

# Amirkabir Journal of Mechanical Engineering

Amirkabir J. Mech. Eng., 52(9) (2020) 627-630 DOI: 10.22060/mej.2019.15442.6123

# Numerical Simulation of Flow, Natural Convection and Distribution of Nano Particles inside Trapezoidal Cavity using Buongiorno's Model

M. Bashir<sup>1\*</sup>, S. Jafarmadar<sup>1</sup>, S. Yekani Motlagh<sup>2</sup>, S. Khalil Arya<sup>1</sup>

<sup>1</sup> Department of Mechanical Engineering, Urmia University, Urmia, Iran

<sup>2</sup> Department of Mechanical Engineering, Urmia University of Technology, Urmia, Iran

ABSTRACT: In the present study, natural convection of Al2O3-water nanofluid and nano-particles

local distribution inside the trapezium enclosure has been investigated using non-homogenous two-

phase Buongiorno's model. The governing equations of the problem are momentum, energy and volume

fraction of nanoparticles that are solved using the finite volume method and the SIMPLE algorithm.

Diffusion and convective terms are discretized using a second-order central difference and upwind schemes. The left and right walls of cavity are kept at constant temperatures, while the other walls are thermally insulated. Simulations have been carried out for different inclination angles, including 0°, 30°,

and  $45^{\circ}$ , Rayleigh number ( $102 \le \text{Ra} \le 104$ ) as well as particle average volume fraction ranging from 0.01

to 0.04. Results show that at low Rayleigh number for a specific particle volume fraction, with increasing

the inclination angle from zero to 45 degree, the average Nusselt number and heat transfer decreases

81%. On the other hand, optimum results were obtained for the inclination angle of 30 degree. The

Nusselt enhancement percent was obtained 5.5 compared to the square enclosure and 6.8 compared to

the inclination angle of 45 degrees. Results also showed a uniform distribution for nanoparticles in high

#### **Review History:**

Received: 13 Dec. 2018 Revised: 25 Apr. 2019 Accepted: 16 Jun. 2019 Available Online: 2 Jul. 2019

#### **Keywords:**

Trapezoidal cavity Natural convection Nanofluid Thermophoresis Buongiorno model

#### **1. Introduction**

In conventional heat transfer fluids, nanofluids refer to fluid suspensions of solid nano-sized particles as was mentioned first by Choi [1]. Recently, a number of investigations have been conducted based on the transport equations derived by Buongiorno [2]. Numerical heat transfer by nanofluids in a wavy walls microchannel using dispersion method investigated by Rostami et al. [3]. To investigate the effects of Brownian diffusion and thermophoresis, natural and mixed convection heat transfer analyses of a nanofluid ( $Al_2O_3$ -water) in a laterally heated square cavity using Buongiorno's model was presented by Garoosi et al [4].

Rayleigh numbers and in enclosures with different inclination angles.

This research intends to explore the nano-particles local distribution and the rate of heat transfer of natural convection in an inclined trapezoidal cavity using Buongiorno's model. The effects of Rayleigh number  $(10^2 \le Ra \le 10^4)$ , volume fraction  $0 < \varphi_{div} \le 0.04$  and inclination angle  $0 \le \varphi \le 45^\circ$  are investigated. To the best of our knowledge, this study is the first one that used two-phase (inhomogeneous) Buongiorno's model to investigate the effect of the inclination angle of the trapezoidal cavity on nanoparticle distribution and natural convection of Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub>-water nanofluid.

#### 2. Methodology

The schematic of the considered problem in the present investigation is shown in Fig. 1. A two-dimensional cavity

\*Corresponding author's email: morteza.bashiri1597@gmail.com



#### Fig. 1. Geometry of a trapezoidal cavity.

with an inclination angle ( $\boldsymbol{\theta}$ ) and height of *H* is filled with Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub> -water nanofluid. The top and bottom walls are thermally insulated whereas two left and right walls are at constant but different temperatures  $\boldsymbol{T}_{A}$  and  $\boldsymbol{T}_{c}$ , respectively. As shown, the gravity force acts in the vertical direction.

The flow is assumed to be 2D, steady, incompressible and laminar. Nanoparticles are assumed to have uniform shape and size and in thermal equilibrium with the base fluid [2]. The density variation with the temperature in the body force term is considered to be linear based on the Boussinesq's model [5].

Moreover, dissipation and pressure work are ignored in the present study. Thermo-physical properties of water and nanoparticles are summarized in Table 1.

#### **3. Discussion and Results**

The governing equations with the associated boundary

Copyrights for this article are retained by the author(s) with publishing rights granted to Amirkabir University Press. The content of this article is subject to the terms and conditions of the Creative Commons Attribution 4.0 International (CC-BY-NC 4.0) License. For more information, please visit https://www.creativecommons.org/licenses/by-nc/4.0/legalcode.

 Table. 1. Thermo-physical properties of water and nanoparticles [5].

		110	mopul tieles	1010		
$\rho(\mathbf{k})$	cg/m <sup>3</sup> )	<i>k</i> (W/m.K)	$C_p(J/kg.K)$	β×10 <sup>5</sup> (1/K)	$\mu \times 10^6$ (kg/m.s)	$d_p(nm)$
Al <sub>2</sub> O <sub>3</sub>	3970	40	765	0.85	-	33
Water	993	0.628	4178	36.2	695	-

conditions are numerically solved using the SIMPLE-based finite volume method on a co-located grid. Diffusion terms in the governing equations are discretized using a secondorder central difference scheme while an upwind scheme is used to discretize the convective terms. The thermo-physical properties such as density, viscosity, and thermal conductivity as well as thermophoresis diffusion and Brownian motion coefficients, which are varied with temperature and volume fraction, are solved simultaneously with flow, temperature and volume fraction equations in the whole domain. It is seen that by changing the grid numbers from  $150 \times 150,180 \times 180$  to  $200 \times 200$ , the variation of nanoparticles local distribution and the average Nusselt number is not significant, thus a uniform grid system of  $180 \times 180$  is used for all simulations.

#### 3.1. Effects of inclination angle on temperature field

Fig. 2 shows the isotherm lines at different inclination angles and  $Ra=10^2$ ,  $10^3$  and  $10^4$ . Here the average particle volume fraction is equal to  $\varphi_{dec} = 0.02$ . The uniformly distributed isotherms at  $Ra=10^2$  show that heat is primarily transferred by conduction. As shown, at the low Ra number where the buoyancy-driven flow is weak, with an increase in the inclination angle the isotherms remain unchanged.



Fig. 2. Isotherms inside the cavity filled with Al2O3-water nanofluid with =0.02 at different inclination angles (a): Ra=10<sup>3</sup> and (b): Ra=10<sup>4</sup>.

Nonetheless, in higher Ra numbers, isotherms are densely packed in the hot and cold walls. Close to the hot and cold walls, the isotherms are parallel to the walls indicating the dominance of conduction heat transfer, while in the center of the cell; convection is stronger resulting in distortion of the isotherms. With increasing Ra number from  $10^3$  to  $10^4$ the isotherms attain a more random form. In other words, as the Ra number increases, the space between the isotherms adjacent to hot and cold walls decreases further which is indicative of an increase in the heat transfer rate due to change of heat transfer mechanism from conduction to convection.

Above this inclination angle, isotherms again tend to become straight. A similar trend can be observed for  $Ra=10^4$  where the inclination angle of  $\mathscr{G}=45^\circ$  leads to better mixing and higher heat transfer.

#### 3.2. Effects of inclination angle on the heat transfer rate

In Fig. 3. the variation of the average Nusselt number versus the particle volume fraction is plotted for various



Fig. 3. Variation of the average Nu number versus the average particle volume fraction for various inclination angles at (a): Ra=10<sup>2</sup> (b): Ra=10<sup>3</sup> and (c): Ra=10<sup>4</sup>.

inclination angles and *Ra* numbers. The first result of Fig.8 is that with increasing Rayleigh number, the Nusselt number varies for different trapezoidal cavities. This is attributed to increased buoyancy forces, intense advection effects and changing flow patterns from unicellular.

In addition, according to Fig. 3 at  $Ra=10^{-1}$  with increasing the average volume fraction, Nu number rises continuously. Increasing particle volume fraction causes an enhancement in both viscosity and thermal conductivity of nanofluid. Consequently, with raising the viscosity, the thermal boundary layer grows and hence the temperature gradients near the walls reduce leading to lower heat transfer rates. On the other hand, if nanoparticle volume fraction increases the thermal conductivity of nanofluid will be increased result in higher heat transfer rate. The existence of these two opposing and conflicting effects may lead to having an optimal volume fraction. In contrast, at high Rayleigh numbers, where advection effect is strong, inclination angle affects Nu number at all volume fractions; with increasing the inclination angle first Nu number increases and reaches its maximum value and then reduces. It is seen that regardless of particle volume fraction, the maximum Nu number occurs at about 30°.

#### 4. Conclusions

At high *Ra* numbers where advection is strong, the heat transfer was investigated at inclination angles of ( $\theta=0^{\circ}, 30^{\circ} \text{ and } 45^{\circ}$ ) and the optimal heat transfer was obtained at  $\theta=30^{\circ}$ .

#### References

- S. Choi, J. Eastman, Enhancing thermal conductivity of fluids with nanoparticles, Argonne National Lab., IL (United States), 1995.
- [2] J. Buongiorno, Convective transport in nanofluids, Journal of heat transfer, 128(3) (2006) 240-250.
- [3] J. Rostami, A. Abbassi, M. Saffar-Avval, Numerical Heat Transfer by Nanofluids in a wavy walls Microchannel using Dispersion Method, Amirkabir Journal of Mechanical Engineering, (2018).
- [4] F. Garoosi, S. Garoosi, K. Hooman, Numerical simulation of natural convection and mixed convection of the nanofluid in a square cavity using Buongiorno model, Powder technology, 268 (2014) 279-292.
- [5] Z. Haddad, H.F. Oztop, E. Abu-Nada, A. Mataoui, A review on natural convective heat transfer of nanofluids, Renewable and Sustainable Energy Reviews, 16(7) (2012) 5363-5378.

This page intentionally left blank



نشريه مهندسي مكانيك اميركبير

نشریه مهندسی مکانیک امیرکبیر، دوره ۵۲، شماره ۹، سال ۱۳۹۹، صفحات ۲۵۳۷ تا ۲۵۵۰ DOI: 10.22060/mej.2019.15442.6123

# شبیهسازی عددی جریان، انتقال حرارت جابجایی آزاد و کسر حجمی نانوذرات داخل حفره ذوزنقهای با استفاده از مدل بونگیورنو

مرتضى بشير الله، صمدجعفرمدار ، صابر يكانى مطلق ، شهرام خليل آريا ا

<sup>۱</sup>دانشکده مهندسی مکانیک، دانشگاه ارومیه، ارومیه، ایران ۲ دانشکده مهندسی مکانیک، دانشگاه صنعتی ارومیه، ارومیه، ایران

خلاصه: در این مقاله، جریان همرفتی نانوسیال آب و نانوذرات اکسید آلومینیوم داخل حفره ذوزنقه با استفاده از مدل دوفاز بونگیورنو بهصورت عددی شبیهسازی شد. اثر تغییر زاویه اضلاع جانبی محفظه ذوزنقهای بر انتقال حرارت، جرم و مومنتوم مورد بررسی قرار گرفته شده است. معادلات حاکم بر مسئله، معادلات مومنتوم، انرژی و انتقال کسر حجمی نانوذرات میباشند که به همراه شرایط مرزی به روش حجم محدود و الگوریتم سیمپل حل شدهاند. برای گسستهسازی ترمهای جابجایی و پخش بهترتیب از الگوهای بالادست و تفاضل مرکزی استفاده شده است. دیوارههای چپ و راست مفره دمای ثابت داشته و دیوارههای بالا و پایین عایق حرارتی میباشند. زاویه شیب اضلاع جانبی (چپ و راست) مابین معرد دمای ثابت داشته و دیوارههای بالا و پایین عایق حرارتی میباشند. زاویه شیب اضلاع جانبی (چپ و راست) مابین می دهد که در اعداد رایلی پین ۱۰۰ تا ۱۰۰۰ و کسر حجمی نانوذرات از ۲۰۱۰ تا ۲۰۱۰ متغیر میباشد. نتایج نشان به تبع آن انتقال حرارت به میزان مقدار نانوذرات یکسان، با افزایش زاویه اضلاع از صفر به ۴۵ درجه، عدد نوسلت و به تبع آن انتقال حرارت به میزان مقدار نانوذرات یکسان، با افزایش زاویه اضلاع از صفر به ۴۵ درجه، عدد نوسلت و به تبع آن انتقال حرارت به میزان مقدار انوذرات یکسان، با افزایش زاویه اضلاع از صفر به ۴۵ درجه، عدد نوسلت و به تبع آن انتقال حرارت به میزان متوسط ۸۱ درصد کاهش می یابد. از طرفی با افزایش عدد رایلی، برای محفظه در زاویه به درجه حالت بهینه حاصل و عدد نوسلت به میزان ۵/۵ درصد، نسبت به محفظه مربعی و ۸/۶ درصد نسبت به حالت درجه افزایش می یابد. همچنین نتایج، توزیع نسبتا یکنواختی برای نانوذرات در رایلی های بالا در تمامی محفظه ها با

#### **تاریخچه داوری:** دریافت: ۱۳۹۷/۰۹/۲۲ بازنگری: ۱۳۹۸/۰۲/۰۵ پذیرش: ۱۳۹۸/۰۳/۲۶ ارائه آنلاین: ۱۳۹۸/۰۴/۱۱

کلمات کلیدی: حفره ذورنقهای جابجایی طبیعی نانوسیال ترموفروسس مدل بونگیورنو.

# ۱–مقدمه

نانوسیالات، سوسپانسیونهای کلوییدی هستند که از سیال پایه و نانوذرات تشکیل میشوند. سیال پایه نانوسیال، معمولاً سیالی است با ضریب هدایت حرارتی پایینتر مثل: آب، اتیلن گلیکول و انواع روغنها که اندازه نانوذرات معمولاً در حدود <sup>۱</sup>-۱۰متر است. بنابراین نانوسیالات محلولهای دوفازی هستند، که در آنها شرط تعادل حرارتی برقرار است [۱]. خوان و روتزل [۲] مدل هموژنی پیشنهاد دادند که طبق آن میتوان معادلات پیوستگی، مومنتوم و انرژی سیال خالص را به نانوسیالات تعمیم داد. برای این کار کافی است در معادلات فوق خواص نانوسیال را با در نظر گرفتن کسر حجمی آن صنعت داشته باشند، این روزها توجه محققان بسیاری را به خود جلب کردهاست. نانوسیال برای افزایش مقادیر ترموفیزیکی شامل هدایت

1 Ethylene Glycol

\* نویسنده عهدهدار مکاتبات: morteza.bashir1597@gmail.com

خالص استفاده می گردد. ایده اضافه کردن نانوذرات به سیال را برای اولین بار چویی و ایستمن [۳] مطرح کردند، با این حال اضافه کردن ذرات جامد به سیال ایده جدیدی نبوده و از حدود صد سال قبل در نظریاتی همچون نظریات ماکسول بیان شده بود. مدل بونگیورنو یک مدل دوفازی-چهار معادلهای (شامل پیوستگی، ممنتوم، کسر حجمی و انرژی) میباشد که درسال ۲۰۰۶ ارائه شده است [۴]. بونگیورنو هفت مكانيزم مختلف لغزش بين نانوذرات و سيال پايه يعنى اينرسى، پخش براونی، حرکت ذرات در اثر گرادیان دما، حرکت ذرات در اثر پخش، اثر ماگنوس، گرانش و پسزنی سیال را مقایسه نمود. وی نتيجه گرفت که از بين هفت مکانيزم فوق تنها پخش براوني و حرکت ذرات در اثر گرادیان دما حائز اهمیت است. به خاطر در نظر گرفتن دو مکانیزم اشاره شده، این مدل در سالهای اخیر در تحلیل نانوسیالات مورد استفاده قرار گرفتهاست. مطابق با فرمول بندی بونگیورنو دو عامل پخش براونی و پخش در اثر گرادیان دمایی در شارش نانوذرات در داخل مخلوط موثراند. از سوی دیگر با توجه به ماهیت نانوذرات مغناطیسی که در اثر اعمال میدان مغناطیسی خارجی تحریک

میشود، نانوذرات یک شارش جدید را تجربه میکند که به آن حرکت ذرات در اثر میدان مغناطیسی اطلاق می گردد.

بسیاری از پژوهشگران ویژگیهای انتقال گرما نانوسیالهای گوناگون را مورد بررسی قرار دادهاند. وانگ و ماجومدا [۱] تحقیقهای انجام شده توسط پژوهشگران مختلف را جمع آوری کرده و بیان نمودند که پژوهشهای انجام شده نشان میدهد هدایت گرمایی نانوسیال بیشتر از سیال پایه است و به عامل هایی همچون اندازه، شکل و غلظت حجمی نانوذرهها و همچنین نوع نانوذره و سیال پایه بستگی دارد. همچنین پژوهشهای تجربی انجام شده در مورد انتقال گرمای نانوسیال ها نشان میدهد که از بین انواع گوناگون نانوذرهها در غلظتهای حجمی گوناگون استفاده از نانوذرههای اکسید فلزی تا بیشترین غلطت حجمی چهار درصد از نظر کارایی و هزینه به صرفه است. شایان ذکر است بیشتر پژوهشهای تجربی انجام شده در رژیم جریان آرام صورت گرفتهاند. ایستمن و همکاران [۵] نشان دادند ضریب هدایت گرمایی در نانوسیال اتیلن گلیکون ۴۰ درصد و آب آلومینیوم اکسید ۱۰ درصد افزایش یافته است. بونگیرنو برای توجیه افزایش غیرعادی انتقال حرارت در نانوسیالات مدلی پیشنهاد داد که در آن حرکات براونی و حرکات ناشی از گرادیان دما در نانوذرات در نظر گرفته شده است، او مشاهده کرد افزایش انتقال حرارت نمی تواند تنها به دلیل پراکندگی نانوذرات و یا شدت آشفتگی جریان باشد. همین مساله برای جریان آرام جابهجایی آزاد در نانوسیالات نیوتنی توسط پلیدوری و همکاران [۶] مورد مطالعه قرار گرفت. نتایج مطالعات آنها نشان داد عدد نوسلت در جریان آشفته بزرگتر از جریان آرام است و به این ترتیب وجود آشفتگی به عنوان یکی از دلایل احتمالی افزایش انتقال حرارت ارائه شد. مشاهدههای بعدی نشان داد حرکات براونی و حرکات ناشی از گرادیان دما نانوذرات دو دلیل اصلی بر وجود حرکت آزاد نانوذرات در سیال پایه هستند [۷]. ولی پور و همکاران [۸] در مطالعه عددی دیگری جریان و انتقال گرمای نانوسیال آب-آلومینیوم اکسید گذرا از یک استوانه مربعی را بررسی کردند. طبق نتایج بدست آمده ضریب فشار با افزایش کسر حجمی جامد در نانوسیال برای سمتی که گرادیان فشار بسیار مطلوب است، کاهش می یابد. در حالی که با افزایش غلظت نانوذرات به سیال پایه در سمتی که گرادیان فشار معکوس است ضریب فشار افزایش می یابد. کریکن و همکاران [۹] با مطالعه روی نانوسیال آب-

آلومینیوم در هندسه استوانه تودرتو افقی گرم و با استفاده از مدل دوفازی دریافتند که با افزایش غلظت نانوذرات ویسکوزیته موثر نیز افزایش می یابد. شبیه سازی دوفازی جریان نانوسیال و انتقال حرارت آن در محیط بسته توسط شیخالاسلامی و همکاران [۱۰] بررسی شده است. تعدادی از محققها نتایج مدلهای تکفازی و دوفازی را مقایسه کردند. به عنوان مثال رشیدی و همکاران [۱۱] نشان دادند که در مدلسازی جریان نانوسیال و انتقال حرارت آن در کانال موجی، ضریب اصطکاک مدل دوفازی کوچکتر از مدل تکفازی است. یکانی و همکاران [۱۲] با در نظر گرفتن مدل بونگیرنو و مدلسازی جابهجایی آزاد نانوسیال آب-آلومینا به صورت دوفازی، در یک محفظه مربعی مایل با زاویه شیبهای متفاوت به این نتیجه رسیدند، با افزایش زاویه شیب نوسلت متوسط و درصد افزایش انتقال حرارت تقریبا ثابت میماند. باندریوا و شیرمیت [۱۳] تاثیر میدان مغناطیسی بر روی جابهجایی آزاد ناپایا در حفره ذوزنقه حاوی نانوسیال با استفاده از مدل بونگیرنو را بررسی کردند. هاشم و الصبیری [۱۴] با مطالعه عددی انتقال عددی نانوسیال آب و آلومینا در حفره موجی توسط مدل بونگیورنو نشان دادند که با افزایش مقدار نانوذرات و در ضریب نوسان بهینه انتقال حرارت افزایش می یابد. رستمی و همکاران [۱۵] انتقال حرارت نانوسیال در میکروکانال موجی شکل به روش تکفاز و دوفاز بهصورت عددی به روش پخش و تئوری محیط متخلخل مطالعه شده است. سپهرنیا و خراسانیزاده [۱۶] با تحلیل عملکرد حرارتی وآنتروپی تولیدی نانوسیال در یک چاه گرمایی ذوزنقه، مشاهده كردند افزایش افت فشار در یک كسر حجمی ثابت موجب افزایش عدد ناسلت می گردد. در بیشتر مطالعات اخیر محفظههای مربعی و مستطیلی به دلایل مختلف از جمله سادگی میدان محاسباتی بیشتر مورد توجه بودهاند. از محفظههای ذوزنقهای در میکروکانالها، صنعت ریخته گری و فضاهای ناخواسته، مثل قطعه الکترونیکی که در یک فضای ذوزنقهای قرار گرفته است، استفاده می شود. با این وجود تاکنون میدان جریان، انتقال حرارت درجابهجایی توام و مطالعه همزمان با مدل بونگیرنو با تاثیرات براونی و ترموفورسس در جابهجایی آزاد به صورت دوفازی انجام نگرفته است.

درکار حاضر جریان دوفازی داخل محفظه ذوزنفهای حاوی نانوذرات اکسیدآلومینیوم مورد برررسی قرار خواهد گرفت. زاویه شیب اضلاع چپ و راست مابین (۰، ۳۰ و ۴۵ =  $\theta$ ) درجه و عدد رایلی

بین ۱۰۰ تا ۱۰۰۰۰ و کسر حجمی نانوذرات از ۰/۰۱ تا۰/۰۴ متغیر میباشد.

# ۲-بیان مساله

شماتیک مساله در نظر گرفته در پژوهش حاضر در شکل ۱ نشان داده شده است. زاویه شیب اضلاع چپ و راست در زوایای (۰، ۳۰ و ۴۵ = ۴۵) درجه و ارتفاع با آب و اکسید آلومینیوم نانوسیال پر شده است. دو دیواره بالا و پایین عایق بوده و دیوارههای با شیب متغیر چپ و راست در دمای ثابت  $T_h$  و  $T_c$  قرار دارند.



شكل ۱. شكل شماتيك حفره ذوزنقهای Fig. 1. Geometry of a trapezoidal cavity

# ۳-معادلههای حاکم و شرایط مرزی

معادلههای حاکم بر مساله به همراه شرایط مرزی به روش حجم محدود و الگوریتم سیمپل حل شدهاند. برای گسستهسازی ترمهای جابجایی و پخش بهترتیب از الگوهای بالادست و تفاضل مرکزی استفاده شده است. معادلههای حاکم شامل معادلههای پیوستگی، کسرحجمی، مومنتوم و انرژی میباشند [۴]. معادله پیوستگی [۴]:

$$\nabla . \mathbf{V} = \mathbf{0} \tag{1}$$

معادله مومنتوم [۴]:

$$\rho_{nf} \mathbf{V} \cdot \nabla \mathbf{V} = -\nabla P + \nabla \cdot (\mu_{nf} \nabla \mathbf{V}) + (\rho \beta)_{nf} (T - T_c) \mathbf{g} \qquad (\Upsilon)$$

همچنین در رابطه (۲) V بردار سرعت و g بردار شتاب جاذبه میباشد. در رابطه بالا  $\mu_{nf}$  ،  $\rho_{nf}$  و  $\beta_{nf}$  به ترتیب چگالی، لزجت دینامیکی موثر و ضریب انبساط گرمایی نانوسیال میباشد.

$$(\rho C_p)_{nf} \mathbf{V}.\nabla T = \nabla .(k_{nf} \nabla T) - C_P \mathbf{J}_p.\nabla T \tag{7}$$

معادله کسر حجمی [۴]:

$$\mathbf{V}.\nabla\boldsymbol{\varphi} = -\frac{1}{\rho_p} \nabla \mathbf{J}_P \tag{(f)}$$

در معادلات (۳) و (۴)  $P_p \circ C_p \circ C_p \circ C_p$ و  $p_p \circ C_p$  بهترتیب ضریب هدایت گرمایی نانوسیال، ظرفیت حرارتی نانوسیال، ظرفیت حرارتی و چگالی نانوذره میباشد. T دمای نانوسیال،  $\varphi$  کسر حجمی نانوسیال و  $J_p$  شار جرمی نانوذرات است که طبق مدل بونگیرنو مطابق رابطه (۵) محاسبه می شود [۴].

$$\mathbf{J}_{P} = \mathbf{J}_{PB} + \mathbf{J}_{PT} \tag{(a)}$$

و  $J_{PT}$  و  $J_{PT}$  بهترتیب شار جرمی تحت اثر حرکات براونی و اثر حرارتی ترموفورسس هستند و مطابق روابط (۶) و (۷) محاسبه می شوند.

$$\mathbf{J}_{PB} = -\rho_P D_B \nabla \varphi \tag{(6)}$$

$$\mathbf{J}_{PT} = -\rho_P D_T \nabla T \tag{Y}$$

در روابط (۶) و (۷)، 
$$D_{T}$$
 و  $D_{T}$  عبارتند از  $[8]$ :

$$D_B = \frac{K_B T}{3\pi\mu_f d_p} \tag{A}$$

$$D_T = 0.26 \frac{k_f}{2k_f + k_p} + \frac{\mu_f}{\rho_f T} \varphi \tag{9}$$

پدر روابط (۸) و (۹)،  $D_T$  و  $D_T$  ضریب نفوذ براونی و ضریب ترموفورسس می باشد

با جایگذاری روابط (۶) تا (۹) در معادلههای انرژی و انتقال جرم، این معادله ها در نهایت به فرم معادلههای (۱۰) و (۱۱) در میآیند [۴]:

$$(\rho C_P)_{nf} \mathbf{V}.\nabla T = \nabla .(k_{nf} \nabla \mathbf{V}) -\rho C_P (D_B \nabla \varphi.\nabla T + D_T \nabla T.\nabla T)$$
(1...)

$$\rho_P \mathbf{V} \cdot \nabla \varphi = \nabla \cdot (\rho_P D_B \nabla \varphi) + \nabla \cdot (\rho_P D_T \nabla T) \tag{11}$$

$$Re_B = \frac{\rho_f u_B d_P}{\mu_f} \tag{1Y}$$

در رابطه (۱۷)،  $u_B$  سرعت حرکات براونی نانوذرات بوده و عبارت است از :

$$u_B = \frac{2k_B T}{\pi \mu_f {d_P}^2} \tag{11}$$

در رابطه (۱۸) J/k ثابت بولتزمن میباشد. مشخصات ترموفیزیکی نانوذرات و سیال در جدول ۱ ارائه شده است.

۲–۲– بیبعدسازی معادلهها

در کار حاضر پارامترهای بی بعد زیر جهت بی بعدسازی معادله های (۱)، (۲) ، (۳) و (۱۰) به صورت رابطه (۱۹) تعریف شده اند.

$$y = 0, H : u = v = 0, \frac{\partial \varphi}{\partial \mathbf{n}} = 0, \frac{\partial T}{\partial \mathbf{n}} = 0.$$
  

$$y = -\cot \theta x, u = v = 0, \frac{\partial \varphi}{\partial \mathbf{n}} = \frac{-D_T}{D_B} \frac{\partial T}{\partial \mathbf{n}}, T = T_h \qquad (1Y)$$
  

$$y = \cot \theta x - H, u = v = 0, \frac{\partial \varphi}{\partial \mathbf{n}} = \frac{-D_T}{D_B} \frac{\partial T}{\partial \mathbf{n}}, T = T_c$$

در این مقاله خواص ترموفیزیکی نانوسیال توسط روابط (۱۳) تا (۱۶) محاسبه شده است [۱۷].

$$\rho_{nf} = \rho_f (1 - \varphi) + \rho_p \varphi \tag{(17)}$$

$$(\rho\beta)_{nf} = (\rho\beta)_f (1-\varphi) + (\rho\beta)_p \varphi \tag{14}$$

$$\mu_{nf} = \frac{\mu_f}{1 - 34.87(\frac{d_p}{d_f})^{-0.3} \varphi^{1.03}} \tag{10}$$

$$k_{nf} = k_f \left(1 + 4.4 (\text{Re}_B)^{0.4} \text{Pr}^{0.66} \left(\frac{T}{T_{fr}}\right)^{0.03} \varphi^{0.66}\right) \quad (19)$$

در فرمول.های بالا ضرایب یا اندیس. nf مربوط به نانوسیال و n مربوط به سیال پایه و p مربوط به نانوذرات میباشد. قطر نانوذره و  $d_f$  قطر مولکول.های سیال پایه است.(۳۵۸ nm/ $d_f$ 

در رابطه (۱۶)، *Re<sub>B</sub>* رینولدز نانوذرات بوده و توسط رابطه (۱۷) بیان می شود:

جدول ۱. مشخصات ترموفیزیکی آب و نانوذرات Table 1. Thermo-physical properties of water and nanoparticles

$ \rho(\frac{\mathrm{kg}}{\mathrm{m}^3}) $	<i>k</i> (W/mK)	<i>C<sub>p</sub></i> (J/kgK)	β× \`•^(1/K)	$\mu \times$	$d_p(\text{nm})$	
۳۹۷۰	۴.	۲۵۶	٠/٨۵	-	٣٣	اکسید آل
						الومينيوم
						$(Al_2O_3)$
٩٩٣	•/۶۲٨	4117	۳ <i>۶</i> /۲	۶۹۵	-	آب

$$\mathbf{V}^{*} = 0, \nabla^{*}T^{*}.\mathbf{n} = \nabla^{*}\varphi^{*}.\mathbf{n} = 0$$
  

$$\mathbf{V}^{*} = 0, T^{*} = 1, \nabla^{*}\varphi^{*}.\mathbf{n} = -\frac{D_{T}^{*}}{D_{B}^{*}}.\frac{1}{N_{BT}}.\frac{1}{1+\delta T^{*}}\nabla^{*}T^{*}.\mathbf{n}$$
  

$$\mathbf{V}^{*} = 0, T^{*} = 0, \nabla^{*}\varphi^{*}.\mathbf{n} = -\frac{D_{T}^{*}}{D_{B}^{*}}.\frac{1}{N_{BT}}.\frac{1}{1+\delta T^{*}}\nabla^{*}T^{*}.\mathbf{n}$$
  
(Y \Delta)

$$Nu_{Ave} = -\int_{s_0}^{s_1} \frac{k_{nf}}{k_f} \nabla^* T^* \cdot \mathbf{n} ds$$
(79)

S، S و ds در شکل ۱ نشان داده شدهاند.

# ۴- روش عددی و مشبندی و صحتسنجی

در کار حاضر معادلات حاکم به همراه شرایط مرزی به روش حجم محدود گسستهسازی شدهاند. روش سیمپل برای کوپلینگ سرعت و فشار استفاده شده است. در روش سیمیل ابتدا معادلات مومنتوم نوير-استوكس با فرض ميدان فشار معلوم براي پيشبيني ميدان سرعت حل می شوند، سپس معادله پواسون فشار به منطور تصحیح و بدست آوردن میدان فشار سیال حل می شود. در ادامه میدان سرعت بر اساس میدان فشار تصحیح شده، تصحیح می شود. در حل معادلات انتقال، با توجه به این که در حالتی که جریان سیال وجود دارد به خصوص در سرعتها یا رایلیهای بالا مشخصههای جریان بیشتر تحت تاثیر مقادیر بالادست میباشند، لذا به منظور درونیابی مقادیر مرکز سلولها بر روی سطوح سلول از روش بالادستی استفاده شده است و برای افزایش دقت از روش دارای دقت مرتبه دو، استفاده شده است. همچنین برای ترمهای دیفیوژن معادلات روش مرتبه دو، اختلاف مرکزی بکار برده شده است. دستگاه معادله جبری به روش گوس سایدل حل شده است. مقادیر باقیمانده معادلات پیوستگی،  $\theta = 30^{\circ}$ 



$$\nabla^* \cdot \mathbf{V}^* = 0 \tag{(\Upsilon \cdot)}$$

معادله مومنتوم:

$$\begin{aligned} &(\frac{\rho_{nf}}{\rho_{f}})\mathbf{V}^{*}.\nabla^{*}\mathbf{V}^{*} = -(\frac{\rho_{nf}}{\rho_{f}})\nabla^{*}P^{*} + \nabla^{*}.[(\frac{\mu_{nf}}{\mu_{f}})\nabla^{*}\mathbf{V}^{*}] \\ &+[(\frac{(\rho\beta)_{nf}}{(\rho_{f}\beta_{f})}).\frac{1}{\Pr}.Ra.T^{*}].\mathbf{e}_{g} \end{aligned} \tag{(1)}$$

بردار یکه شتاب گرانش میباشد. 
$$\mathbf{e}_g = rac{\mathbf{g}}{|g|}$$
معادله انرژی:

$$\frac{(\rho C_p)_{nf}}{(\rho_f C_{Pf})} \mathbf{V}^* . \nabla^* T^* = \frac{1}{\Pr} \nabla^* . \left[ \left( \frac{k_{nf}}{k_f} \right) \nabla^* T^* \right] + \frac{1}{\Pr} \cdot \frac{1}{Le} \{ D_B^* \nabla^* \varphi^* . \nabla^* T^* + \frac{D_T^*}{N_{BT}} \frac{\nabla^* T^* . \nabla^* T^*}{1 + \delta T^*} \}$$
(YY)

$$\mathbf{V}^{*}.\nabla^{*}\varphi^{*} = \frac{1}{Sc}\nabla^{*}.[D_{B}^{*}\nabla^{*}\varphi^{*} + \frac{1}{N_{BT}}.\frac{D_{T}^{*}}{1+\delta T^{*}}\nabla^{*}T^{*}]$$
(77)

که در آن اعداد بدون بعد عبارتند از:

$$N_{BT} = \frac{\varphi_{Ave} D_{Bo} T_c}{D_{To} (T_h - T_c)}, Le = \frac{k_f}{\rho_p C_P \varphi_{Ave} D_{Bo}}, Sc = \frac{v_f}{D_{Bo}}$$
(YF)

که بهترتیب عبارتند از: عدد اشمیت، ضریب نفوذ براونی و ترموفورسس و عدد لوئیس. با بیبعدسازی شرایط مرزی روابط مربوطه ساده خواهد گردید.

برای دیوارههای بالا و پایین، دیواره چپ و دیواره راست، شرایط

 $\theta = 0^{\circ}$ 



شکل ۲. پروفیل سرعت افقی در مش های مختلف برای حفره مربعی ( $\theta^{=0}$ )و حفره ذوزنقهای ( $\theta^{=0}$ )و Fig. 2. Horizontal velocity profiles in different grid size for square cavity ( $\theta = 0$ ) and trapezoid cavity ( $\theta = 30$ )



شکل ۳. پروفیل دما در مشهای مختلف برای حفره مربعی ( $\theta=0$ )و حفره ذوزنقهای ( $\theta=0$ ) Fig. 3. Temperatur profiles in different grid size for square cavity ( $\theta=0$ ) and trapezoid cavity ( $\theta=30$ )

مومنتوم، انرژی و کسر حجمی برابر با ۲۰۰ فرض شدهاند. برای بررسی استقلال شبکه، چندین مش ۱۵۰ × ۱۵۰، ×۱۸۰ ۱۸۰، ۲۰۰ × ۲۰۰ مورد استفاده گرفته است. نتایج مشهای مختلف نشان داد که شبکه با ابعاد ۱۸۰ × ۱۸۰ المان، دارای دقت کافی بوده و افزایش بیشتر المانها تاثیر محسوسی بر نتایج نداشت.

همچنین استقلال از شبکه برای پروفیل سرعت و دما در بیشترین عدد رایلی در (۰ و ۳۰  $\theta = \theta$ ) درجه در شکلهای ۲ و ۳ مشخص شده است.

# ۴-۱- صحت سنجی

نتایج عدد ناسلت برای نانوسیال آب و اکسید آلومینیوم داخل حفره مربعی (ذوزنقه با زاویه ضلعهای چپ و راست به صورت قائم) در شکل ۴–الف با نتایج تجربی هی و همکاران [۱۸] و نتایج عددی شیخزاده و همکاران [۱۹] مقایسه شده است. نتایج کار حاضر برای دو مدل همگن و مدل دوفاز بونگیورنو ارائه شده است. نتایج نشانگر این است که میانگین خطای مدل عددی همگن و مدل دوفازی بونگیورنو نسبت به نتایج آزمایشگاهی بهترتیب حدود ۱۵ درصد و ۸ درصد









شکل ۵. مقایسه خطوط جریان و خطوط همدما کار حاضر در رایلی <sup>۱۰۵</sup> با نتایج عددی حفره ذوزنقهای[۲۱] با قطر ذره ۵۰ Fig. 5. Comparison of flow lines and isoterm lines of present work in Ra=10<sup>5</sup> with numerical results of trapezoidal cavity [21] at dp = 50nm

> میباشد. این نتایج نشانگر این است که مدل دوفازی نسبت مدل همگن عملکرد بهتری داشته و خروجی این مدل به نتایج تجربی نزدیکتر میباشد. به علاوه، در شکل ۴-ب توزیع کیفی نانوذرات داخل حفره، بدست آمده از کار حاضر با نتایج عددی شیخزاده و همکاران [۱۹] و گروسی و همکاران [۲۰] مقایسه شده است، که شکلها نشانگر این هستند که شکل خطوط کسر حجمی ثابت کاملا منطبق بر نتایج عددی سایر محققین میباشند. همچنین برای صحتسنجی کد برای حفره با شکل ذوزنقهای نتایج کد حاضر در رایلی <sup>۱</sup>۰۰ با نتایج عددی مرجع [۲۱] برای نانوذرات با قطر ۵۰ نانومتر در شکل ۵ مقایسه شده است.

# ۵-نتایج و بحث

تمام موارد مقادیر  $\delta$ ، Pr،  $\delta$  و  $N_{BT}$  در ۱۵۵ و  $N_{ST} \times \delta \sim N_{ST}$  تمام موارد مقادیر  $\delta$ ، ۱۵×  $N_{I}$  و  $N_{I}$  در ۱۵۵ و ۱/۱۰ میباشد تاثیر پارامترهای ذکر شده در متن بر توزیع نانوذرات و انتقال حرارت در بخشهای زیر ارائه شده است.

# ۵-۱–اثر تغییر زاویه بر توزیع نانوذرات

توزیع نانوذرات برای زوایای مختلف در دو رایلی Ra=۱۰<sup>۴</sup> و ۱۰<sup>۴</sup>= در شکلهای ۶ و ۸ نشان داده شده است.

لازم به ذکر است که در این بخش میانگین کسر حجمی لازم به ذکر است که در این بخش میانگین کسر حجمی اضلاع چپ و راست و تبدیل حفره مربعی به ذوزنقهای تجمع نانوذرات اطراف دیواره سرد افزایش مییابد.علاوه بر این، دیده میشود که، یک لایه مرزی کسر حجمی نزدیک به دیوار داغ وجود دارد که با حرکت از سمت چپ به راست، از پایین به بالا رشد مییابد. علاوه بر این، در دیوار سرد، یک لایه مرزی کسر حجمی وجود دارد که با حرکت از سمت راست به سمت چپ، از بالا به سمت پایین و به دیوار پایین حرکت میکند.

لایههای مرزی تودهای مجاور دیوارههای بالا و پایین نازکتر از



شکل ۸. کانتورهای توزیع نانوذرات همراه با خط ثابت کسر حجمی  $\varphi_{Ave} = \cdot/\cdot r$  در زوایای مختلف شیب برای $Ra=10^{\circ}$ 

Fig. 8. Contours of the nanoparticle distribution along with the constant volume fraction line of 0.02 at different inclination angles for Ra= $10^4$ 







شکل ۶. توزیع نانوذرات همراه با خط ثابت کسر حجمی  $\varphi_{Ave} = \cdot/\cdot$ ۲ در زوایای Ra=۱۰' مختلف شیب برای و

Fig. 6. Contours of nanoparticle distribution along with the constant volume fraction line of 0.02 at different inclination angles for  $Ra=10^2$ 

a)*θ*=∙°









Ra=۱۰<sup>°</sup> شکل ۷. کانتورهای خطوط جریان در زوایای مختلف شیب برای Fig. 7. Contours of streamlines at different inclination angles for Ra=10<sup>2</sup>

لایه مرزی است که نزدیک به دیوارههای گرم و سرد هستند. نزدیکی دیوار سرد بالاتر از دیوار داغ است. نیروهای ترموفورسس باعث این نتیجه هستند که گرادیان دما ذرات را از مناطق گرم به مناطق سرد حمل میکند. یکی دیگر از ویژگیهای شکلهای ۶ و ۸ این است که برای مقدار مشخصی از تعداد رایلی، با افزایش زاویه شیب اضلاع چپ و راست ضخامت لایه مرزی توده رشد میکند. این انتظار میرود با افزایش θ، اثرات هدایت کاهش مییابد. از سوی دیگر، برای مقدار مشخص شده θ، با افزایش عدد *Ra*، اثرات ترم هدایت بر اثرات ترم همرفتی بر اثرات ترم هدایت مطابق شکل ۱۰ غلبه میکند.

با مقایسه شکلهای ۶ و ۸ بدیهی است که در Ra=۱۰<sup>۳</sup> توزیع نانوذرات نسبتا غیریکنواخت است در حالیکه در Ra=۱۰<sup>۴</sup> تقریبا یکنواخت میشود. لذا میتوان نتیجه گرفت که در اعداد رایلی بالا میتوان از مدلهای تکفازی هموژن استفاده کرد. نتایج مشابه در مراجع [۲۰] و [۲۱] گزارش شده است.

شکل۱۰ نشانگر خطوط ایزوترم در زاویه شیب مختلف اضلاع

#### ۵–۲–اثر تغییر زاویه اضلاع ذوزنقه برتوزیع دما

کسر حجمی نانوذرات برابر با ۲۰/۰۳ میباشد. ایزوترمهای عمودی که یکنواخت توزیع شدهاند در ۲<sup>۰</sup> Ra نشان میدهد که گرما عمدتا توسط هدایت جریان مییابد. همانطور که نشان داده شده گرما عمدتا توسط هدایت جریان مییابد. همانطور که نشان داده شده تغییر در زاویه اضلاع، ایزوترمها در رایلی ثابت از رفتار مشابهی پیروی میکند. با این وجود، در اعداد رایلی بالاتر، تراکم خطوط ایزوترم در گرم و سرد، ایزوترمها در رایلی ثابت از رفتار مشابهی پیروی نزدیکی دیوارههای گرم و سرد بیشتر است و نزدیک به دیوارهای نزدیکی دیوارههای گرم و سرد بیشتر است و نزدیک به دیوارهای نشان دهد نشان داده شدن تعییر در زاویه اضلاع، ایزوترمها در رایلی بالاتر، تراکم خطوط ایزوترم در گرم و سرد، ایزوترمها به صورت موازی با دیوارهها شکل گرفتهاند که نشاندهنده غلبه انتقال حرارت هدایت میباشد، در حالی که در مرکز ایزوترمها میشود. با افزایش عدد رایلی از ۲۰۰ تا ۲۰۰۰، ایزوترمها به شکل تصادفی بیشتری دست مییابند. به علاوه، مشاهده میشود ایزوترمها میشود در رایلی <sup>۱۹</sup>۰۰ و زاویه اضلاع صفر، در محدوده شکل تصادفی بیشتری دست میباند. به این معنی که یک طبقهبندی مرکز حفره تقریبا مستقیم میباشد، به این معنی که یک طبقهبندی حرارتی یا لایهبندی وجود دارد و باابراین انتقال حرارت کار محمود می میابند. به علوه، مشاهده می طرد مرکز مخره تر میران می میند می شکل تصادفی بیشتری دست مییابند. به علوه، مشاهده میشود محدوده شکل تصادفی بیشتری دست مییابند. به علاوه، مشاهده می مرکز حفره تقریبا مستقیم میباشد، به این معنی که یک طبقهبندی حرارتی یا لایهبندی وجود دارد و بنابراین انتقال حرارت کم است.

چپ و راست و رایلیهای (۱۰۴،۱۰۴ و ۱۰۴) است. در اینجا مقدار



Ra= ۱۰<sup>۴</sup> و ج) Ra= ۱۰<sup>۴</sup> و ج) Ra= ۱۰<sup>۲</sup> و ج) Ra= ۱۰<sup>۲</sup> در زوایای مختلف شیبدار و الف) Ra= ۱۰<sup>۲</sup> و ج) Ra= ۱۰<sup>۴</sup> و ج) Fig. 10. Isotherms inside the cavity filled with Al2O3 –water nanofluid with 0.02 at different inclination angles at (a): Ra=10<sup>2</sup> (b): Ra=10<sup>3</sup> and (c): Ra=10<sup>4</sup>



با تغییر زاویه اضلاع چپ و راست به ۳۰ درجه، ایزوترمها به سمت راست متمایل میشوند، این رفتار منجر به اختلاط وافرایش انتقال حرارت میگردد. با تغییر زاویه اضلاع چپ و راست به ۴۵ درجه، خطوط ایزوترم دوباره تمایل به سمت راست دارند. و همچنان منجر به تشکیل مخلوط بهتر و انتقال حرارت بالاتر میگردد.

# ۵–۳– اثر تغییر زاویه اضلاع ذوزنقه بر نرخ انتقال حرارت

در شکل۱۱ تغییرات مقدار میانگین نوسلت با کسر حجمی نانوذرات مختلف در زاویه شیب مختلف اضلاع چپ و راست و عدد متغیر مشاهده می شود. نتیجه اول شکل ۱۱ این است که با افزایش عدد رایلی، مقدار نوسلت متوسط بسته به شکل ذوزنقه متغیر می باشد. تاثیر نیروهای شناوری، اثرات همرفتی و تغییر

الگوی جریان در رایلیهای مختلف از مهمترین دلایل آن میباشد. علاوه بر این، با توجه به شکل ۱۱ در رایلی پایین با افزایش کسر دجمی نانوذرات، مقدار نوسلت متوسط در رایلیهای پایین و شکل ذوزنقه یکسان، به مقدار متوسط ۲۴ درصد در زاویههای ۰، ۳۰ و ۴۵ درجه افزایش مییابد. افزایش کسرحجمی ذرات باعث افزایش در ویسکوزیته و هدایت حرارتی نانوسیال میگردد. درنتیجه، با افزایش غلظت نانوسیال، لایه مرزی حرارتی رشد میکند و از اینرو تغییرات درجه حرارت در نزدیکی دیوارهها سبب کاهش میزان انتقال حرارت میشود. از سوی دیگر، افزایش کسر حجمی نانوذرات موجب افزایش هدایت حرارتی نانوسیال میگردد. وجود این دو اثر متضاد، منجر به شناسایی کسر حجمی بهینه میگردد. همانطور که در شکل ۱۱ (الف) دیده میشود، در <sup>۲</sup>۰۱هتا



Ra= ۱۰<sup>\*</sup> (و ب) Ra= ۱۰<sup>\*</sup> (مکل ۲۱. پروفیل سرعت عمودی جریان در طول بی بعد در الف) Ra= ۱۰<sup>\*</sup> (و ب) Ra= ۱۰<sup>\*</sup> (c) شکل ۲۱. پروفیل سرعت عمودی جریان در طول بی بعد در الف) Fig. 12. The vertical velocity profile of the flow during the dimensionless time at (a): Ra=10<sup>2</sup> (b): Ra=10<sup>3</sup> and (c): Ra=10<sup>4</sup>

است، مقدار عدد ناسلت با افزایش  $\varphi_{Ave}$  افزایش یافته و تغییر زاویه اضلاع چپ و راست در مقدار نوسلت متوسط تاثیر گذار میباشد. با این وجود، برای ۲۰<sup>۳</sup> =Ra نیز رفتار مشابهی طبق شکل ۱۱ (ب) قابل انتظار میباشد. ولیکن آنچه از شکل ۱۱ (پ) مشاهده می گردد، با افزایش رایلی و متاثر بودن ترم بویانسی در حفره ذوزنقهای بهترین مافزایش رایلی و متاثر بودن ترم بویانسی در حفره ذوزنقهای بهترین مالت انتقال حرارت در ۳۰ درجه، رخ داده و عدد نوسلت به میزان مالک درصد، نسبت به محفظه مربعی و ۱/۸ درصد نسبت به حالت ۴۵ درجه افزایش مییابد. این واقعیت به نوعی در نمودارهای شکل ۱۲ مربوط به سرعت عمودی بی بعد شده بر روی خط افقی مرکزی داخل حفره نیز مشاهده شده است. همانطور که قابل رویت است سرعت جریان در زاویه ۳۰ درجه از زاویه ۰ درجه کمتر و از زاویه ۴۵ درجه بیشتر میباشد.

#### ۶-نتیجهگیری

در این مقاله، جریان همرفتی نانوسیال آب و نانوذرات اکسید آلومینیوم داخل حفره ذوزنقه با استفاده از مدل دوفازی بونگیورنو در

زوایای مختلف بررسی شده است. زاویه شیب اضلاع چپ و راست بین ۰، ۳۰ و ۴۵ درجه و عدد رایلی بین ۱۰۰ تا ۱۰۰۰ و کسر حجمی نانوذرات از ۰/۰۱ تا ۲/۰ متغیر میباشد. در کار حاضر میزان انتقال حرارت و توزیع نانوذرات بررسی شده است. حاصل این مطالعه نتیجههای زیر حاصل می گردد: – در اعداد رایلی پایین با افزایش زاویه شیب اضلاع چپ و راست از ۰ تا ۴۵ درجه، میزان انتقال حرارت کاهش می یابد .

- در اعداد رایلی متوسط با افزایش زاویه شیب اضلاع چپ و راست از ۰ تا ۴۵ درجه، میزان انتقال حرارت کاهش می یابد .

- در اعداد رایلی بالا با افزایش زاویه شیب اضلاع چپ و راست از ۰ تا ۴۵ درجه، میزان انتقال حرارت روند کاهشی نداشته و در زاویه ۳۰ درجه حالت بهینه ناشی از غلبه نیروهای همرفتی به هدایت حاصل می گردد.

- در اعداد رایلی بالا، توزیع ذرات تقریبا یکنواخت باقی میماند. بنابراین، مدلهای همگن تکفاز میتواند مورد استفاده قرار گیرد. با این حال، برای به دست آوردن راه حلهای دقیقتر و مدلهای دقیق . .

فیزیکی، مدل دوفاز مورد نیاز است.

- لایه مرزی کسر حجمی در امتداد دیوارههای حفره ایجاد میشود. با افزایش عدد رایلی، ضخامت این لایه مرزی، نزدیک به دیوارههای گرم و سرد، کاهش مییابد.

# فهرست علائم

#### علائم يونانى

- $\mathrm{m}^2\,\mathrm{s}^{-1}$ نفوذپذیری حرارتی lpha
- $K^{-1}$  ضريب انبساط حرارتي  $\beta$
- پارامتر درجه حرارت نرمال  $\delta$ 
  - **ر** پارامتر ثابت
- $\mathrm{kg} \ \mathrm{m}^{-1}\mathrm{s}^{-1}$  ویسکوزیته دینامیکی  $\mu$ 
  - ${
    m m}^2~{
    m s}^{-1}$  ويسكوزيته سينماتيكى u
    - $m kg~m^{-3}$  دانسیته ho
      - φ کسر حجمی
    - \* کسر حجمی بیبعد Ø

# زيرنويسها

# Ave متوسط

- ديواره سرد C
- ديواره گرم H
- F سيال
- P ذرات
- Nf نانوسيال

# علائم انگلیسی

- ضریب گرمایی  $C_p$
- ضريب نفوذ براونى  $D_{_B}$
- ضريب نفوذ براوني مرجع  $D_{\scriptscriptstyle B0}$ 
  - قطر سیال پایه  $d_f$
  - قطر نانوذرات  $d_{_p}$
- ضريب نفوذ ترمو فورسس D<sub>T</sub>
  - شتاب گرانش G
- طول پايه و ارتفاع حفره

  - نريب رسانندگي K
    - مريب بولتزمن K<sub>B</sub>
      - Le عدد لوئيس
- نسبت براونی به ترموفورسس  $N_{\scriptscriptstyle BT}$

1111	عدد نوسلت
Р	فشار
$p^*$	فشار بىبعد
Pr	عدد پرانتل
Ra	عدد رایلی
$Re_{B}$	عدد رينولدز براوني
Т	دما
$T^*$	دمای بیبعد
$T^*$ $T_{fr}$	دمای بیبعد دمای انجماد سیال پایه
$T^*$ $T_{fr}$ $u_B$	دمای بیبعد دمای انجماد سیال پایه سرعت براونی نانوذرات
$T^*$ $T_{fr}$ $u_B$ V	دمای بیبعد دمای انجماد سیال پایه سرعت براونی نانوذرات بردار سرعت
$T^*$ $T_{f^r}$ $u_B$ V $V^*$	دمای بیبعد دمای انجماد سیال پایه سرعت براونی نانوذرات بردار سرعت بردار سرعت بیبعد
$T^*$ $T_{fr}$ $u_B$ $V$ $V^*$ $x, y$	دمای بیبعد دمای انجماد سیال پایه سرعت براونی نانوذرات بردار سرعت بردار سرعت بیبعد مختصات کارتزین

# مراجع

- X. Wang, A. Mujumdar, Heat transfer characteristics of nanofluids: a review, International journal of thermal sciences, 46(1) (2007) 1-19.
- [2] Y. Xuan, W. Roetzel, Conceptions for heat transfer correlation of nanofluids, International Journal of heat and Mass transfer, 43(19) (2000) 3701-3707.
- [3] S. Choi, J. Eastman, Enhancing thermal conductivity of fluids with nanoparticles, Argonne National Lab., IL (United States), 1995.
- [4] J. Buongiorno, Convective transport in nanofluids, Journal of heat transfer, 128(3) (2006) 240-250.
- [5] J. Eastman, S. Choi, S. Li, W. Yu, L. Thompson, Anomalously increased effective thermal conductivities of ethylene glycol-based nanofluids containing copper nanoparticles, Applied physics letters, 78(6) (2001) 718-720.
- [6] G. Polidori, S. Fohanno, C. Nguyen, A note on heat transfer modelling of Newtonian nanofluids in laminar free convection, International Journal of Thermal Sciences, 46(8) (2007) 739-744.

- [15] J. Rostami, A. Abbassi, M. Saffar-Avval, Numerical Heat Transfer by Nanofluids in a wavy walls Microchannel using Dispersion Method, Amirkabir Journal of Mechanical Engineering, (2018).(in Persian)
- [16] M. Sepehrnia, H. Khorasanizadeh, R. Sadeghi, Investigation of nanofluid flow field and conjugate heat transfer in a MCHS with four different arrangements, Amirkabir Journal of Mechanical Engineering, (2017). (in Persian)
- [17] Z. Haddad, H.F. Oztop, E. Abu-Nada, A. Mataoui, A review on natural convective heat transfer of nanofluids, Renewable and Sustainable Energy Reviews, 16(7) (2012) 5363-5378.
- [18] C. Ho, W. Liu, Y. Chang, C. Lin, Natural convection heat transfer of alumina-water nanofluid in vertical square enclosures: an experimental study, International Journal of Thermal Sciences, 49(8) (2010) 1345-1353.
- [19] G. Sheikhzadeh, M. Dastmalchi, H. Khorasanizadeh, Effects of nanoparticles transport mechanisms on Al2O3–water nanofluid natural convection in a square enclosure, International Journal of Thermal Sciences, 66 (2013) 51-62.
- [20] F. Garoosi, S. Garoosi, K. Hooman, Numerical simulation of natural convection and mixed convection of the nanofluid in a square cavity using Buongiorno model, Powder technology, 268 (2014) 279-292.
- [21] A.A.A. Arani, A.A. Azemati, M. Rezaee, B.S. Hadavand, Numerical study of different conduction models for A12 O 3-water nanofluid with variable properties inside a trapezoidal enclosure, Journal of Mechanical Science and Technology, 31(5) (2017) 2433-2441.

- [7] D. Tzou, Thermal instability of nanofluids in natural convection, International Journal of Heat and Mass Transfer, 51(11-12) (2008) 2967-2979.
- [8] M. Valipour, R. Masoodi, S. Rashidi, M. Bovand, M. Mirhosseini, A numerical study on convection around a square cylinder using Al2O3-H2O nanofluid, Thermal science, 18(4) (2014) 1305-1314.
- [9] M. Corcione, E. Habib, A. Quintino, A twophase numerical study of buoyancy-driven convection of alumina-water nanofluids in differentially-heated horizontal annuli, International Journal of Heat and Mass Transfer, 65 (2013) 327-338.
- [10] M. Sheikholeslami, M. Gorji-Bandpy, S. Soleimani, Two phase simulation of nanofluid flow and heat transfer using heatline analysis, International Communications in Heat and Mass Transfer, 47 (2013) 73-81.
- [11] M. Rashidi, A. Hosseini, I. Pop, S. Kumar, N. Freidoonimehr, Comparative numerical study of single and two-phase models of nanofluid heat transfer in wavy channel, Applied Mathematics and Mechanics, 35(7) (2014) 831-848.
- [12] S.Y. Motlagh, H. Soltanipour, Natural convection of Al2O3-water nanofluid in an inclined cavity using Buongiorno's twophase model, International Journal of Thermal Sciences, 111 (2017) 310-320.
- [13] N. Bondareva, M. Sheremet, I. Pop, Magnetic field effect on the unsteady natural convection in a right-angle trapezoidal cavity filled with a nanofluid: Buongiorno's mathematical model, International Journal of Numerical Methods for Heat & Fluid Flow, 25(8) (2015) 1924-1946.
- [14] I. Hashim, A. Alsabery, M. Sheremet, A. Chamkha, Numerical investigation of natural convection of Al2O3-water nanofluid in a wavy cavity with conductive inner block using Buongiorno's two-phase model, Advanced Powder Technology, 30(2) (2019) 399-414.

بی موجعه محمد ا