

Amirkabir Journal of Mechanical Engineering

Amirkabir J. Mech. Eng., 52(9) (2020) 631-634 DOI: 10.22060/mej.2019.14880.5966



Simultaneously Reconstruction of Radiation-Conduction Properties of Nanomaterial Thermal Insulators with Particle Swarm Optimization Algorithm

M. Pakdaman¹, S. Payan¹*, S. M. Hosseini Sarvari², S. Mohammadpour¹

¹Department of Mechanical Engineering, University of Sistan and Baluchestan, Zahedan, Iran ² Department of Mechanical Engineering, University of Shahid Bahonar, Kerman, Iran

ABSTRACT: In this paper, an optimization algorithm is proposed to simultaneously reconstruct radiation and conduction properties for thermal insulators constructed from Nanomaterial between two flat plates. The radiation problem is modeled using modified discrete ordinates method. The conduction and radiation problems are solved using the finite volume method and the inverse problem is solved using the particle swarm optimization problem. The various cases have been solved in this paper. Firstly a simple problem designs and solves. Next, a multi-stage algorithm with new objective functions is used for reconstruction of dependent-temperature properties of a nanomaterial. In the first case, constant absorption coefficient is reconstructed using the radiation intensity of boundaries, in the first stage and constant conduction-radiation parameter is reconstructed using the surface total heat flux in second stage. In the second section, the competency of the proposed multi-stage algorithm for the radiation and conduction temperature-dependent parameters is tested. In the numerical test a thermal insulator constructed from nanomaterial with 1cm thickness is used. The proposed algorithm and new objective functions are presented in this section to decrease sensitivity of Plank number and optical thickness to the measurement error.

Review History:

Received: 27 Aug. 2018 Revised: 20 Dec. 2018 Accepted: 4 Feb. 2019 Available Online: 14 Feb. 2019

Keywords:

Radiation-conduction issue
Multi-stage optimization
Separate objective functions
Temperature-dependent Planck num-
ber
Temperature-dependent absorption
coefficient

1- Introduction

The solution of inverse problems in heat transfer has great importance. Yatoren et al. [1] recovered the conductivity and temperature-varying linear absorption coefficients using Particle Swarm Optimization (PSO) Algorithm in a onedimensional time-dependent conduction-radiation medium. In the governing equations, they assumed that thermal conductivity was only a function of temperature and was not dependent on a location and used a simplified form of the energy equation. San [2] recovered the thermal conductivity, absorption coefficient and scattering coefficient using a multistage optimization method in a semi-transparent adsorbent and two-dimensional emitter medium with conduction-radiation heat transfer, absorption coefficient and scattering coefficient, all of which were considered constant. In this paper, the nonlinear functions of radiative-conductive properties are intended for the reconstruction. Therefore, a multi-stage algorithm based on the PSO Algorithm and new objective functions is presented to reduce the error in the reconstruction of the results. The direct solution of the radiation heat transfer equation is formulated using the Modified Discrete Ordinates Method (MDOM) and is solved by the Finite Volume Method (FVM). The energy equation is also discretized with the finite volume method. The PSO algorithm has been used to solve inverse problem.

2- Problem Definition and Solution Method

Consider a one-dimensional medium with conduction -

*Corresponding author's email: s_payan_usb@eng.usb.ac.ir

radiation heat transfer type according to Fig. 1. The black walls are placed at a constant temperature. Gray medium is considered without distortion. It is assumed that all properties and values of flux and radiation intensity on the boundaries can be measured. The distance between two plates is L. The purpose of the problem is to calculate all the temperature-varying conductivity and radiative properties between the plates.

The dimensionless energy equation for a conductionradiation heat transfer medium with a temperature-varying





 (\mathbf{i}) (cc)

Copyrights for this article are retained by the author(s) with publishing rights granted to Amirkabir University Press. The content of this article is subject to the terms and conditions of the Creative Commons Attribution 4.0 International (CC-BY-NC 4.0) License. For more information, please visit https://www.creativecommons.org/licenses/by-nc/4.0/legalcode.



Fig. 2. Results of optical depth reconstruction a) Accurate and reconstructed optical depth distributions for applied errors of 3% and 5% b) Error distributions of optical depth for 3% and 5% modes

thermal conductivity in steady-state is presented in Eq. (1).

$$\frac{d}{dx^*}(Pl(T^*)\frac{dT^*}{dx^*}) - \frac{dq^*}{dx^*} = 0$$
⁽¹⁾

In order to solve the radiation intensity equation, the MDOM is used in accordance with the Ref. [3]. The dimensionless radiative heat transfer equation for a ray is as Eq. (2)

$$\frac{dI^*}{dx^*} = -\beta(T^*)I^*(\Omega)L + k_a(T^*)LT^{**} +$$

$$\frac{\sigma_s L}{4\pi} \int_{\Omega'=4\pi} I^*(\Omega')\phi(\Omega',\Omega)d\Omega'$$
(2)

In this equation, $k_a(T^*)$ is the absorption coefficient and σ_s is the scattering coefficient.



Fig. 3. Thermal conductivity reconstruction results a) Planck distributions for 3 accurate and reconstructed states with three measurement errors of 0%, 3%, and 5%; b) Relative error distribution diagram for the Planck number after reconstruction for applied errors of 3% and 5%.

3- Results and Discussion

In this part, a thermal insulator made of nanomaterials is intended. In order to consider a real-mode construction and testing in the laboratory, an insulator with a thickness of 1 cm is intended. Thermal insulators made of nanomaterials have high absorption coefficients and low conductivity coefficients. Thus, low heat flux and radiation intensity go out of boundaries. In addition, the values of radiation intensities in different directions have no significant changes. Therefore, the values in the boundaries alone are not enough for the suitable reconstruction of properties. In order to solve the problem in this section, in addition to using a two-step algorithm with discrete objective functions, new objective functions are applied at each stage for use in the reconstruction of properties of such materials.

Planck considered is in accordance with Eq. (3).

$$Pl = 3.53T^{*3} + 1.41T^{2*} + 1.058T^{*} + 0.353$$
⁽³⁾

The optical depth considered is in accordance with Eq. (4).

$$\tau = 10T^{*2} + 5T^* + 15 \tag{4}$$

3-1-Solving Algorithm:

Step 1: Using the objective functions of output total radiation intensity of the surface (G'1), the Planck number of surfaces (G3) and the heat flux of the entire surfaces (G2), recover all the coefficients of the optical depth and Planck equation.

Step 2: Put the Planck equation coefficients obtained from step 1 as the known parameters, and then recover the coefficients of the optical depth equation by using the objective function of the total radiation intensity of the surface output and Planck surfaces. The results of optical depth reconstruction are as follows.

4- Conclusions

To reconstruct the properties varying with the temperature of this medium, for the absorption and conduction coefficients, two new objective functions were defined for use in a twostep algorithm. In this section, it was proposed for the first stage of the algorithm that the objective function of the total radiation intensity of the boundaries and the overall heat flux and the conductivity coefficients of the material at the boundary temperature to be used. The result of this step was the reconstruction of the coefficients of the Planck number equation. Then, in order to reconstruct the coefficients of the absorption coefficient equation, the total objective functions of the output radiation intensities of the boundaries and the boundary conductivity coefficient at the surface temperature were used. The reconstruction results were in good agreement with the exact results, even with measurement error of 5%.

References

- [1] Y. Ren, H. Qi, F. Zhao, L. Ruan, H. Tan, Simultaneous retrieval of temperature-dependent absorption coefficient and conductivity of participating media, Scientific reports, 6 (2016) 21998.
- [2] S.-C. Sun, H. Qi, S.-L. Wang, Y.-T. Ren, L.-M. Ruan, A multi-stage optimization technique for simultaneous reconstruction of infrared optical and thermophysical parameters in semitransparent media, Infrared Physics & Technology, 92 (2018) 219-233.
- [3] S.C. Mishra, H.K. Roy, N. Misra, Discrete ordinate method with a new and a simple quadrature scheme, Journal of Quantitative Spectroscopy and Radiative Transfer, 101(2) (2006) 249-262.

This page intentionally left blank

نشريه مهندسي مكانيك اميركبير



نشریه مهندسی مکانیک امیرکبیر، دوره ۵۲، شماره ۹، سال ۱۳۹۹، صفحات ۲۵۵۱ تا ۲۵۶۸ DOI: 10.22060/mej.2019.14880.5966

بازسازی همزمان خواص تابشی و هدایتی متغیر با دمای نانوعایق حرارتی بین دو صفحه تخت با استفاده از الگوریتم بهینهسازی کوچ پرندگان

مهدی پاک دامن'، سمیرا پایان'®، مسعود حسینی سروری'، سهیلا محمد پور'

^۱ گروه مهندسی مکانیک، دانشکده مهندسی شهید نیکبخت، دانشگاه سیستان و بلوچستان، زاهدان، ایران ^۲گروه مهندسی مکانیک، دانشکده فنی مهندسی شهید باهنر کرمان، دانشگاه شهید باهنر کرمان، کرمان، ایران

تاریخچه داوری: دریافت: ۱۳۹۷/۰۶/۰۲ بازنگری: ۱۳۹۷/۰۹/۲۹ پذیرش: ۱۳۹۷/۱۱/۱۵ ارائه آنلاین: ۱۳۹۷/۱۱/۲۵

کلمات کلیدی: مسئله تابش–هدایت بهینهسازی چند مرحلهای تابع اهداف مجزا عدد پلانک متغیر با دما ضریب جذب متغیر با دما

مصالح ساختمانی [۳] و سایر کاربردهای مهندسی.

دراکثر مطالعات پارامتر هدایت-تابش، خواص تابشی و هدایتی ثابت

میباشند. با این حال در کاربردهای عملی هدایت پذیری و ضریب جذب

وابسته به دما میباشند [۴]. برای حل مسائل معکوس باید روشهای حل

معکوس مورد مطالعه قرار گیرد. روشهای معکوس در دهههای گذشته

به طور کامل مورد مطالعه قرار گرفته است و میتوان این روشها را به

دو دسته کلی تقسیمبندی کرد[۵] . دسته اول شامل روشهای گرادیانی

میباشند مانند: روش گوس-نیوتن ۲ [۶-۷]، لونبرگ-مارکورات [۸] روش

گرادیان مزدوج [۹] . دسته دوم روشهای اکتشافی و برخورد تصادفی ذرات

میباشند که به نام روشهای هوشمند بهینهسازی معروف میباشند. مانند

الگوریتم ژنتیک^۷ [۱۰ و ۱۱]، الگوریتم بهینهسازی کوچ پرندگان^۸ [۱۲ و ۱۳]

خلاصه: در این مقاله یک الگوریتم بهینه سازی جهت بازسازی همزمان خواص تابشی و هدایتی در عایقهای حرارتی یکپارچه، ساخته شده از نانو مواد بین دو صفحه تخت ارائه شده است. مسئله تابش با استفاده از روش جهتهای مجزا تصحیح شده فرمول بندی می شود. مسئله هدایت و تابش با استفاده از روش حجمهای محدود و مسئله معکوس با استفاده از الگوریتم کوچ پرندگان حل می گردد. ابتدا یک مسئله ساده مطرح و حل می شود، سپس الگوریتم چند مرحلهای، با توابع هدف جدید به منظور بازسازی خواص تابشی و هدایتی یک عایق حرارتی ساخته شده از نانو مواد به کار گرفته می شود. در حالت اول، ضریب جذب ثابت با استفاده از شدتهای تابش خروجی مرزها در مرحله اول و پارامتر ثابت هدایت–تابش با استفاده از شار حرارتی کل مرزها در مرحله دوم بازسازی می شوند. خطای بدست آمده برای پارامتر بدون بعد هدایت– تابش با استفاده از شار حرارتی کل مرزها در مرحله دوم بازسازی خواص یک عایق حرارتی یکپارچه از نانو مواد به ضخامت ۱ سانتی متر بازسازی می شود. ارائه الگوریتم پیشنهادی و توابع هدف جدید بخصوص به بازسازی عدد پلانک به عنوان پارامتر هدایت– تابش کمک کرده و از حساسیت آن به خطای اندازه گیری کاسته است.

۱ – مقدمه

حل مسائل معکوس از اهمیت ویژهای در انتقال حرارت برخوردار است. تحلیل مسائل معکوس یک مزیت بزرگ برای بسیاری از مسائل مهندسی است که تحلیل مستقیم آنها امکانپذیر نیست. روش معکوس در تخمین پارامترهای مهمی در انواع انتقال حرارت هدایت، جابهجایی و تابش مورد استفاده قرار می گیرد. در مسائل معکوس هدایت، خواصی مانند هدایتپذیری و ظرفیت گرمایی ماده و خواص سطحی ماده مانند دما و شار حرارتی سطح تخمین زده می شود. مسائل معکوس تابش به طور گسترده مورد بررسی قرار گرفتهاند که این نوع مسایل به تعیین خواص تابشی مانند ضریب آلبدوی پراکندگی^۲، ضخامت نوری ^۲و تابع فاز^۳ می پردازند. حل مسائل معکوس هدایت-تابش و تخمین خواص هدایتی و تابشی در بسیاری از کاربردهای مهندسی از اهمیت ویژه ای برخوردار است مانند عایق های حرارتی [۱–۲]،

- 4 Gauss-Newton
- 5 Levenberg-Marquardt
- 6 Conjuate Gradient Metod
- 7 Generic Algorithm
- 8 Partical Swarm Optimization

¹ Scattering Albedo

² Optical Depth

Phase Function

^{*} نویسنده عهدهدار مکاتبات: s_payan_usb@eng.usb.ac.ir

و الگوریتم بهینهسازی کلونی مورچگان^۱ [۱۴ و ۱۵]. روشهای هوشمند بهینهسازی روشهای قدرتمندی برای حل مشکلات معکوس میباشند. این روشها به دلیل قدرت بالا در پایداری و نداشتن مشکلات در ابعاد بزرگ[۱۵] از روشهای گرادیانی مناسبتر میباشند.

سیلوا نتو و ازیسیسک [۱۶] از روش لونبرگ-مارکورات برای بدست آوردن ضخامت نوری، ضریب انحراف و هدایت پذیری بین دو صفحه شفاف استفاده کردند. لی [۱۷] به آنالیز معکوس مسئله هدایت-تابش یکبعدی پرداخت. با اندازه گیری شدتهای تابش خروجی از مرزها، تابع فاز انحراف، ضخامت نوری و پارامتر بدون بعد هدایت-تابش را که همه ثابت بودند، تخمین زد. الیفانو و همکاران [۱۸] به مطالعه عایقهای چند لایه با نوع انتقال حرارت هدایت-تابش در محیط شفاف پرداختند. آنها با اندازه گیری دما در حالت پایا، با استفاده از حل معکوس برای کنترل دمای سیستمهای فضاپیماها به بازیابی ویژگیهای حرارتی و تابشی (هدایتپذیری و گسیلپذیری) پرداختند. داس و همکاران [۱۹] به آنالیز معکوس مسئله هدایت-تابش گذرا در یک محیط یک بعدی با خواص جذب و گسیل پذیری و انحراف ایزوتروپیک پرداختند. در این مسئله، دیوارها را پخشی-خاکستری در نظر گرفتند. یکی از دیوارها در شرایط دما ثابت و دیگری شار ثابت می باشند. آن ها با استفاده از روش الگوریتم ژنتیک و با در دست داشتن دما و شار روی سطوح به بازیابی خواص پرداختند. بایاژانگ و همکاران[۲۰] به تاثیر عملکرد الگوریتم بهینهسازی کلونی مورچگان همگن در مسائل انتقال حرارت معکوس یکبعدی هدایت-تابش در حالت پایا در بین دوصفحه موازی پرداختند. پارامترهای ضریب جذب، هدایت پذیری و انحراف در محیط نیمه شفاف مورد بازیابی قرار گرفت. این خواص با اندازه گیری شار و دمای حرارتی سطح، مورد بازیابی قرار گرفتند. آنها به این نتیجه رسیدند که این الگوریتم خطا را کاهش میدهد. یاتورن و همکاران [۲۱] با استفاده از الگوریتم بهینهسازی کوچ پرندگان در یک محیط یک بعدی هدایت-تابش وابسته به زمان به بازیابی هدایت پذیری و ضریب جذب خطی متغیر با دما پرداختند. در معادلات حاکم، آنها فرض کردند که هدایت پذیری تنها تابعی از دما بوده و به مکان وابسته نیست و شکل ساده شدهای از معادله انرژی را مورد استفاده قرار دادند. شانچنج سان [۲۲] با استفاده از یک روش بهینهسازی چند مرحلهایی در یک محیط نیمهشفاف جاذب و صادرکننده دوبعدی همراه با انتقال حرارت هدایت-تابش به بازسازی هدایت پذیری، ضريب جذب و ضريب انحراف پرداختند كه همه اين ضرايب به صورت ثابت

درنظر گرفته شدهاند.

بیشتر مطالعات به تخمین خصوصیات تابشی ثابت از قبیل گسیل پذیری، ضریب جذب، و ضریب پراکندگی پرداختهاند. تخمین همزمان ضریب جذب و هدایت پذیری متغیر با دما و مکان کمتر مورد توجه قرار گرفته است و همانطور که مشاهده شد در همان مقالات اندک نیز تنها ضرایب خطی متغیر با دما مورد بررسی قرار گرفته است. از آنجایی که این دسته از مسائل بسیار غیرخطی هستند بازسازی همزمان خواص، منجر به استفاده از الگوریتمها و توابع هدف خاص شده است. در این مقاله، توابع غیرخطی خواص تابشی چند مرحلهای بر پایه الگوریتم کوچ پرندگان و توابع هدف جدید به منظور چند مرحلهای بر پایه الگوریتم کوچ پرندگان و توابع هدف جدید به منظور موارت تابش به کمک روش جهتهای مجزا تصحیح شده فرمول بندی می شود و توسط روش حجمهای محدود حل می گردد. معادله انرژی نیز با روش مود و توسط روش حجمهای محدود حل می گردد. معادله انرژی نیز با روش

در این مطالعه به منظور تخمین همزمان ضریب جذب محیط و پارامتر هدایت-تابش و عدد پلانک از الگوریتمهای چند مرحلهای با توابع هدف مجزا استفاده می شود. این مقاله به دو بخش کلی تقسیم می شود. در قسمت اول به بازسازی ضریب جذب و پارامتر هدایت-تابش ثابت (که قبلا در مراجع به طور مستقیم حل شده و اعتبارسنجی شده است) با تابع هدف شدتهای تابش مرزی با ورود خطای اندازه گیری ۳ و ۵ درصد پرداخته شده است. نتایج به دست آمده کاهش دقت با بالا رفتن خطای اندازه گیری را نشان میدهد. بنابراین، یک الگوریتم چند مرحلهای با دو مرحله اصلی با دو تابع هدف مجزا تعريف مى شود كه باعث افزايش دقت بازسازى پارامترها مى شود، به طوری که خطای نسبی این پارامترها از خطای اندازه گیری اعمال شده کمتر است. در قسمت دوم به بازسازی خواص و پارامترهای غیرخطی متغیر با دما پرداخته می شود. در این قسمت یک عایق حرارتی ساخته شده از نانومواد به ضخامت ۱ سانتیمتر بین دو صفحه تخت قرار می گیرد. از آنجایی که در چنین عایقهای حرارتی ضریب جذب بسیار بزرگ بوده و نوع دیفیوژن در تابش غالب است میتوان از ضرایب هدایتی حرارتی مرزها در دمای سطح، علاوه بر بازسازی ضریب هدایت محیط، به منظور بازسازی ضرایب جذب نیز کمک گرفت. لذا ابتدا با توجه به توابع هدف مجموع شارهای حرارتی کل و ضرایب هدایت حرارتی مرزها و شدتهای تابش نسبی به بازسازی خواص هدایتی متغیر با دما پرداخته شده و سپس در مرحله دوم با استفاده از

¹ Colony Optimization



شکل ۱: شکل شماتیک کار حاضر الف) محیط با خواص ثابت و طول ۱متر ب) محیط با خواص متغیر با دما و طول ۱ سانتیمتر

Fig. 1. The schematic diagram of the current work a) the medium with constant properties and a length of 1 meter b) the medium with temperature variable properties and a length of 1 cm

> تابع هدف مجموع شدتهای تابش نسبی و ضرایب هدایت حرارتی مرزها به بازسازی ضریب جذب محیط پرداخته شده است. نتایج به دست آمده حاکی از دقت بالای الگوریتم چند مرحلهای است به طوری که بیشیینه خطای نسبی محاسبات از خطای اعمال شده اندازه گیری کمتر بوده و الگوریتم چند مرحلهای پیشنهاد شده برای بازسازی خواص هدایتی و تابشی پیشنهاد میشود.

۲- تعریف مسئله

یک محیط یک بعدی با نوع انتقال حرات هدایت – تابش مطابق با شکل ۲ یک محیط یک بعدی با نوع انتقال حرات هدایت – تابش مطابق با شکل ۲ T_{γ} =۵۰ K و T_{γ} =۵۰۰ K و ۲ ماد رنظر گرفته شده است. فرض قرار دارند. محیط خاکستری و بدون انحراف درنظر گرفته شده است. فرض می شود تمامی خواص و مقادیر شار و شدتهای تابش را بر روی مرزها بتوان اندازه گرفت. فاصله بین دو صفحه L است. هدف مسئله محاسبه تمام خواص هدایتی و تابشی به صورت ثابت و یا متغیر با دما در بین صفحات خواص هدایتی و تابشی به صورت ثابت و یا متغیر با دما در بین صفحات شکل ۱ الف مشخص است در مسئله در نظر گرفته شده است. همانطور که از آست. به این منظور دو نوع مسئله در نظر گرفته شده است. همانطور که از آست. به این منظور دو نوع مسئله دو نظر گرفته شده است. ممانطور که از آرمای (۲ الف مشخص است در مسئله نوع اول یک محیط که قبلا در مرجع منظور بررسی الگوریتم معکوس مورد مطالعه قرار گرفته است. در مسئله نوع دوم (شکل ۱ ب) به منظور بررسی یک حالت واقعیتر که امکان ساخت و دوم (شکل ۱ ب) به منظور بررسی یک حالت واقعیتر که امکان ساخت و تست آن در آزمایشگاه وجود داشته باشد، یک نمونه به ضخامت ۱ سانتی متر

با خواص متغیر غیرخطی در نظر گرفته شده است.

معادله انرژی برای یک محیط با انتقال حرارت مرکب هدایت-تابش با هدایت پذیری متغیر با دما و در حالت پایا به صورت زیر است.

$$\frac{d}{dx}(k(T)\frac{dT}{dx}) - \frac{dq_r}{dx} = 0 \tag{(1)}$$

که در این معادله ترم اول معرف گرادیان شار هدایتی و ترم دوم معرف گرادیان شار تابشی میباشد که بهصورت زیر تعریف می شود.

$$\frac{dq_r}{dx} = k_a(T)(4\pi I_b - G) \tag{(Y)}$$

در این معادله G شدت تابش فرودی و I_b شدت تابش جسم سیاه می اشند که به صورت زیر محاسبه می شوند:

$$G = \int_{\Omega} I d\,\Omega \tag{7}$$

$$I_b = \frac{\sigma T^4}{\pi} \tag{(f)}$$

در این رابطه $d\Omega$ المان زاویه فضایی است، I شدت تابش میباشد که به کمک معادله انتقال تابش بدست میآید. از آنجایی که انتقال حرارت هدایت با توان اول و انتقال حرارت تابش با توان چهارم دما رابطه مستقیم دارد، معادله انرژی، معادله ای غیرخطی است. بنابراین برای حل مسئله در این حالت، با خطی کردن جملات غیرخطی، از روش های مبتنی بر تکرار استفاده میشود. روش استفاده شده در کار حاضر، بر اساس حل معادله هدایت است و جمله تغییرات انتقال حرارت تابشی به عنوان یک چشمه حرارتی در معادله ظاهر می شود.

هدف از حل معادله انرژی، بدست آوردن توزیع دمای محیط میباشد. بنابراین با در نظر گرفتن جمله تابش در معادله انرژی به عنوان یک چشمه حرارتی، معادله انرژی با استفاده از روش حجمهای محدود حل شود.

۳- ۱- روش جهتهای مجزا

برای حل معادله شدت تابش از روش بهبود یافته جهات مجزا مطابق با مرجع [۲۴] استفاده می شود. معادله انتقال حرارت تابشی یک پرتو به صورت رابطه (۵) است:

$$\frac{dI}{dx} = -(k_a(T) + \sigma_s)I(\Omega) + k_aI_b + \frac{\sigma_s}{4\pi} \int_{\Omega^{'}=4\pi} I(\Omega^{'})\phi(\Omega^{'},\Omega)d\Omega^{'}$$
(δ)

در این معادله $K_a(T)$ ضریب جذب و σ_s ضریب انحراف میباشد. جمله آخر، چشمه ایجاد شده در اثر وجود انحراف میباشد که به صورت رابطه (۶) تعریف می شود.

$$S_{P} = \frac{\sigma_{s}}{4\pi} \int_{\Omega'=4\pi} I(\Omega') \phi(\Omega', \Omega) d\Omega'$$
(8)

برای یافتن شدت تابش، لازم است شرط مرزی روی دیوارهها معلوم باشد. برای یک سطح کدر با گسیل و انعکاس پخشی، شدت تابش مستقل از جهت است. بنابراین، در هر نقطه دلخواه روی سطح (r_w) به صورت معادله (۲) می باشد.

$$I = \varepsilon I_b + \frac{(1-\varepsilon)}{\pi} \int_{\hat{n}.\Omega' < 0} I(\Omega') |\hat{n}.\Omega| d\Omega'$$
(Y)

روش جهتهای مجزا، روشی برای تبدیل معادله انتقال تابش به یک

مجموعه از معادلات دیفرانسیل جزئی است، بهطوری که انتگرال زاویه فضایی را به سری تبدیل می کند. در روش جهتهای مجزا (S-N) معادله انتقال تابشی برای حالت یک بعدی به صورت معادله (۸) می باشد.

$$I_{p}^{m} = \frac{\left|\mu^{m}\right| A I_{x}^{m} + (k_{a} I_{b} + S_{p}^{m}) V_{p}}{\left|\mu^{m}\right| A + \beta V_{p}} \tag{A}$$

در این معادله μ^m به صورت زیر تعریف می شود.

$$\mu^m = \cos\theta^m \tag{9}$$

در معادلـه (۱۰)، عبارت ${S_p}^m$ تعریف عبـارت چشـمه تابشی اسـت که بعد از گسستهسازی طبق رابطه زیر بدست میآید:

$$S_{p}^{m} = \frac{\sigma_{s}}{4\pi} \sum_{m=1}^{M} w_{g}^{m} I_{p}^{m} \phi^{m,m}$$
(\.)

که در آن w_{g}^{m} ، تابع وزنی میباشد. شار حرارتی تابشی طبق رابطه (۱۱) محاسبه میشود.

$$q = \int_{\Omega=0}^{4\pi} I(\Omega) \cos\theta d\Omega = \sum_{m=1}^{M} I^m w_h^m \qquad (11)$$

و \mathcal{W}_{h} و \mathcal{W}_{h} توابع وزنی میباشند و مقادیر آن
ها طبق روابط (۱۲) و \mathcal{W}_{g} (۱۳) بدست میآیند:

$$w_g^{m'} = 4\pi \sin \theta^{m'} \cos(\frac{\Delta \theta^{m'}}{2}) \tag{17}$$

$$w_h^m = 2\pi [\sin\theta^m \cos\theta^m \sin\Delta\theta^m]$$
(17)

و
$$\overset{m}{ heta}$$
 به صورت معادلههای زیر تعریف می شوند: $\Delta heta$

$$\theta^{m} = (m - 1/2)\Delta\theta^{m}$$

$$m = 1, 2, 3, \dots, M_{\theta}$$
(14)

$$\Delta \theta^{m} = \frac{\pi}{M_{\theta}} \tag{10}$$

$$x^* = \frac{x}{L}$$
 برای بیبعدسازی معادله انرژی، با در نظر گرفتن $x^* = x$ ،

(۱۶) فرم بیبعد معادله انرژی به صورت رابطه
$$q_r^* = \frac{q_r}{4\sigma T_1^4}$$
 و $T^* = \frac{T}{T_1}$ ماصل می شود.

$$\frac{d}{dx^{*}}(Pl(T^{*})\frac{dT^{*}}{dx^{*}}) - \frac{dq^{*}_{r}}{dx^{*}} = 0$$
 (19)

که در این رابطه
$$\frac{k(T^*)}{4L\sigma T_1^3} = \frac{R(T^*)}{4L\sigma T_1^3}$$
 تعریف می شود. برای بی بعدسازی معادله شدت تابش با در نظر گرفتن پارامترهای $I^* = \frac{\pi I}{\sigma T_1^4}$ و $I_b = \frac{\sigma T_1^4}{\pi}$

$$\frac{dI^*}{dx^*} = -\beta(T^*)I^*(\Omega)L + k_a(T^*)LT^{*'} + \frac{\sigma_s L}{4\pi} \int_{\Omega=4\pi} I^*(\Omega')\phi(\Omega',\Omega)d\Omega'$$
(19)

که در این رابطه $(T^*) = k_a(T^*) + \sigma_s(T^*)$ (ضریب) که در این رابطه میشود و در نهایت فرم گسسته شده معادله شدت تابش به صورت رابطه (۱۸) حاصل می شود.

$$I^{*m} = \frac{\left|\mu^{m}\right| I^{*m}_{x} + L\beta(T^{*})(1-\omega)\gamma dx^{*}T^{*^{4}} + L\beta(T^{*})dx^{*}S^{*}_{P}\gamma}{\left|\mu^{m}\right| + L\beta(T^{*})\gamma dx^{*}}$$
(1A)

که در این رابطه ω ضریب آلبدوی پراکندگی است و به صورت که در این رابطه ω ضریب آلبدوی پراکندگی است و به صورت $m = \frac{\sigma_s}{\beta}$ تعریف می شود و S_p^* چشمه بی بعد ناشی از انحراف می باشد. در این مقاله اثر انحراف ناچیز در نظر گرفته شده است. لذا با صفر قرار داردن در این مقاله اثر انحراف ناچیز در نظر گرفته شده است. لذا با صفر قرار داردن و g_p^* و تساوی ضریب استهلاک با ضریب جذب معادله شدت تابش به شکل نهایی زیر می باشد:

$$I^{*m} = \frac{\left|\mu^{m}\right| I^{*m}_{x} + Lk_{a}(T^{*})\gamma dx^{*}T^{*}}{\left|\mu^{m}\right| + Lk_{a}(T^{*})\gamma dx^{*}}$$
(19)

در صورتی که ضریب جذب ثابت باشد 1/L با $k_a(T^*)$ جایگزین می شود و به این صورت عدد پلانک به پارامتر بدون بعد هدایت تابش $N_1 = \frac{kk_a}{4\sigma T_1^3}$

۴- حل معکوس

مسئله معکوس با کمینه سازی یک تابع هدف با استفاده از الگوریتم های بهینه سازی حل می شود که در کار حاضر با توجه به این که حالتهای متفاوتی بررسی شده از چهار تابع هدف برای کم کردن خطا استفاده شده است. این توابع به صورت روابط (۲۰) تا (۲۲) تعریف می شوند.

$$G_{1}(k_{a}, N_{1}) = \sum_{m=1}^{M} (I_{e}^{m}(1) - I_{d}^{m}(1))^{2} + \sum_{m=1}^{M} (I_{e}^{m}(0) - I_{d}^{m}(0))^{2}$$
(IIb)

$$G_{1}'(k_{a}) = \sum_{m=1}^{M} (I_{e}^{m}(1) - I_{d}^{m}(1))^{2} +$$

$$\sum_{m=1}^{M} (I_{e}^{m}(0) - I_{d}^{m}(0))^{2}$$
($\Upsilon \cdot$)

$$G'_{1}(k_{a},k) = \sum_{m=1}^{M} (I_{e}^{m}(1) - I_{d}^{m}(1) / I_{d}^{m}(1))^{2} + \sum_{m=1}^{M} (I_{e}^{m}(0) - I_{d}^{m}(0) / I_{d}^{m}(0))^{2}$$
(5)

که در این رابطه M، تعداد کل نقاط اندازهگیری،
$$I_a$$
 شدت تابش
اندازهگیری شده و I_e شدت تابش بدست آمده از حل معکوس میباشد.

$$G_{2}(k, N_{1}) = (q_{Te}^{*}(1) - q_{Td}^{*}(1))^{2} + (q_{Te}^{*}(0) - q_{Td}^{*}(0))^{2}$$
(Y1)

در این رابطه
$$q^*_{Te}$$
 کل شار حرارتی اندازهگیری شده و q^*_{Te} کل شار
حرارتی محاسبه شده از حل معکوس میباشد.

$$G_{3}(k) = (Pl_{Te}(1) - Pl_{Td}(1))^{2} + (Pl_{Te}(0) - Pl_{Td}(0))^{2}$$

در این رابطه Pl_{Td} پلانک اندازه گیری شده و Pl_{Te} پلانک محاسبه شده از حل معکوس می باشد. همانطور که در تعریف مسئله ذکر شد فرض می شود هر خاصیتی روی مرزها را بتوان اندازه گرفت. به عنوان مثال برای مقاله حاضر از پلانک روی مرزها که متناظر با همان ضریب هدایت حرارتی روی مرزها است استفاده می شود. می توان با دردست داشتن شار کل و شار تابشی بر روی مرزها شار هدایت را به دست آورد و سپس با اندازه گیری دما

¹ Extinction Coefficient

در نزدیک مرز و داشتن دمای مرز، گرادیان دما را محاسبه کرد و سپس با استفاده از قانون فوریه، ضریب هدایت حرارتی و نهایتا با تقسیم آن طبق رابطه، پلانک را بهدست آورد.

۴- ۱- الگوریتم کوچ پرندگان

الگوریتم کوچ پرندگان یکی از الگوریتمهای فرا اکتشافی است که از حرکت دستههایی از پرندگان که به صورت گروهی حرکت میکنند، الهام میگیرد. در این روش، گروهی از ذرات که هر کدام جوابی از تابع هدف خواهد بود، در فضای جست و جو به حرکت در میآیند و به دنبال بهترین جواب از موقعیت خود و همچنین با الهام گرفتن از دیگر جواب ها، به دنبال بهترین جواب کل مجموعه خواهند بود. الگوریتم بهینهسازی کوچ پرندگان برای اولین بار در سال ۱۹۹۵ توسط کندی و ابرهات [۲۵] در کنفرانسی مطرح شد و تا کنون برای خیلی از مسایل پیچیده جوابگو بوده است.

۴- ۲- مراحل الگوریتم بھینہسازی کوچ پرندگان

الگوریتم بهینهسازی کوچ پرندگان برای بهترین تجربه سراسری به صورت زیر انجام می شود.

مقداردهی اولیه به ذرات که بهصورت تصادفی تعیین می شوند. به این صورت که با توجه به محدودیت هایی که برای متغیرها گذاشته می شود، مقدار اولیه ذرات در بازه این محدودیت ها تعیین شود. ابتدا به هر متغیر بهینه سازی یک مقدار اولیه تصادفی به شکل رابطه (۲۳) در بازه متغیرها تخصیص داده می شود.

$$x_{ij} = rand(x_{ij,\min}, x_{ij,\max})$$
 (TT)

که rand اعداد تصادفی بین بازه مورد نظر را تولید می کند.

۲- پس از تعیین مقدار اولیه هر ذره (متغیرها)، مقدار تابع هدف هر ذره تعیین می شود.

۳- مرحله بعد، پیدا کردن بهترین موقعیت هر ذره (متغیر) با مقایسه کردن موقعیت همین ذره در تکرار قبلی از رابطه (۲۴) بدست می آید.

$$B_{i,j}(t) = \begin{cases} x_{i,j}(t) & G(x_{i,j}(t)) < G(B_{i,j}(t-1)) \\ B_{i,j}(t-1) & G(x_{i,j}(t)) \ge G(B_{i,j}(t-1)) \end{cases}$$
(Yf)

که B، بهترین موقعیت ذره در هر تکرار میباشد. t، مرحله تکرار الگوریتم

مىباشد.

۴– در این مرحله بهترین جواب در بین تمام ذرات از رابطه (۲۵) بدست خواهد آمد.

$$GB_{i,j}(t) = \begin{cases} B_{i,j}(t) & G(B_{i,j}(t)) < G(GB_{i,j}(t-1)) \\ GB_{i,j}(t-1) & G(B_{i,j}(t)) \ge G(GB_{i,j}(t-1)) \end{cases}$$
(Ya)

که GB بهترین موقعیت بین تمام ذرات برای هر متغیر میباشد. ۵- در این مرحله مقدار سرعت هر ذره طبق رابطه (۲۶) تعیین می شود که به صورت ترکیبی از بهترین موقعیت ذره است.

$$V_{i,j}(t) = w(t)V_{i,j}(t-1) + c_1 rand \left[B_{i,j}(t-1) - x_{i,j}(t-1) \right] + (\gamma F)$$

$$c_2 rand \left[GB_{i,j}(t-1) - x_{i,j}(t-1) \right]$$

در رابطه بالا $C_2 C_2$ ، مقادیر ثابتی میباشند. ۳، سهم سرعت قبلی را در سرعت جدید تعیین می کند و همگرایی روش بهینه سازی به این پارامتر بستگی دارد. مقادیر C_1 و C_2 ، در بازه رابطه (۲۷) تعیین می شود و ۳ توسط رابطه (۲۸) بدست می آید.

$$\begin{array}{l} 1.5 \leq C_1 \leq 2 \\ 2 \leq C_2 \leq 2.5 \end{array} \tag{(YY)}$$

$$w(it) = \left[\frac{(t_{\max} - it) \times (w_s - w_e)}{t_{\max}}\right] + w_e \tag{YA}$$

که
$$t_{\max}$$
 حداکثر تکرار الگوریتم بهینه سازی است. برای ضرایب C_1 و C_1 مشرط رابطه (۲۹) باید برقرار باشد تا همگرایی مسئله برقرار شود.
 $C_1 + C_2 \le 4$ (۲۹)

$$x_{i,j}(t) = x_{i,j}(t-1) + V_{i,j}(t)$$
 ($^{\circ}$)

۷- برگشتن به مرحله دوم و تکرار این روند تا اینکه شرایط خواسته شده
 از الگوریتم ارضا شود.

۵- استقلال از شبکه و اعتبارسنجی مسئله مستقیم

برای استقلال از شبکه یک محیط یک بعدی با نوع انتقال حرارت هدایت-تابش بدون انحراف در حالت پایا در نظر گرفته شده است. دیوارهها سیاه و در دماهای $T_{,}=0.4$ و $T_{,}=7$ قرار دارند. همچنین فاصله بین صفحات m ا= 1 است. استقلال دو نوع شبکه فضایی و شبکه مکانی باید انجام شود. برای انجام این قسمت ابتدا تعداد تقسیمات زاویه ای را ثابت و برابر ۱۰ جهت (S–۱۰) در نظر گرفته و شبکه مکانی از ۱۰ تا ۱۰۰ بررسی میشود که در این قسمت با توجه به شکل ۲ الف شبکه مکانی فضایی انتخاب شده است. سپس با ثابت نگه داشتن شبکه مکانی شبکههای فضایی مختلف آزمایش می شود که طبق شکل ۲ ب تقسیمات زاویه ای ۲۰ به دست

به منظور اعتبارسنجی مسئله مستقیم هدایت–تابش، کار حاضر با مرجع[۲۳] ، مقایسه شده است. برای این منظور، اعتبارسنجی برای حالت بدون انحراف یک محیط تاثیرگذار خاکستری با خاصیت جذب و صدورپذیری که بین دو صفحه موازی با دیوارههای سیاه و درجه حرارت _۲ T و _۲ T قرار دارد، انجام گرفته است. هدف یافتن شار حرارتی کل بدون بعد می باشد. مقدار تقسیمات زاویهای به صورت _۲ Z و تعداد نقاط ۴۰، برای تمام حالات در نظر گرفته شده است. نتایج بدست آمده از مرجع [۲۳]، و کار حاضر در جدول ۱، آورده شده است. همانطور که مشاهده می شود تطابق بسیار خوبی بین نتایج بدست آمده از کار حاضر و کار انجام شده در مرجع [۲۳] وجود دارد.



8- نتايج

خطای اندازه گیری در تحقیقات علمی یک مورد بدیهی میباشد. بنابراین، در صورت حل عددی مسئله، به منظور شبیه سازی خطای عددی، باید به مقادیر به دست آمده از حل مستقیم خطا وارد شود. سپس این مقادیر به عنوان مقادیر اندازه گیری شده وارد مسئله معکوس می شوند. برای وارد کردن خطای اندازه گیری به صورت رابطه (۳۱) عمل می شود.

$$Y_{mea} = Y_{exa} + \sigma\lambda \tag{(71)}$$

که در این رابطه Y_{mea} مقدار اندازه گیری شده، Y_{exa} مقدار بدست آمده از حل مستقیم، λ عدد تصادفی می باشد که مقدار آن برابر ۱/۸۲۷۹ در نظر گرفته شده است و σ مطابق با رابطه (۳۲) حساب می شود.

$$\sigma = \frac{Y_{exa} \times \eta\%}{2.576} \tag{(VY)}$$

در رابطه (۳۲)، η مقدار خطای اعمال شده می باشد.

۶- ۱- بازسازی ضریب جذب ثابت و پارامتر هدایت-تابش ثابت

در این قسمت به بازسازی ضریب جذب ثابت و پارامتر بدون بعد هدایت– تابش (N_{1}) ثابت پرداخته شده است. تابع هدف در نظر گرفته شده در این قسمت شدتهای تابش خروجی از دو سطح میباشند. محیط، صادرکننده–جذبکننده تابش با N_{1} و k_{1} است و سطوح سیاه هستند. نتایج حاصل از بازسازی در ۲ خطای اندازه گیری ۳ و ۵ درصد در نظر گرفته شده است و با حالت بدون خطا در جدول ۲ مقایسه شده اند.



شکل ۲ ب: استقلال شبکه فضایی

Fig. 2. : a) The independence of locative grid b) The independence of the space network

Table 1. The comparison of the present work results with reference [25]

درصد خطا	$\frac{q}{\sigma T_1^4}$)presentwork	$\frac{q}{\sigma T_1^4}$)ref	$N_1 = \frac{k_a k}{4\sigma T_1^3}$	$t = \frac{T_2}{T_1}$	ضریب جذب k _a
١/۶٣	• /YA۵	۰/۲۹۸	•/1		
١/٠	۲/۵۷۴	۲/۰۰۶	١/٠	• /۵	١/•
•/١٢	۲۰/۵۷۴	۲۰/۰۰۶	۱۰/۰		
۲/۱	•/٩٧•	•/٩٩١	•/1		
۰/۴۵	۴/۱۹٩	4/218	١/•	• / \	١/•
•/•۶	36/211	۳۶/۶۰	۱۰/۰		

جدول 1: مقایسه نتایج کارحاضر با ویسکانتا و گراش [۲۳]

 Table 2. The results of the constant absorption coefficient reconstruction and the constant conduction-radiation parameter using objective function of output intensities of radiation from the surfaces

درصد خطای اندازه گیری	N_I	k _a	ERR N ₁ %	ERR k _a %
•	١/٠	١/٠	•/•	•/•
٣	• ./۴۹١	۱/۰۰۱	۵۰/۹	•/• 1
۵	• /٣۶٣	۱/• ۱	۶۳/۷	١

جدول ۲: نتایج بازسازی ضریب جذب ثابت و پارامتر هدایت-تابش ثابت با تابع هدف شدتهای تابش خروجی از سطوح

نتایج بدست آمده نشان میدهد که ضریب جذب حتی با اعمال خطای اندازه گیری ۵ درصد به خوبی بازسازی شده است اما پارامتر بدون بعد هدایت – تابش حساسیت کمی به شدتهای تابش برای بازسازی دارد و خطای نتایج به دست آمده برای آن بسیار بالا است، بنابراین الگوریتم زیر پیشنهاد شده است تا دقت نتایج به دست آمده به واسطه آن بهبود یابد.

۶− ۱− ۱− الگوريتم الف)

گام اول: ابتدا هر دو پارامتر N_{v} و N_{v} را با استفاده از تابع هدف شدتهای تابش ($G_1(k_a,N$)) بدست آورید.

گام دوم: k_a بدست آمده در الگوریتم کوچ پرندگان به عنوان پارامتر معلوم در نظر گرفته شود و با استفاده از تابع هدف شارهای حرارتی مرزها (

کنید. $N_{n}(G_{2}(N_{1}))$ ا به عنوان تنها متغیر الگوریتم بازسازی کنید.

گام سوم: با در دست داشتن مقدار $N_{\rm i}$ از مرحله قبل آنرا در الگوریتم به عنوان ثابت قرار داده و با استفاده از تابع هدف شدتهای تابش ($G_{\rm i}'(k_a)$) ما مجددا بازسازی کنید به مرحله دوم برگردید و این کار تا همگرایی $k_{\rm a}$ (پارامتر تابش–هدایت و ضریب جذب ادامه دهید.

نتایج حاصل با توجه به الگوریتم ارایه شده برای ۱۹۰_۰ و ۰/۱=k در جدول ۳ آمده است.

 $k_{\rm a}$ و $k_{\rm a}$ ماکنون با توجه با الگوریتم ارائه شده برای دو پارمتر ثابت $k_{\rm a}$ و $k_{\rm a}$ مقادیر ۲/۱ ، ۱/۰ و ۱۰ برای پارامتر هدایت–تابش همراه با ۱/۰ ، ۱/۰ و ۱/۰ برای پارامتر هدایت–تابش می شوند بازه جستجو در خطای اندازه گیری ۱۰ ، ۲۰ و ۵ درصد بازسازی می شوند بازه جستجو در الگوریتم بهینه سازی کوچ پرندگان برای هر دو پارامتردر همه حالات بین

Table 3. The results of reconstruction using the proposed multi-step algorithm to calculate constant N1 and constant ka

ERR k_a %	ERR N_l %	k_a	N_{I}	درصد خطای اندازهگیری
•/•	•/•	•/૧૧૧	۱/۰۰۱	•
۰/۵۲	۲/۴	۱/۰۰۵۲	1/• 24	٣
• /٨٨	۴/۰	١/• • ٨٨	١/•۴	۵

جدول ۳: نتایج بازسازی با الگوریتم پیشنهادی چند مرحلهای برای محاسبه N۱ و ka ثابت

Table 4. The results of reconstructions for different N1s using algorithm A

$\frac{ERR}{(\%)} k_a$	ERR N ₁ (%)	$k_{a)2pso}$	N _{1)2pso}	خطای اندازهگیری	k _{a)ex}	N1)ex
• / •	•/•	٠/٩٩٩	•/\••	•/•		
• / Y N	•/•	1/••۲1	•/\••	١/٠		
• /84	•/•	1/••۶۴	•/\••	٣/٠	١/٠	٠/١
)/•Y	• / •	١/• ١ • ٧	•/\••	۵/۰		
• / •	•/1	٠/٩٩٩	۱/۰۰۱	•/•		
•/\\	•/A •	۱/۰۰۱	۱/۰۰۸	۱/۰		
۰/۵۲	۲/۴	۱/••۵	۱/•۲۴	٣/٠	١/•	١/٠
•/\\	۴/۰	۱/۰۰۸۸	۱/۰۴۰	۵/۰		
• / •	•/•	۱/۰۰۰	९/९९९	•/•		
٠/٢	• /V Y	1/••٢	۱۰/۰۷۲	١/٠		
• /۵ •	۲/۱۶	۱/• • ۵	۱۰/۲۱۶	٣/٠	١/•	۱۰/۰
• /\\	۳/۶۱	١/••٨	۱۰/۳۶۱	۵/ •		

جدول ۴: نتايج بازسازي براي ٨١هاي متفاوت با الگوريتم الف

۱۰/۱ تا ۱۰/۱، درنظر گرفته شده است به جز مورد N_۱ برابر ۱۰ که حد بالای بازه گسترده شده و مقدار ۲۰ برای آن در نظر گرفته شدهاست، نتایج حاصل در جدول ۴ خلاصه شده است.

همانطور که مشاهده می شود حتی با اعمال خطای ۵ درصد در دادههای اندازه گیری باز هم خطای محاسبه پارامتر هدایت-تابش از میزان ۵ درصد در هر سه پارامتر هدایت-تابش تجاوز نمی کند و این نشان دهنده بهبود الگوریتم اولیه و افزایش حساسیت پارامتر هدایت-تابش به شارهای حرارتی مرزها می باشد.

۶– ۲– بازسازی پارامترهای متغیر با دما

در این قسمت یک عایق حرارتی یکپارچه ساخته شده از نانومواد در نظر گرفته شده است. به منظور در نظرگرفتن یک حالت واقعی قابل ساخت و تست در آزمایشگاه یک عایق به ضخامت ۱ سانتیمتر در نظر گرفته شده است. عایقهای حرارتی ساخته شده از نانومواد دارای ضرایب جذب بالا و ضرایب هدایت پایین هستند. به این ترتیب شار حرارتی کم و شدتهای تابش کم از مرزها خارج می شوند. در ضمن مقادیر شدتهای تابش در جهات مختلف تغییرات قابل توجهی ندارند. لذا این مقادیر در مرزها به تنهایی برای بازسازی مناسب خواص، کافی نمی باشند. به منظور حل این مشکل در این Table 5. The coefficients of Planck's number and optical thickness

<i>b</i> ₃	<i>b</i> ₂	b_1	a_4	<i>a</i> ₃	<i>a</i> ₂	a_1	مورد
۱•/•	۵/۰	۱۵/۰	• / •	۴/۲۳	• /¥ • ۵	•/۵۲٩•	١
١./٠	۵/۰	۱۵/۰	۳/۵۳	1/41	۱/۰۵۸	• /٣۵٣	٢

جدول ۵: ضرایب مربوط به عدد پلانک و ضخامت نوری

Table 6. Considered range for Planck's number and optical thickness

سخامت نورى	لانک و ذ	معادله عدد يا	ضرايب	شدہ برای	گرفته	نظر	۶: بازه در	جدول
		~						

b_3	<i>b</i> ₂	b_1	a_4	<i>a</i> ₃	<i>a</i> ₂	a_1	مورد
[۲۰ و۵]	[۱۰و۳]	[۴۰]		[عو٢]	[۵/۱و ۰]	[۱و۰]	١
[۲۰ و۵]	[۱۰]	[۴۰]	[۵و ۰]	[۵و ۰]	[۵/۱ و ۰]	[۱و۱/۱]	٢

قسمت علاوه بر استفاده از الگوریتم چند مرحلهای با توابع هدف مجزا، در هر مرحله از توابع هدف جدید به منظور استفاده در بازسازی خواص چنین موادی استفاده می شود.

برای محاسبه خطای اندازه گیری از فرمول زیر (RMS) استفاده شده است.که فرمول محاسبه آن مطابق با رابطه (۳۳) است.

$$RMS\% = \sqrt{\frac{1}{N} \sum_{i=1}^{N} \left[\frac{|\phi_{d,i} - \phi_{e,i}|}{\phi_{d,i}} \times 100 \right]^2}$$
(°°°)

پس از در نظرگرفتن هدایتپذیری طبق رابطه زیر، آن را تبدیل به پلانک کرده نتایج حاصل بصورت نمودار پلانک بازسازی و ترسیم می شود. رابطه هدایتپذیری و پلانک بصورت رابطه (۳۴) است.

$$Pl(T) = \frac{k(T)}{4L\sigma T_1^3} \tag{(74)}$$

با توجه به رابطه ضخامت نوری $\mathcal{T}=\mathcal{\beta}L$ و رابطه ضریب استهلاک $\mathcal{\beta}=k_a+\sigma_s$ و در نظر گرفتن انحراف در این مسئله نتیجه می شود $\mathcal{\beta}=k_a+\sigma_s$ ، در این مسئله با درنظرفتن ضریب جذب و ضرب کردن آن

در یک سانتیمتر، در کد محاسباتی ضخامت نوری به طور مستقیم بازیابی شده است.

ضریب جذب درنظر گرفته شده مطابق با رابطه (۳۵) است.

$$k_a = 1000T^{*2} + 500T^* + 1500 \tag{7a}$$

و با ضرب کردن این رابطه در یک سانتیمتر، ضخامت اپتیکی بدست می آید و مطابق رابطه زیر می باشد.

$$\tau = 10T^{*2} + 5T^* + 15 \tag{(78)}$$

برای این نوع مسئله یک پلانک مرتبه دو و یک پلانک مرتبه سه و ضخامت نوری مرتبه ۲ مطابق با روابط (۳۷) و (۳۸) در نظر گرفته شده است..

$$Pl = \sum_{n=0}^{3} a_{n+1} T^{*n}$$
 (TY)

$$\tau = \sum_{n=0}^{2} b_{n+1} T^{*n} \tag{(YA)}$$

ضرایب پلانک و ضخامت نوری و بازههای در نظر گرفته شده برای

Table 7. The value of RMS error, optical thickness and Planck's number after reconstruction

case	$\eta\%$	$\% RMS(\tau)$	%RMS(Pl)
١	٣	۱/۶۱	۲/۲۲
	۵	١/٦١	٣/۶۴
٢	٣	۱/۶۵	۲/۳۰
	۵	١/۶۵	۴/۰۵

جدول ۷: میزان خطای جذر میانگین مربعات ضخامت نوری و عدد پلانک پس از بازسازی



شکل ۳: نتایج بازسازی ضخامت نوری مورد شماره ۱ الف) نمودار توزیع ضخامت نوری دقیق و بازسازی شده برای خطاهای اعمالی ۰، ۳ و ۵ درصد ب) نمودار توزیع خطای ضخامت نوری برای حالت ۳ و ۵ درصد



محاسبه ضرایب آنها به ترتیب مطابق با جدولهای ۵ و ۶ میباشد. همانطور که مشاهده میشود با توجه به رابطه در نظر گرفته شده برای ضخامت نوری و هدایتپذیری، چون ضخامت نوری در نظر گرفته شده بسیار بزرگتر از ۱ میباشد بنابراین انتقال حرارت تابش، از نوع دیفیوژن میشود که با توجه به همین موضوع الگوریتم زیر برای بازیابی ضرایب، در نظر گرفته شده است.

۶− ۲− ۱ – الگوريتم ب

گام اول: با استفاده از تابع هدف مجموع شدتهای تابش نسبی خروجی سطوح (G_2)، اعداد پلانک سطوح (G_3) و شار حرارتی کل سطوح (G_1^*)، اعداد پلانک سطوح (G_3) و شار حرارتی کنید.

گام دوم: ضرایب معادله پلانک بدست آمده از گام اول را به عنوان پارامترهای معلوم قرار دهید و سپس با استفاده از تابع هدف مجموع



شکل ۴: نتایج بازسازی هدایت پذیری مورد شماره ۱ الف) نمودار توزیع پلانک برای ۳ حالات دقیق و بازسازی شده با سه خطای ۰۰ ۳ و ۵ درصد ب) نمودار توزیع خطای نسبی عدد پلانک پس از بازسازی برای خطای اعمالی ۳ و ۵ درصد



شدتهای تابش نسبی خروجی سطوح (G_3) و پلانک سطوح (G_3) ، شدتهای تابش نسبی خروجی سطوح (G_3) ، ضرایب معادله ضخامت نوری را بازیابی کنید.

خطای جذر میانگین مربعات^۱ برای ۲ خطای اعمالی ۳ و ۵ درصد در جدول ۷ برای دو مورد درنظر گرفته شده در جدول ۵، آورده شده است.

پس از بازسازی، عدد پلانک و ضخامت اپتیکی برای مورد شماره ۱ از جدول ۵ به صورت نمودار در شکل ۳ الف و ۴ الف ترسیم و با حل دقیق مقایسه شدهاند. همانطور که در شکل ۳ الف و ۴ الف مشاهده می شود نمودار بازسازی شده با اعمال خطای اندازه گیری صفر درصد کاملا منطبق با نمودار حالت دقیق می باشد و نمودارهای بازسازی شده با اعمال خطای اندازه گیری ۳ و ۵ درصد بسیار نزدیک به نمودار حالت دقیق و رفتار آن ها مشابه نمودار حالت دقیق می باشد. هم چنین توزیع خطای نسبی به دست آمده از حل این مورد با استفاده از الگوریتم ب در اشکال ۳ ب و ۴ ب نمایش داده شده است. نکته حائز اهمیت حساسیت کم ضخامت نوری به خطای اعمالی اندازه گیری است، به طوری که نتایج دو خطای اندازه گیری ورودی همانطور که از شکل ۳ب مشخص است تقریبا یکسان هستند. شکل ۴ ب نشان می دهد اگرچه

نشان داده می شود حتی بیشینه خطا با اعمال خطای اندازه گیری ۵ درصد از ۵ درصد تجاوز نمی کند. همچنین نتایج شکل ۳ب حاکی از این مطلب است که در سطح گرم مقدار خطا افزایش می یابد. شدت تابش خارج شده از سطح گرم که از سطح سرد و محیط می آید به علت دمای پایین سطح سرد و ضخامت اپتیکی بالای محیط بسیار رقیق می شود و به این ترتیب نواحی نزدیک به دیوار گرم اطلاعات کافی را برای بازسازی خواص این ناحیه نداشته و دقت از سطح سرد، از سطح گرم می آید و توسط محیط با ضخامت اپتیکی بالا رقیق می شود از آنجایی که مقدار دمای سطح گرم بسیار بیشتر از سطح سرد نزدیک دیوار سرد، از سطح گرم می آید و توسط محیط با ضخامت اپتیکی بالا رقیق می شود از آنجایی که مقدار دمای سطح گرم بسیار بیشتر از سطح سرد یاست لذا مقدار رقیق شدگی آن نیز کمتر است و مقادیر خواص در نواحی نزدیک دیوار سرد با دقت بالاتری بازسازی می شوند. اگرچه از مقادیر پلانک است لذا مقدار رقیق شدگی آن نیز کمتر است و مقادیر خواص در نواحی نزدیک دیوار سرد با دقت بالاتری بازسازی می شوند. اگرچه از مقادیر پلانک است لذا مقدار رای بازسازی استفاده شده و این موضوع خطای نسبی را کاهش داده است اما تابش به واسطه معادله انرژی به هدایت و در نتیجه عدد پلانک وابسته است اما مستقیما تحت تاثیر شدتهای تابش است.

۵ نتایج بازیابی خواص در مورد شماره ۲ نیز به شکل نمودار در اشکال ۵ الف و ۶ الف ترسیم شده است. همچنین خطاهای نسبی به دست آمده حاصل از بازسازی خواص تابشی و هدایتی در این مورد نیز در شکلهای ۵ ب و ۶

¹ Root-Mean-Square (RMS)



شکل ۵: نتایج بازسازی ضخامت نوری مورد شماره دو الف) نمودار توزیع ضخامت نوری دقیق و بازسازی شده برای خطاهای اعمالی ۰، ۳ و ۵ درصد ب) نمودار توزیع خطا ضخامت نوری برای حالت ۳ و ۵ درصد

Fig. 5. Results of optical thickness reconstruction of case2: a) distribution diagram of the accurate and reconstructed optical thickness for applied errors of 0%, 3% and 5%; b) distribution diagram of optical thickness error for applied errors of 3% and 5 %

به نواحی نزدیک آن کمک کرده است. به این ترتیب بر خلاف مسئله تابش که بیشترین خطا در مرز گرم قرار دارد در توزیع پلانک به علت مشخص بودن خواص پلانک روی سطح این خطای بیشینه به نواحی نزدیک دیوار گرم منتقل شده است.

۷- نتیجه گیری

در این مقاله، یک الگوریتم معکوس چند مرحلهای با چند تابع هدف مجزا برای هر مرحله، به منظور بازسازی خواص ثابت و متغیر با دمای جذب و هدایت در یک محیط نیمه شفاف ارائه شد. مسئله مورد نظر، هدایت-تابش بین دو صفحه موازی با سطوح سیاه را مورد مطالعه قرار داد. مسئله تابش با استفاده از روش جهتهای مجزای تصحیح شده مدل شد و با استفاده از روش حجمهای محدود گسستهسازی شد و حل گردید. همچنین از روش حجم محدود برای گسستهسازی معادله انرژی به منظور حل مسئله هدایت استفاده شد.

نتایج حاصل از بازسازی ضرایب ثابت جذب و پارامتر هدایت-تابش نشان داد که استفاده از شدتهای تابش مرزی به تنهایی قادر به بازسازی هر دو پارامتر نمی باشد. از اینرو، در این حالت برای حل معکوس از یک الگوریتم چند مرحلهای، با دو مرحله اصلی، یکی برای بازسازی ضریب جذب و دیگری ب رسم شدهاند. همانطور که در شکل ۵ الف و ۶ الف مشاهده می شود، نمودار بازسازی شده با اعمال خطای اندازهگیری صفر درصد کاملا منطبق با نمودار حالت دقیق می باشد و نمودارهای بازسازی شده با اعمال خطای اندازه گیری ۳ و ۵ درصد بسیار نزدیک به نمودار حالت دقیق و رفتار آنها مشابه نمودار حالت دقیق میباشد. نتایج بدست آمده از این مورد نشان میدهد اگرچه درجه پروفیل از ۲ به ۳ برای عدد پلانک افزایش یافته است اما همچنان بیشینه خطا از ۵ درصد حتی در اعمال خطای اندازه گیری ۵ درصد تجاوز نمی کند. همچنین نتایج به دست آمده از بازیابی و خطای حاصل از آن در شکل ۵ ب نشان میدهد که اگرچه همان پروفیل حالت ۱ برای مورد دوم نیز بازیابی شده است اما درصد بیشینه خطا در این نمودار تغییر کرده است که نشاندهنده وابستگی مسئله تابش به هدایت میباشد. با افزایش درجه پلی نومیال عدد پلانک، همانطور که از نمودار ۶ ب مشخص است از دقت نتایج کاسته میشود. اما این مقدار در نواحی نزدیک به دیوار گرم بزرگتر از بقیه نقاط است. علت این موضوع را شاید بتوان به این صورت بیان کرد که به علت وابستگی شدید معادله تابش به هدایت به واسطه غالب بودن رژیم نفوذ در تابش، شار حرارتی کمی از دو سطح خارج می شود و این موضوع باعت افزایش خطا در سطح سرد و گرم می شود. اما در بازسازی عدد پلانک، مشخص بودن عدد پلانک روی سطح به کاهش خطا روی سطح گرم نسبت



شکل ۶: نتایج بازسازی هدایت پذیری مورد شماره دو الف) نمودار توزیع پلانک برای ۳ حالات دقیق و بازسازی شده با سه خطای ۰۰، ۳ و ۵ درصد ب) نمودار توزیع خطای نسبی عدد پلانک پس از بازسازی برای خطای اعمالی ۳ و ۵ درصد

Fig. 6. Results of reconstructed thermal conductivity for case2 a) the Planck distributions for 3 accurate and reconstructed states using 3 measurement errors of 0%, 3% and 5 % b) the distributions of relative error of Planck number after reconstruction for applied errors of 3% and 5%

برای بازسازی ضریب هدایت با دو تابع هدف مجزای شدتهای تابش برای بازسازی ضریب جذب و تابع هدف شار حرارتی کل برای بازسازی پارامتر هدایت-تابش استفاده گردید. نتایج به دست آمده نشان داد که با هر خطای اندازه گیری اعمال شده، خطای نسبی پارامتر هدایت-تابش میتواند زیر خطای اندازه گیری اعمال شده باشد. در حالت دوم یک محیط واقعی ساخته شده از جنس نانو به عنوان عایق حرارتی مورد بررسی قرار گرفت. سپس برای بازسازی خواص متغیر با دمای این محیط، برای ضرایب جذب و هدایت دو تابع هدف جدید برای استفاده در الگوریتم چند مرحله ای تعریف شد. در این قسمت برای مرحله اول الگوریتم پیشنهاد شد که از تابع هدف مجموع شدتهای تابش مرزها و شار حراتی کلی و ضرایب هدایت ماده در دمای مرزها استفاده شود. نتیجه این مرحله بازسازی ضرایب معادله عدد پلانک بود سپس به منظور بازسازی ضرایب معادله ضریب جذب از مجموع توابع هدف شدتهای تابش خروجی از مرزها و ضرایب هدایت مرزها در دمای

استفاده گردید. به علت این که در قسمت دوم خواص مورد بازیابی مربوط به یک عایق ۱ سانتیمتری از جنس نانومواد بود تابش غالب از نوع دیفیوژن بوده و ضریب هدایت مرزها در بازسازی ضریب جذب علاوه بر ضرایب معادله عدد پلانک تاثیر بالایی داشت به طوری که بیشینه خطای نسبی به دست آمده پس از بازسازی در هیچ کدام از موارد مورد بررسی حتی با اعمال خطای اندازه گیری ۵ درصد از خطای اعمال شده به دادههای اندازه گیری تجاوز نکرد و این نشان دهنده دقت بالای الگوریتم و توابع هدف پیشنهادی در بازسازی خواص دمایی عایق های حرارتی از جنس نانو داشت.

بنابراین به عنوان یک نتیجه کلی میتوان بیان کرد که استفاده از الگوریتم پیشنهادی چند مرحلهای با توابع هدف مجموع که به طور مفصل در قسمت نتایج و پاراگراف اول قسمت نتیجه گیری بیان شد به منظور بازسازی همزمان خواص تابشی و هدایتی نانومواد ساخته شده پیش بینی نسبتا دقیقی از خواص مواد ساخته شده جدید را بدست می دهد.

۸- فهرست علائم

تعداد نقاط مکانی	Nx	شدت تابش	$I(W/m^2.sr)$
عدد پلانک	Pl	شدت تابش جسم سیاہ	$I_b(W/m^2.sr)$
شار حراتی	q	ضريب هدايت	k(W/m.K)
دما	Т	ضريب ثابت	<i>k</i> _{<i>a</i>} (1/m)
مختصات مكانى	<i>x</i> (m)	فاصله بين دو صفحه تخت	<i>L</i> (m)
			علائم يونانى
ضريب انحراف	$\sigma_{s}\left(\mathrm{m}^{-1} ight)$	ضريب استهلاك	$\beta(k^{-1})$
ضریب پراکندگی	ω	ضريب وزنى	γ
ديورژانس شار تابشی	∇q_r	کسینوس زاویه پرتو	μ
		ضخامت اپتیکی	τ
			زيرنويس
تابشى	r	جسم سياه	b
مرجع	ref	مقدار اندازهگیری شده	d
كل	Т	مقدار تخمین زده شده	е
			بالانويس
جهت تابش خروجی	m	بی بعد	*
		جهت تابش ورودى	т

exchangers, International journal of heat and mass transfer, 57(2) (2013) 608-622.

- [9] R. Das, S.C. Mishra, T.P. Kumar, R. Uppaluri, An inverse analysis for parameter estimation applied to a nonfourier conduction-radiation problem, Heat Transfer Engineering, 32(6) (2011) 455-466.
- [10] R. Das, S.C. Mishra, M. Ajith, R. Uppaluri, An inverse analysis of a transient 2-D conduction–radiation problem using the lattice Boltzmann method and the finite volume method coupled with the genetic algorithm, Journal of Quantitative Spectroscopy and Radiative Transfer, 109(11) (2008) 2060-2077.
- [11] R. Das, S.C. Mishra, T.P. Kumar, R. Uppaluri, An inverse analysis for parameter estimation applied to a non-fourier conduction–radiation problem, Heat Transfer Engineering, 32(6) (2011) 455-466.
- [12] H. Qi, L. Ruan, H. Zhang, Y. Wang, H. Tan, Inverse radiation analysis of a one-dimensional participating slab by stochastic particle swarm optimizer algorithm, International journal of thermal sciences, 46(7) (2007) 649-661.
- [13] H. Qi, Y.-T. Ren, Q. Chen, L.-M. Ruan, Fast method of retrieving the asymmetry factor and scattering albedo from the maximum time-resolved reflectance of participating media, Applied optics, 54(16) (2015) 5234-5242.
- [14] R. Souto, S. Stephany, J. Becceneri, H. Campos Velho,
 A. Silva Neto, Reconstruction of spatial dependent scattering albedo in a radiative transfer problem using a hybrid Ant Colony System implementation scheme, in: 6th World Congress on Structural and Multidisciplinary Optimization, Rio de Janeiro, Brazil, 2005.
- [15] R. Souto, S. Stephany, J. Becceneri, H. Campos Velho,A. Silva Neto, Reconstruction of spatial dependent

- M.J. Varady, A.G. Fedorov, Combined radiation and conduction in glass foams, Journal of heat transfer, 124(6) (2002) 1103-1109.
- [2] M. Ferraiuolo, O. Manca, Heat transfer in a multi-layered thermal protection system under aerodynamic heating, International Journal of Thermal Sciences, 53 (2012) 56-70.
- [3] R. Coquard, D. Rochais, D. Baillis, Conductive and radiative heat transfer in ceramic and metal foams at fire temperatures, Fire technology, 48(3) (2012) 699-732.
- [4] M. Cui, X. Gao, J. Zhang, A new approach for the estimation of temperature-dependent thermal properties by solving transient inverse heat conduction problems, International Journal of Thermal Sciences, 58 (2012) 113-119.
- [5] B. Zhang, H. Qi, Y.-T. Ren, S.-C. Sun, L.-M. Ruan, Application of homogenous continuous Ant Colony Optimization algorithm to inverse problem of onedimensional coupled radiation and conduction heat transfer, International Journal of Heat and Mass Transfer, 66 (2013) 507-516.
- [6] G. Masiello, C. Serio, Simultaneous physical retrieval of surface emissivity spectrum and atmospheric parameters from infrared atmospheric sounder interferometer spectral radiances, Applied Optics, 52(11) (2013) 2428-2446.
- [7] H. Mao, D. Zhao, Alternative phase-diverse phase retrieval algorithm based on Levenberg-Marquardt nonlinear optimization, Optics Express, 17(6) (2009) 4540-4552.
- [8] C.-H. Huang, C.-H. Wang, The design of uniform tube flow rates for Z-type compact parallel flow heat

منابع

Optimization algorithm to inverse problem of onedimensional coupled radiation and conduction heat transfer, International Journal of Heat and Mass Transfer, 66 (2013) 507-516.

- [21] Y. Ren, H. Qi, F. Zhao, L. Ruan, H. Tan, Simultaneous retrieval of temperature-dependent absorption coefficient and conductivity of participating media, Scientific reports, 6 (2016) 21998.
- [22] S.-C. Sun, H. Qi, S.-L. Wang, Y.-T. Ren, L.-M. Ruan, A multi-stage optimization technique for simultaneous reconstruction of infrared optical and thermophysical parameters in semitransparent media, Infrared Physics & Technology, 92 (2018) 219-233.
- [23] S.C. Mishra, H.K. Roy, N. Misra, Discrete ordinate method with a new and a simple quadrature scheme, Journal of Quantitative Spectroscopy and Radiative Transfer, 101(2) (2006) 249-262.
- [24] J. Kennedy, R. Eberhart, Particle swarm optimization.u: Proc. IEEE Int, Neural Networks, Perth, Australia, str, 1948 (1942).
- [25] R. Viskanta, R. Grosh, Heat transfer by simultaneous conduction and radiation in an absorbing medium, Journal of Heat Transfer, 84(1) (1962) 63-72.

scattering albedo in a radiative transfer problem using a hybrid Ant Colony System implementation scheme, in: 6th World Congress on Structural and Multidisciplinary Optimization, Rio de Janeiro, Brazil, 2005.

- [16] A. Silva Neto, M. Özisik, An inverse problem of estimating thermal conductivity, optical thickness, and single scattering albedo of a semi-transparent medium, in: Proc. 1st Inverse Problems in Engineering Conference: Theory and Practice, Florida, USA, 1993, pp. 267-273.
- [17] H. Li, Estimation of thermal properties in combined conduction and radiation, International Journal of Heat and Mass Transfer, 42(3) (1999) 565-572.
- [18] O. Alifanov, A. Nenarokomov, V. Gonzalez, Study of multilayer thermal insulation by inverse problems method, Acta Astronautica, 65(9-10) (2009) 1284-1291.
- [19] R. Das, S.C. Mishra, R. Uppaluri, Inverse analysis applied to retrieval of parameters and reconstruction of temperature field in a transient conduction–radiation heat transfer problem involving mixed boundary conditions, International Communications in Heat and Mass Transfer, 37(1) (2010) 52-57.
- [20] B. Zhang, H. Qi, Y.-T. Ren, S.-C. Sun, L.-M. Ruan, Application of homogenous continuous Ant Colony

بی موجعه محمد ا