تعیین کنیم. بدین منظور می‌توان یک متغیر زبانی تحت عنوان "ارتباط" تعریف کنیم بطوریکه مقادیر آن بشرح زیر می‌باشد:

$$T(\text{ارتباط}) = \left\{ \begin{array}{l} \text{ارتباط خیلی قوی} \\ \text{ارتباط خیلی قوی} \\ \text{ارتباط قوی} \\ \text{ارتباط قوی} \\ \text{ارتباط تقریباً قوی} \\ \text{ارتباط تقریباً قوی} \\ \text{ارتباط تقریباً بی اهمیت} \\ \text{ارتباط بی اهمیت} \\ \text{ارتباط خیلی بی اهمیت} \end{array} \right.$$

حال برای کمی کردن اعضای هر یک از متغیرهای زبانی می‌توان از اعداد فازی مثلثی به صورت زیر بطور مثال کمک گرفت:



شکل (۴) اعداد فازی مثلثی بکار برده شده برای کمی کردن واژه‌های زبانی مربوط به متغیرهای زبانی "اهمیت".



شکل (۵) اعداد فازی مثلثی بکار برده شده برای کمی کردن واژه‌های زبانی مربوط به متغیر زبانی "ارتباط".

مقادیر کمی اختصاص داده شده به واژه‌های زبانی با توجه به اطلاعات جمع‌آوری شده از مشتری و نظر و احساس تیم QFD تعیین می‌شود.

یک خانه کیفیت را می‌توان بعد از تعریف واژه‌های زبانی متناسب با آن و تخصیص اعداد فازی مثلثی به هر یک از آنها می‌توان به صورت جدول ارائه نمود.

کمیت‌های ارائه شده در جدول ۱ در قالب  $\tilde{R}_{ij}$  و  $\tilde{W}_i$  به صورت زیر تعریف می‌شوند:

$\tilde{R}_{ij}$ : درجه ارتباط بین خواسته  $i$  ام و مشخصه  $j$  ام که بصورت اعداد فازی مثلثی در این روش بیان شده‌اند این می‌توانند به صورت اعداد فازی دوزنقه‌ای نیز تعریف شوند:

$$\tilde{R}_{ij} = \{\alpha_{ij}, r_{ij}, \beta_{ij}\}$$

$\tilde{W}_i$ : درجه اهمیت خواسته  $i$  ام که آنهم به صورت اعداد فازی مثلثی بیان شده که می‌تواند به صورت عدد فازی دوزنقه‌ای باشد:

$$\tilde{W}_i = \{\rho_i, \gamma_i, \gamma_i\}$$

حال بعد از تعریف خانه کیفیت با عناصر فازی لازم است که مشخصه‌های فنی کلیدی و مهم را مشخص نمائیم که در بخش بعدی مقاله به این موضوع پرداخته شود.

جدول (۱) یک خانه کیفیت (HOQ) با عناصر فازی.

	اوزان فازی خواسته مشتری	$TC_1$	$TC_2$	.....	$TC_n$
$CA_1$	$(\rho_1, \gamma_1, \gamma_1)$	$(\alpha_{11}, r_{11}, \beta_{11})$	$(\alpha_{12}, r_{12}, \beta_{12})$	.....	$(\alpha_{1n}, r_{1n}, \beta_{1n})$
$CA_2$	$(\rho_2, \gamma_2, \gamma_2)$	$(\alpha_{21}, r_{21}, \beta_{21})$	$(\alpha_{22}, r_{22}, \beta_{22})$	.....	$(\alpha_{2n}, r_{2n}, \beta_{2n})$
.	.	.	.	.....	.
.	.	.	.	.....	.
.	.	.	.	.....	.
$CA_m$	$(\rho_m, \gamma_m, \gamma_m)$	$(\alpha_{m1}, r_{m1}, \beta_{m1})$	$(\alpha_{m2}, r_{m2}, \beta_{m2})$	.....	$(\alpha_{mn}, r_{mn}, \beta_{mn})$

## ۵- تعیین اولویت‌بندی مشخصه‌های فنی در محیط فازی

حال اینکه یک خانه کیفیت را با واژه‌های زبانی بیان کردیم و آنها را با اعداد فازی کمی نمودیم، نیاز است که از این داده‌ها و اطلاعات نتیجه‌گیری کنیم. این بدین معنا است که مشخصه‌های فنی که بیشترین تأثیر را در بهبود و ارتقاء سطح رضایت و احساس مطلوبیت مشتری دارند، انتخاب شوند.

لذا برای این منظور باید تکنیک‌ها و روشهایی را بکار برد که در این محیط (فازی) کارا بوده و بتواند یک نتیجه مطلوب را حاصل نماید. روشها و تکنیک‌های مختلفی را می‌توان ارائه کرد. ولی در این مقاله به روشی پرداخته می‌شود که مبنای آن روش TOPSIS که یک تکنیک حل در مسائل تصمیم‌گیری چند معیاره است، این روش مطلوبیت مشخصه‌های فنی را به صورت فازی ارائه می‌کند.

حال برای بدست آوردن مطلوبیت فازی مشخصه‌های فنی با استفاده از روش پیشنهادی، گامهای زیر را طی می‌کنیم:

گام ۱- ضرب فازی اعداد فازی  $\tilde{W}_i$  در ماتریس خانه کیفیت  $\tilde{R}_{ij}$  (که آنها نیز به صورت فازی بیان شده‌اند).

ضرب دو عدد فازی به صورت زیر تعریف می‌شود:

$$\tilde{N}_{ij} = \tilde{R}_{ij} \odot \tilde{W}_i$$

جائیکه  $\tilde{N}_{ij}$  خود یک عدد فازی مثلثی به صورت زیر می‌باشد:

$$\tilde{N}_{ij} = \{r_{ij} \cdot \rho_i + y_i \cdot \alpha_{ij}, r_{ij} \cdot \gamma_i, r_{ij} \cdot \gamma_i + y_i \cdot \beta_{ij}\}$$

گام ۲- انتخاب مقطع  $\alpha_0$

گام ۳- مقدار حقیقی ذیل را برای هر مشخصه فنی محاسبه کنید:

$$\forall i, j \quad X_{ij}^- = \min \{X_{ij} \in R \mid \mu_{\tilde{N}_{ij}}(x_{ij}) \geq \alpha_0\}$$

$$\forall i, j \quad X_{ij}^+ = \max \{X_{ij} \in R \mid \mu_{\tilde{N}_{ij}}(x_{ij}) \geq \alpha_0\}$$

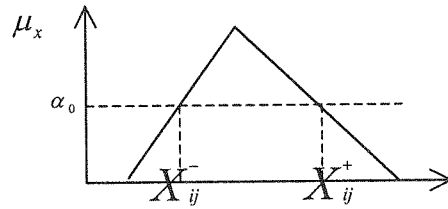
شکل ۶ چگونگی بدست آوردن  $X_{ij}^-$  و  $X_{ij}^+$  را بصورت گرافیکی نمایش می‌دهد.

گام ۴- تشکیل ۲ ماتریس در مقطع  $\alpha_0$  برای خانه کیفیت به صورت زیر:

ماتریس برای مقادیر  $X_{ij}^-$  حاصل از مرحله قبل تحت عنوان  $L\alpha_0$  و ماتریس برای  $X_{ij}^+$  حاصل از مرحله قبل تحت عنوان

ماتریس  $R\alpha_0$  جداول ۲ و ۳ ماتریسهای  $L\alpha_0$  و  $R\alpha_0$ ، را نشان می‌دهند.





شکل (۶) نمایش گرافیکی  $X_{ij}^+$  و  $X_{ij}^-$ .

جدول (۲) ماتریس  $L\alpha_0$  حاصل از مقادیر  $X_{ij}^-$ .

$L\alpha_0$	$TC_1$	$TC_2$	.....	$TC_n$
$CA_1$	$X_{11}^-$	$X_{12}^-$	.....	$X_{1n}^-$
$CA_2$	$X_{21}^-$	$X_{22}^-$	.....	$X_{2n}^-$
.	.	.	.....	.
.	.	.	.....	.
.	.	.	.....	.
$CA_m$	$X_{m1}^-$	$X_{m2}^-$	.....	$X_{mn}^-$

جدول (۳) ماتریس  $R\alpha_0$  حاصل از مقادیر  $X_{ij}^+$ .

$R\alpha_0$	$TC_1$	$TC_2$	.....	$TC_n$
$CA_1$	$X_{11}^+$	$X_{12}^+$	.....	$X_{1n}^+$
$CA_2$	$X_{21}^+$	$X_{22}^+$	.....	$X_{2n}^+$
.	.	.	.....	.
.	.	.	.....	.
.	.	.	.....	.
$CA_m$	$X_{m1}^+$	$X_{m2}^+$	.....	$X_{mn}^+$

گام ۵- برای هر یک از دو ماتریس  $L\alpha_0$  و  $R\alpha_0$  به طور جداگانه گزینه ایده‌ال و ضد ایده‌ال را به صورت زیر تعریف می‌کنیم:

$$L\alpha_0 \text{ برای گزینه ایده‌ال: } AL_{\alpha_0}^+ = \left\{ (\max_j X_{ij}^-) | j=1,2,\dots,n \right\} = \{X_1^{+-}, X_2^{+-}, \dots, X_m^{+-}\}$$

$$L\alpha_0 \text{ برای گزینه ضد ایده‌ال: } AL_{\alpha_0}^- = \left\{ (\min_j X_{ij}^-) | j=1,2,\dots,n \right\} = \{X_1^{--}, X_2^{--}, \dots, X_m^{--}\}$$

$$R\alpha_0 \text{ برای گزینه ایده‌ال: } AR_{\alpha_0}^+ = \left\{ (\max_j X_{ij}^+) | j=1,2,\dots,n \right\} = \{X_1^{++}, X_2^{++}, \dots, X_m^{++}\}$$

$$R\alpha_0 \text{ برای گزینه ضد ایده‌ال: } AR_{\alpha_0}^- = \left\{ (\min_j X_{ij}^+) | j=1,2,\dots,n \right\} = \{X_1^{+-}, X_2^{+-}, \dots, X_m^{+-}\}$$

گام ۶- محاسبه فاصله مشخصه‌های فنی در هر ماتریس از گزینه ایده‌ال و ضد ایده‌ال همان ماتریس با استفاده از روابط زیر:

$$dL_j^+ = \left[ \sum_{i=1}^m (X_{ij}^- - X_i^{+-})^2 \right]^{1/2}; j=1,2,\dots,n$$

$$dL_j^- = \left[ \sum_{i=1}^m (X_{ij}^- - X_i^{--})^2 \right]^{1/2}; j=1,2,\dots,n$$

$$dR_j^+ = \left[ \sum_{i=1}^m (X_{ij}^+ - X_i^{++})^2 \right]^{1/2}; j=1,2,\dots,n$$

$$dR_j^- = \left[ \sum_{i=1}^m (X_{ij}^+ - X_i^{+-})^2 \right]^{1/2}; j = 1, 2, \dots, n$$

گام ۷ - محاسبه نزدیکی نسبی مشخصه زام به گزینه ایده‌ال برای هر دو ماتریس  $L\alpha_0$  و  $R\alpha_0$  با استفاده از روابط زیر:

$$j=1, 2, \dots, n \quad CLL_j = \frac{dL_j^-}{(dL_j^+ + dL_j^-)}$$

$$j=1, 2, \dots, n \quad CLR_j = \frac{dR_j^-}{(dR_j^+ + dR_j^-)}$$

گام ۸ - تعریف مطلوبیت فازی مشخصه فنی زام ( $U_j$ ) در مقطع  $\alpha_0$  به صورت زیر:

$$\Rightarrow U_j = [a_{\alpha_0}, b_{\alpha_0}] \quad \begin{aligned} a_{\alpha_0} &= \min[CLL_j, CLR_j] \\ b_{\alpha_0} &= \max[CLL_j, CLR_j] \end{aligned}$$

$$\mu_{u_j}(a_{\alpha_0}) = \mu_{u_j}(b_{\alpha_0}) = \alpha_0 \quad \text{جائیکه}$$

گام ۹ - با ایجاد مقاطع مختلف و تکرار گامهای ۲ الی ۸ مطلوبیت فازی برای تمام مشخصه‌های فنی را بدست می‌آوریم.

## ۶- رتبه بندی فازی

همانطوریکه اشاره شد، این روش مطلوبیت مشخصه‌های فنی را به صورت فازی بدست می‌آورد، لذا برای نتیجه‌گیری نیاز به خروجی دقیق و قطعی داریم تا بتوانیم مشخصه‌های فنی مهم را شناسایی کنیم. بهمین دلیل لازم است که به یکی از روشهای معمول رتبه‌بندی اعداد فازی، مشخصه‌های فنی را رتبه‌بندی نمود.

روشی که در اینجا ارائه می‌شود تحت عنوان روش امتیاز تخصیص داده شده به چپ و راست عدد فازی می‌باشد. بنابر این برای رتبه‌بندی این مشخصه‌های فنی به صورت زیر عمل می‌کنیم:

ابتدا دو مجموعه ماکزیمم (max) و مینیمم (min) به صورت زیر تعریف می‌کنیم:

$$\mu_{\max} = \begin{cases} X & 0 \leq X \leq 1 \\ 0 & \text{در غیر این صورت} \end{cases}$$

$$\mu_{\min} = \begin{cases} 1 - X & 0 \leq X \leq 1 \\ 0 & \text{در غیر این صورت} \end{cases}$$

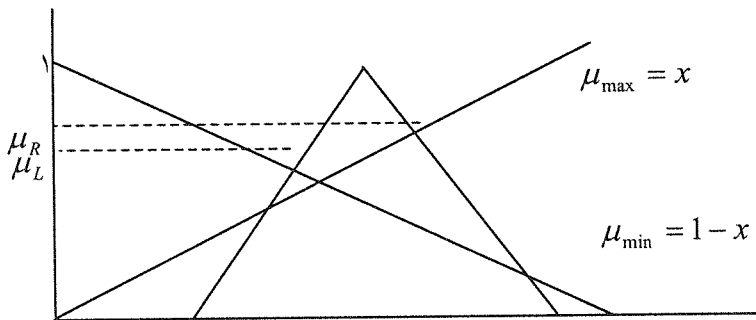
حال امتیاز راست مطلوبیت فازی مشخصه فنی زام از طریق رابطه زیر محاسبه می‌شود:

$$\mu_R(U_j) = \sup_x [\mu_{U_j}(x) \wedge \mu_{\max}(x)]$$

و امتیاز چپ مطلوبیت فازی مشخصه فنی زام نیز از رابطه زیر حاصل می‌شود:

$$\mu_L(U_j) = \sup_x [\mu_{U_j}(x) \wedge \mu_{\min}(x)]$$

شکل ۷ چگونگی محاسبه  $\mu_L$  و  $\mu_R$  برای یک عدد فازی به صورت گرافیکی نمایش می‌دهد.



شکل (۷) مقادیر  $\mu_L$  و  $\mu_R$  یک عدد فازی.

بعد از محاسبه امتیازات تخصیص داده شده به چپ و راست مطلوبیت مشخصه‌های فنی، امتیاز کل برای مشخصه‌های فنی نیز از رابطه زیر محاسبه می‌گردد.

$$\mu_T(U_j) = \frac{[\mu_R(U_j) + [1 - \mu_L(U_j)]]}{2}$$

حال با توجه به نتایج محاسبه شده و امتیاز کل حاصل برای هر مشخصه فنی می‌توان آنها را رتبه‌بندی کرد اینکار بدین ترتیب انجام که مشخصه فنی با امتیاز کل بالاتر، ارجح‌تر و مشخصه فنی با امتیاز کل کمتر دارای ارجحیت کمتری خواهد بود.

## ۷- یک مثال

با استفاده از روش گسترش وظیفه کیفیت (QFD) عوامل مورد نظر مشتری در یک مداد معمولی مورد شناسایی قرار گرفته است. جدول ۴ خواسته‌های مشتری و مشخصه‌های فنی مربوط به آنها و همچنین میزان اهمیت خواسته‌های مشتری و درجه ارتباط بین مشخصه‌ها و خواسته‌ها را با استفاده از واژه‌های زبانی نشان می‌دهد.

جدول (۴) خانه کیفیت مربوط به مثال ۱.

مشخصه های فنی خواسته های مشتری	طول مداد	شش گوش بودن	جنس چوب	جنس مغزی مداد	میزان اهمیت خواسته از نظر مشتری
نگهداری آسان	ارتباط متوسط	ارتباط خیلی خیلی قوی	بی ارتباط	بی ارتباط	با اهمیت
زمان بین تراشیدن	بی ارتباط	بی ارتباط	ارتباط متوسط	ارتباط خیلی خیلی قوی	خیلی با اهمیت
خوب تراشیده شدن	تقریباً بی ارتباط	بی ارتباط	ارتباط خیلی خیلی قوی	ارتباط قوی	تقریباً با اهمیت

جدول (۵) مقادیر اعداد فازی مثلثی که به هر یک از این واژه‌های زبانی اختصاص داده شده را نشان می‌دهد. برای این اعداد فازی از مقیاس فاصله‌ای (۱ - ۰) استفاده شده است.

جدول (۵) مقادیر اعداد فازی مربوط به واژه‌های زبانی.

$CA_i$	$TC_j$	$TC_1$	$TC_2$	$TC_3$	$TC_4$	$W_i$
$CA_1$		(0/1,0/5,0/1)	(0/1,0/9,0)	(0/1,0/1,0/1)	(0,0,0)	(0/2,0/6,0/1)
$CA_2$		(0,0,0/1)	(0/1,0/1,0/1)	(0/1,0/5,0/2)(0	(0/1,1,0)	(0/1,0/8,0/2)
$CA_3$		(0,0/1,0/1)	(0/1,0/1,0)	/1,0/9,0/1)	(0/1,0/8,0/1)	(0/2,0/4,0/1)

حال با استفاده از روش پیشنهاد شده مطلوبیت ( $U_j$ ) مشخصه‌های فنی را طی مراحل زیر تعیین می‌کنیم:  
گام ۱- انجام ضرب فازی بردار فازی اهمیت خواسته مشتری در ماتریس که نتیجه آن در جدول ۶ آورده شده است.

جدول (۶) ضرب اعداد فازی خانه کیفیت.

	$TC_1$	$TC_2$	$TC_3$	$TC_4$
$CA_1$	(0/1,0/25,0/1) (0,0,0/8)	(0/14,0/45,0/9) (0/9,0/8,0/1)	(0/6,0/05,0/6) (0/13,0/42,0/26)	(0,0,0) (0/18,0/8,0/2)
$CA_2$	(0/02,0/04,0/05)	(0/06,0/04,0/01)	(0/23,0/36,0/13)	(0/2,0/32,0/12)
$CA_3$				

گام ۲- انتخاب مقطع  $\alpha_0$  ( $\alpha_0=0/5$ )

گام ۳- مقادیر حقیقی  $X_{ij}^-$  و  $X_{ij}^+$  را برای هر مشخصه فنی در مقطع ( $\alpha_0 = 0/5$ ) را محاسبه کنید.

گام ۴- تشکیل دو ماتریس  $L_{0.5}$  و  $R_{0.5}$  برای مقادیر محاسبه شده  $X_{ij}^-$  و  $X_{ij}^+$  جدول ۷ و ۸ این مقادیر محاسبه شده را برای مثال مورد نظر را نشان می‌دهد.

جدول (۷) مقادیر $X_{ij}^-$ در مقطع $(L_{0.5}) 0/5$					جدول (۸) مقادیر $X_{ij}^+$ در مقطع $(R_{0.5}) 0/5$				
	$TC_1$	$TC_2$	$TC_3$	$TC_4$		$TC_1$	$TC_2$	$TC_3$	$TC_4$
$CA_1$	0/2	0/38	0/02	0	$CA_1$	0/3	0/5	0/08	.
$CA_2$	0	0/04	0/34	0/71	$CA_2$	0/04	0/13	0/53	0/9
$CA_3$	0/3	0/01	0/25	0/22	$CA_3$	0/07	0/045	0/43	0/38

گام ۵- محاسبه مجموعه‌های ایده‌آل و ضد ایده‌آل برای هر دو ماتریس  $R\alpha_0$  و  $L\alpha_0$

$$AL_{0.5}^+ = \left\{ \max_j (X_{ij}^-) | j = 1, 2, 3, 4 \right\} = \{X_1^{++}, X_2^{++}, X_3^{++}\} = \{.38, .71, .25\}$$

$$X_1^{++} = \max\{0.2, 0.38, 0.02, 0\} = 0.38 \quad \text{بطور مثال برای } X_1^{++} \text{ داریم:}$$

$$AL_{0.5}^- = \left\{ \min_j (X_{ij}^+) | j = 1, 2, 3, 4 \right\} = \{X_1^{--}, X_2^{--}, X_3^{--}\} = \{0, 0, 0.01\}$$

$$X_1^{--} = \min\{0.2, 0.38, 0.02, 0\} = 0. \quad \text{بطور مثال برای } X_1^{--} \text{ داریم:}$$

$$AR_{0.5}^+ = \left\{ \max_j (X_{ij}^+) | j = 1, 2, 3, 4 \right\} = \{X_1^{++}, X_2^{++}, X_3^{++}\} = \{0.5, 0.9, 0.43\}$$

$$X_1^{++} = \max\{0.3, 0.5, 0.08, 0\} = 0.5 \quad \text{بطور مثال برای } X_1^{++} \text{ داریم:}$$

$$AR_{0.5}^- = \left\{ \min_j (X_{ij}^+) | j = 1, 2, 3, 4 \right\} = \{X_1^{+-}, X_2^{+-}, X_3^{+-}\} = \{0, 0.04, 0.045\}$$

$$X_1^{+-} = \min\{0.3, 0.5, 0.08, 0\} = 0 \quad \text{بطور مثال برای } X_1^{+-} \text{ داریم:}$$

گام ۶- محاسبه فاصله نزدیکی مشخصه‌های فنی در هر ماتریس از مجموعه ایده‌ال و ضد ایده‌ال همان ماتریس:

$$dL_j^+ = \{0.765, 0.716, 0.52, 0.381\} \quad dL_j^+ = \left[ \sum_{i=1}^m (X_{ij}^- - X_i^{+-})^2 \right]^{1/2}; j = 1, 2, 3, 4$$

$$dL_1^+ = [(0.2 - 0.38)^2 + (0 - 0.71)^2 + (0.03 - 0.25)^2]^{1/2} = 0.765 \quad \text{بطور مثال برای } dL_1^+ \text{ داریم:}$$

$$dL_j^- = \{0.201, 0.38, 0.41, 0.74\} \quad dL_j^- = \left[ \sum_{i=1}^m (X_{ij}^- - X_i^{--})^2 \right]^{1/2}; j = 1, 2, 3, 4$$

$$dL_1^- = [(0.2 - 0)^2 + (0 - 0)^2 + (0.03 - 0.01)^2]^{1/2} = 0.201 \quad \text{بطور مثال برای } dL_1^- \text{ داریم:}$$

$$dR_j^+ = \{0.95, 0.86, 0.56, 0.5\} \quad dR_j^+ = \left[ \sum_{i=1}^m (X_{ij}^+ - X_i^{++})^2 \right]^{1/2}; j = 1, 2, 3, 4$$

$$dR_1^+ = [(0.3 - 0.5)^2 + (0.04 - 0.9)^2 + (0.07 - 0.43)^2]^{1/2} = 0.95 \quad \text{بطور مثال برای } dR_1^+ \text{ داریم:}$$

$$dR_j^- = \{0.301, 0.503, 0.625, 0.923\} \quad dR_j^- = \left[ \sum_{i=1}^m (X_{ij}^+ - X_i^{+-})^2 \right]^{1/2}; j = 1, 2, 3, 4$$

$$dR_1^- = [(0.3 - 0)^2 + (0.04 - 0.04)^2 + (0.07 - 0.05)^2]^{1/2} = 0.301 \quad \text{بطور مثال برای } dR_1^- \text{ داریم:}$$

گام ۷- محاسبه نزدیکی نسبی مشخصه زام به گزینه ایده‌ال برای هر دو ماتریس  $L\alpha_0$  و  $R\alpha_0$  با استفاده از روابط زیر:

$$CLL_j = \{0.208, 0.348, 0.442, 0.66\} \quad j=1, 2, 3, 4 \quad CLL_j = \frac{dL_j^-}{(dL_j^+ + dL_j^-)}$$

$$CLL_1 = \frac{dL_1^-}{(dL_1^+ + dL_1^-)} = \frac{0.201}{0.765 + 0.201} = 0.208 \quad \text{بطور مثال برای } CLL_1 \text{ داریم:}$$

$$CLR_j = \{0.24, 0.369, 0.529, 0.65\} \quad j=1,2,3,4 \quad CLR_j = \frac{dR_j^-}{(dR_j^+ + dR_j^-)}$$

$$CLR_1 = \frac{dR_1^-}{(dR_1^+ + dR_1^-)} = \frac{0.301}{0.95 + 0.301} = 0.24 \quad \text{بطور مثال برای } CLR_1 \text{ داریم:}$$

گام ۸- تعریف مطلوبیت فازی مشخصه‌های فنی در مقطع (0/5):

$$a_{0.5} = \min[CLL_j, CLR_j]$$

$$\Rightarrow U_j = [a_{\alpha_0}, b_{\alpha_0}] \rightarrow \mu(a_{0.5}) = \mu(b_{0.5}) = 0.5$$

$$b_{0.5} = \max[CLL_j, CLR_j]$$

بطور مثال برای گزینه ۱ مشخصه فنی اول داریم:

$$a_{0.5} = \min[0.208, 0.24] = 0.208$$

$$b_{0.5} = \max[0.208, 0.24] = 0.24$$

$$U_1 = (0.208, 0.24), U_2 = (0.348, 0.369), U_3 = (0.442, 0.529), U_4 = (0.65, 0.66)$$

گام ۹- تکرار گامهای ۲ الی ۸ و تعیین مطلوبیت فازی برای تمام مشخصه‌های فنی با در نظر گرفتن مقاطع مختلف. جدول ۹- مقادیر محاسبه شده را برای مقاطع مختلف نشان می‌دهد.

جدول (۹) مقادیر محاسبه شده در مقاطع مختلف برای مثال مداد.

مقطع		$TC_1$	$TC_2$	$TC_3$	$TC_4$
.	$a$	۰.۲۰۲	۰.۳۳	۰.۴۰۵	۰.۶۴۸
	$b$	۰.۲۵۷	۰.۳۷۱	۰.۵۷۳	۰.۶۷۵
۰.۲	$a$	۰.۱۹۹	۰.۳۳۳	۰.۴۱۷	۰.۶۴۹
	$b$	۰.۲۵۰	۰.۳۷۱	۰.۵۵۷	۰.۶۶۶
۰.۴	$a$	۰.۲۰۵	۰.۳۴۳	۰.۴۳۵	۰.۶۵۰
	$b$	۰.۲۴۳	۰.۳۷۰	۰.۵۳۹	۰.۶۶۲
۰.۶	$a$	۰.۲۱۱	۰.۳۵۲	۰.۴۵	۰.۶۵۰
	$b$	۰.۲۳۶	۰.۳۶۹	۰.۵۲	۰.۶۵۸
۰.۸	$a$	۰.۲۱۶	۰.۳۶۰	۰.۴۶۴	۰.۶۵۸
	$b$	۰.۲۲۹	۰.۳۶۸	۰.۴۹۹	۰.۶۵۵
۱	$a$	۰.۲۲	۰.۳۶۷	۰.۴۷۶	۰.۶۵۲
	$b$	۰.۲۲	۰.۳۶۷	۰.۴۷۶	۰.۶۵۲

### ۷-۱- رتبه‌بندی مشخصه‌های فنی

بعد از محاسبه مطلوبیت فازی مشخصه‌های فنی نیاز است که آنها را رتبه‌بندی کنیم. برای رتبه‌بندی مشخصه‌های فنی از روشی که در بخش قبلی به آن اشاره شده کمک می‌گیریم نتیجه نهایی محاسبات در جدول ۱۰ نشان شده است.

جدول (۱۰) مقادیر محاسبه شده برای امتیازات کل هر مشخصه فنی.

	$TC_1$	$TC_2$	$TC_3$	$TC_4$
$\mu_L$	۰/۷۸	۰/۶۵	۰/۵۶	۰/۳۵
$\mu_R$	۰/۲۵	۰/۳۷	۰/۵۲	۰/۶۶
$\mu_T$	۰/۲۳۵	۰/۳۶۰	۰/۴۸۰	۰/۶۵۰

بطور مثال برای  $TC_1$  داریم:

$$\mu_{U_1} = \begin{cases} \frac{x - 0.202}{0.018} & 0.202 \leq x \leq 0.22 \\ \frac{0.257 - x}{0.027} & 0.22 \leq x \leq 0.257 \end{cases}$$

$$\mu_{\max} = \begin{cases} x & 0 \leq X \leq 1 \\ 0 & \end{cases}$$

$$\mu_{\min} = \begin{cases} 1 - x & 0 \leq X \leq 1 \\ 0 & \end{cases}$$

لذا برای محاسبه امتیازات می‌توان به صورت زیر عمل کرد:

$$\mu_R(U_1) = \sup_x [\mu_{U_1}(x) \wedge \mu_{\max}(x)] = 0.25$$

$$\mu_L(U_1) = \sup_x [\mu_{U_1}(x) \wedge \mu_{\min}(x)] = 0.78$$

$$\mu_T(U_1) = \frac{[0.25 + (1 - 0.78)]}{2} = 0.235$$

با توجه به نتایج حاصل مشخصه‌های فنی به صورت زیر رتبه‌بندی می‌گردند.

$$TC_4 > TC_3 > TC_2 > TC_1$$

## نتایج

اهمیت روز افزون مقوله کیفیت و ارتباط تنگاتنگ آن با رضایت مشتری باعث گردیده تا صاحب‌نظران و مهندسين کیفیت از روش‌های علمی گوناگون جهت طراحی کیفیت در محصولات و خدمات کمک گیرند روش گسترش وظیفه کیفیت یکی از روش‌هایی است که با هدف ارتقاء کیفیت در صنعت مورد توجه قرار گرفته است. در این مقاله سعی گردید با استفاده از منطق فازی روش گسترش وظیفه کیفیت به داده‌های زبانی تعمیم داده شود. به کمک یک مثال عددی، روش انجام محاسبات نشان داده شده.

از جمله نتایج مهمی که می‌توان در اجرای فرآیند QFD در محیط فازی به آن اشاره کرد، عبارتند از:

۱- استفاده بیشتر از مفاهیم و اصطلاحات خود مشتریان با کمک گرفتن از متغیرهای زبانی و واژه‌های زبانی در تعریف خانه کیفیت.

۲- مدل‌سازی بهتر و واقعی‌تر مسئله با استفاده از تئوری فازی.

۳- از بین رفتن حساسیت مسئله نسبت به مقیاس فاصله‌ای استفاده شده برای تعریف سطح ارتباط در ماتریس خانه کیفیت.

۴- از بین رفتن فاصله بین سطوح تعریف شده برای تعریف سطح ارتباط در ماتریس خانه کیفیت. یعنی در شرایط قطعی برای تعریف سطح ارتباط از یک تعریف سه سطحی در ارتباط (قوی، متوسط، ضعیف) استفاده می‌شود که با استفاده از

## زیر نویس ها

1-Quality Function Deployment (QFD)  
2- Voice of Customer  
3- Yoji Akao  
4- American Supplier Institute  
5-House of Quality

6-Benchmarking  
7-Affinity Diagram  
8-Tree Diagram  
9-Membership Function

## مراجع

- [۱] دکتر محمد جواد اصغر پور- تصمیم‌گیریهایی چند معیاره - انتشارات دانشگاه تهران - ۱۳۷۷
- [۲] معرفی و تشریح QFD با تأکید به مراحل خانه کیفیت - صنایع - پاییز ۷۸ - سال پنجم - شماره ۴
- [3] An Approach for Solving Fuzzy Problems-International Journal of Uncotainty Fuzziness and Knowledge- Bases System- 5: (4)-459-480- Agu-1997
- [4] An Efficient Approach to Solving Fuzzy MADM-Fuzzy Sets and System- 88: (1)-51-67 - May - 1997
- [5] Determing Optimal Design Characteristic Levels in Quality Function Deployment - Quality Engineering-10 (2)-295-307- (1997-98)
- [6] Framework of Fuzzy Quality Function Deployment System-International Journal of Production Research- vol. 34- 1996
- [7] Fuzzy Logic and Optimization Models for Implementing QFD-Computers & Industrial Engineering - 35: (1-2) - 237-240- OCT - 1998
- [8] Young- Joulae - Chin- Lai Hwang -Fuzzy Mathematical Programing Methods and Applications - Springer-Verlag Berlin Heidelberg -1992
- [9] Shu-Jen Chen- Chin-Lai Hwang -Fuzzy Multiply Attribute Decision Making Method and Applications- Springer-Verlag,Heidelberg-1991
- [10] H.J. Zimmerman -Fuzzy Set Theory and its Applecations -Kluwer-Nijhoff,Hinghum-1985
- [11] Proiritizing the Technical Mensures in Quality Function Deployment - Quality Engineering - 10(3) -467-479-OCT - 1998
- [12] Shegeru Miauno- Yoji Akao -QFD - The Customer-Driven Approach to Quality Planning Deployment- 1994 -Prentice Hall PTR New
- [13] Lou Conen - Quality Function Deployment to How to Make QFD Work for You - 1996-Black Well Scientific publications
- [14] Ranking Fuzzy Numbers with Index of Optimisn- Fuzzy Set s and Systems - 35(1990)- 143-150
- [15] Ranking Fuzzy Numbers with Integral Valu- Fuzzy Sets and Systems - 50(1992)- 347-355
- [16] Terninko John -Step by Step QFD: Customer - Driven Product Desing - 1997-CRCP Press LLC