

## Amirkabir Journal of Mechanical Engineering

Amirkabir J. Mech. Eng., 52(12) (2021) 821-824 DOI: 10.22060/mej.2019.15994.6245

# Cooperative Path Planning for Leader - Follower Formation of Multiple Quadrotors Based on the Minimum Energy Consumption for Load Transportation

H. Kiaee, H. Heidari\*

Mechanical Engineering, Malayer University, Malayer, Iran.

ABSTRACT: Today, unmanned aerial vehicles are highly considered for both military and commercial fields due to low cost, high maneuverability, and good survival. One of the most important design challenges of multi-unmanned aerial vehicle systems is mission planning. In the broad class of unmanned aerial vehicles, Quadrotor is an important member. The capabilities of this vehicle in load transportation has attracted the attention of many research groups around the world. In this paper, path planning based on the minimum energy consumption is studied for load transportation. The purpose of the present study is to investigate the effect of proposed cost function in order to obtain optimal path for transporting loads based on reducing the energy consumption of quadrotors. The results indicate the 35.29% energy consumption of multi unmanned aerial vehicle compared to the energy consumption of an individual quadrotor. This also leads to an increase in load carrying capacity. On the other hand, the leader-follower formation is preserved until the end of the path based on the defined relationships. The simulation results illustrate the power and efficiency of the method to overcome the high nonlinearity nature of the problem such as path optimization of multi-rotor helicopters.

#### **Review History:**

Received: 13 Mar. 2019 Revised: 10 May. 2019 Accepted: 16 Jun. 2019 Available Online: 14 Jul. 2019

#### **Keywords:**

Path planning Cooperative robots Quadrotor Optimal control Load transportation

#### **1-Introduction**

Unmanned Aerial Vehicles (UAVs), which have high maneuverability, are widely used as platforms to work in various environments. When defining a mission, path planning is the crucial element of whole system. Generally, path planning targets at generating a real-time global path to the target, avoiding collisions with obstacles, and optimizing a given cost function under dynamic constraints [1].

Among the unmanned aerial vehicles, rotorcraft is more popular because of their high maneuverability and air hovering properties, as well as vertical ups and downsides. In the meantime, quadrotors are more important because of their simple structure. Because without the need for sophisticated mechanical joints, it is possible to make any desired movement through the rotor's changeover [2].

On the other hand, the planning of the optimal aerial robot path has been considered by many researchers among the two points. Hehn et al. [3] presented an algorithm suitable for designing a quadrotor robot path. Cetin and Yilmaz [4] proposed a parallel algorithm that simultaneously avoids obstacles in addition to the planning of the path. In this regard, various algorithms [5] including A\*, genetics, particle swarm optimization and search methods have been proposed to find optimal path for different environmental conditions, but the proposed method in this paper is analytic and accurate. Formation control has been one of the most important issues in cooperative control for multi robot systems, which is defined as a coordination of a group of robots to get into and to maintain a formation with a certain shape.

In the leader-follower approach to controlling the flight path of the group, it is the responsibility of a member that is chosen as the leader and the other members follow the leader. A member may also be the leader of other members, while following. The formation of the movement is determined by the leader and its control is simple and has been widely implemented in the formation of a flight consisting of UAVs. This method was first developed by Dos et al. [6].

The main idea of this research is to define the cost function based on the voltage and current equations of the quadrotor motor, as well as to minimize the relative speed of the members and to stabilize and maintain the distance between the members, together with the leader's tracking. In this research, with the help of dynamic equations of quadrotor, dynamic equations of suspended load for load transportation, dynamic equations of cooperative quadrotor formation, and consideration of the optimal control problem for system path planning. At the beginning of this study, a path for a quadrotor is planned to optimize the energy system with suspended load. In the next step, the same conditions are considered for the three quadrotors, which, with the formation of leader follower, have carried suspended load.

#### 2- Methodology

Cooperative quadrotor and load system are presented as a transient-rotary dynamic model. Initially, as shown in Fig. 1, the load is considered as the mass of a point suspended by a quadrotor of  $n \ge 1$ . The independent degrees of freedom of this system are the loading position  $xL \in \square^3$ , the suspended cable mode,  $q_i \in S2$ , and the quadrotor mode  $R_i \in SO(3)$ . By defining

\*Corresponding author's email: hr.heidari@malayeru.ac.ir



Copyrights for this article are retained by the author(s) with publishing rights granted to Amirkabir University Press. The content of this article is subject to the terms and conditions of the Creative Commons Attribution 4.0 International (CC-BY-NC 4.0) License. For more information, please visit https://www.creativecommons.org/licenses/by-nc/4.0/legalcode.



Fig. 1. The rolling element bearings accelerated-life experiments test-rig

the length of the i-th cable as  $L_{\rho}$  according to the geometry of connecting the load to the quadrotor, the quadrotor position  $xL \in \Box^3$  is expressed.

The quadrotor motion equations with suspended load are expressed as follows:

$$\begin{split} \ddot{\phi} &= \frac{I_{yy} - I_{zz}}{I_{xx}} \dot{\theta} \dot{\psi} - \frac{J_R}{I_{xx}} \dot{\theta} \Omega_R + \frac{l}{I_{xx}} u_2 \\ \ddot{\theta} &= \frac{I_{zz} - I_{yx}}{I_{yy}} \dot{\phi} \dot{\psi} + \frac{J_R}{I_{yy}} \dot{\phi} \Omega_R + \frac{l}{I_{yy}} u_3 \\ \ddot{\psi} &= \frac{I_{xz} - I_{yy}}{I_{zz}} \dot{\phi} \dot{\theta} + \frac{1}{I_{zz}} u_4 \\ \ddot{x} &= \frac{F_x}{n_Q m_Q} + (\sin\phi \sin\psi + \cos\phi \cos\psi \sin\theta) \frac{u_1}{m_Q} \\ \ddot{y} &= \frac{F_y}{n_Q m_Q} + (\cos\phi \sin\theta \sin\psi - \cos\psi \sin\phi) \frac{u_1}{m_Q} \\ \dot{z} &= (\cos\theta \cos\phi) \frac{u_1}{m_Q} - g - \frac{m_L g}{n_Q m_Q} \end{split}$$
(1)

where  $m_0$  is the quadrotor mass, g, gravity acceleration,  $J_R = J_m + J_L$ , the total engine moment of inertia, and *l* is the distance between the center of quadrotor mass to the engine. The *u* appendix are also [7]:

The  $u_i$  coefficients are also [7]:

$$u_{1} = \kappa_{b} (\omega_{1}^{2} + \omega_{2}^{2} + \omega_{3}^{2} + \omega_{4}^{2})$$

$$u_{2} = \kappa_{b} (\omega_{2}^{2} - \omega_{4}^{2})$$

$$u_{3} = \kappa_{b} (\omega_{3}^{2} - \omega_{1}^{2})$$

$$u_{4} = \kappa_{c} (\omega_{1}^{2} + \omega_{3}^{2} - \omega_{2}^{2} - \omega_{4}^{2})$$

$$\Omega_{R} = \omega_{1} - \omega_{2} + \omega_{3} - \omega_{4}$$
(2)

The optimal control problem is defined to minimize the energy of quadrotor control inputs. The cost function is defined by minimizing the relative speed of the members and fixing and maintaining distance to the leader, as well as tracking the leader, the arrangement of the follower leader. The proposed cost function is:

$$J = \int_0^t (\text{Quadrotor Energy}) dt$$

$$+ \sum_{i=1}^{3} \sum_{j \in N_{i}} (v_{i} - v_{j}) Q_{ij} (v_{i} - v_{j})^{T} + \sum_{j \in N_{i}} (v_{i} - v_{j}) G(v_{i} - v_{j})^{T} + \sum_{i=1}^{3} \sum_{j \in N_{i}} (p_{i} - p_{j} - d) Q_{p} (p_{i} - p_{j} - d)^{T}$$
(3)

The cost function parts are quadrotor energy consumption, speed control, leader tracking, and distance control, and d represents the distance from the leader,  $p_i$  represents the distance

between the members, v represents the optimal speed,  $v_i$  represents the speed of the members

The energy consumption of quadrotors between the initial time  $t_0$  and the end time  $t_r$  is:

$$E = \int_{t_0}^{t_f} \sum_{i=1}^{4} e_i(t) i_i(t) dt$$
(4)

The four identical motors and given that  $T_L(\omega(j)) = \kappa_r \omega_j^2$ , the assumption  $\omega_j(t_0) = \omega_j(t_j)$  and  $j \in [1,2,3,4]$ , Eq. (4) is rewritten as follows:

$$E = \int_{t_0}^{t_f} \left[ \sum_{j=1}^{4} \left( c_1 + c_2 \omega_j(t) + c_3 \omega_j^2(t) + c_4 \omega_j^3(t) \right) + c_5 \omega_j^4(t) + c_6 \dot{\omega}_j^2(t) \right) \right] dt$$
(5)

The coefficients  $c_{\mu}$ ,  $c_{2}$ ...  $c_{\sigma}$  which depend on the parameters of the engines and the geometry of the propellers.

#### **3-** Numerical Simulation

The proposed approach is solved through the ACADO tool in MATLAB. For optimization methods, the following default options were considered in ACADO: As a result, a multiple detection of 20 nodes was used and integration with the Rang-Kutta method (rank 4.5) was performed.

In this section, the simulation conditions are applied to three quadrotors to carry the load under the leader's arrangement and maintain the arrangement in the direction. To carry group loads for quadrotors, the load is considered equal to  $m_L = 1.5$  kg, which is three times the load weights determined individually for quadrotor. The purpose of this work is to investigate how much quadrotor the group consumes when consuming energy in comparison to individual conditions.

As can be seen, the average maximum energy consumption of a quadrotor in a cooperative mode is 15.31 kJ, which leads to a reduction of energy consumption of 29.29% compared to a quadrotor in a solitary state. Due to the fact that the weight of the load has increased up to three times, moving the quadrotors in a cooperative mode for a 1.5 kg load has led to a significant reduction in the energy consumption of the system. Indeed, the use of three robots has resulted in more quadrotor load balancing, and Pitch, Yaw, and Roll angles have been reduced to less than single Quadrotor, which has led to a reduction in their energy consumption. This suggests that by moving the group of quadrotors more loads than the capacity of a quadrotor can be displaced. The significance of this issue is evident when there is not enough time to transport the shipment for the shipment to be loaded, or that the volume of the shipment and the size of the vehicles are in such a way as to require a group shift.

The path of the formation of the follower leader has been created and maintained until the end of the movement is shown in Fig. 2.

In Fig. 3, the periods of the first quadrotor is shown in coordinate axes, respectively. This figure show that the continuous motion of quadrotor in individual mode, with the dependence of the quadrotors under the formation of the leader-follower, has largely been eliminated, and in most of the path, due to the load and oscillation, vibrations are observed and returned.

#### **4-** Conclusions

In this paper, the problem of designing the path of the



Fig. 2. The comparison between the trend of SPMHDm and Vrms for all accelerated-life experiments

cooperative quadrotors for the transfer of load is grouped. The proposed theory is illustrated using numerical experiments performed by Quadrotor DJI Phantom II. The results indicated a decrease of 35.29% of the average energy consumption of a quadrotor in a cooperative mode compared to a quadrotor individually, indicating an increased load capacity of quadrotors in group mode. This suggests the success of the proposed cost function and proves its accuracy. On the other hand, group arrangement was formed by attaching a follower to the leader through distance and angle preservation relationships.

#### References

- [1] L. Yang, J. Qi, J. Xiao, X. Yong, A literature review of UAV 3D path planning, in Proceeding of 11th World Congress on Intelligent Control and Automation, Shenyang, China: IEEE, (2014) 2376-2381.
- [2] S. Ghazbi, Y. Aghli, M. Alimohammadi, and A. Akbari, Quadrotors unmanned aerial vehicles: a review, International Journal on Smart Sensing and Intelligent Systems, 9(1) (2016) 309-333.



Fig. 3. Compression between Envelope technique and SPM for early fault type detection

- [3] M. Hehn, R. Ritz and R. D'Andrea, Performance benchmarking of quadrotor systems using time-optimal control, Autonomous Robots, 33(1) (2012) 69-88.
- [4] O. Cetin, G. Yilmaz, Real-time autonomous uav formation flight with collision and obstacle avoidance in unknown environment, Journal of Intelligent and Robotic Systems, 84(4) (2016) 415-433.
- [5] L. Cai, J. Jia and J. Lei, Research on path optimization with PSO for unmanned vehicle, International Journal of Online and Biomedical Engineering, 11(8) (2015) 21-24.
- [6] A.K. Das, R. Fierro, V. Kumar, J.P. Ostrowski, J. Spletzer, C.J. Taylor, A vision-based formation control framework, IEEE transactions on robotics and automation, 18(5) (2002) 813-825.
- [7] K. Sreenath, N. Michael, V. Kumar, Trajectory generation and control of a quadrotor with a cable suspended load a differentially flat hybrid system, in Proceeding of International Conference on Robotics and Automation, Karlsruhe, Germany: IEEE, (2013) 4888-4895.

This page intentionally left blank

نشريه مهندسي مكانيك اميركبير

نشریه مهندسی مکانیک امیرکبیر، دوره ۵۲، شماره ۱۲، سال ۱۳۹۹، صفحات ۳۳۲۷ تا ۳۳۴۰ DOI: 10.22060/mej.2019.15994.6245

طراحی مسیر کوادروتورهای همکار به وسیله آرایش رهبر-پیرو بر مبنای کمترین انرژی مصرفی به منظور حمل بار

حسین کیائی، حمیدرضا حیدری\*

مهندسی مکانیک، دانشگاه ملایر، ملایر، ایران.

خلاصه: امروزه وسایل هوایی بدون سرنشین به دلیل هزینه پایین، قدرت مانور بالا، بقای خوب در هر دو زمینه نظامی و تجاری مورد توجه بسیار قرار گرفتهاند. هنگام تعیین یک مأموریت برای چنین سیستمهایی، طراحی مسیر، عنصر حیاتی کل سیستم است. در میان وسایل هوایی بدون سرنشین، کوادروتورها از اهمیت بیشتری برخوردارند. تواناییهای این وسیله در حمل و نقل بار هوایی توجه بسیاری وسایل هوایی بدون سرنشین، کوادروتورها از اهمیت بیشتری برخوردارند. تواناییهای این وسیله در حمل و نقل بار هوایی توجه بسیاری از گروههای تحقیقاتی در سراسر جهان را به خود جلب کرده است. در این پژوهش طراحی مسیر، منصر بر مبنای کمترین انرژی مصرفی به منظور حمل بار مورد بررسی قرار گرفته است. هدف از این پژوهش بررسی تأثیر تابع هدف پیشنهادی به منظور طراحی مسیر بر مبنای کمترین انرژی مصرفی یک کوادروتورها می اند. در این پژوهش طراحی مسیر بر مبنای کمترین انرژی مصرفی مسیر بهینه برای حمل بار بر مبنای کاهش انرژی مصرف شده کوادروتورها می باشد. نتایج بیانگر کاهش <sup>7</sup> ۲۵/۲۹ میانگین انرژی مصرفی یک کوادروتور در حالت انفرادی بود. همچنین این موضوع نشانگر افزایش ظرفیت مصرفی یک کوادروتور در حالت مصرف شده کوادروتورها می باشد. نتایج بیانگر کاهش <sup>7</sup> ۲۵/۲۹ میانگین انرژی مصرفی یک کوادروتور در حالت انفرادی بود. همچنین این موضوع نشانگر افزایش ظرفیت مصرفی محل بار در حالت گروهی می باشد. از این برای حل مسائل پیچیده نظیر طراحی مسیر حرکت کوادروتورهای همکار محل بار در حالت گروهی می باشد. از سوی دیگر آرایش رهبر پیرو مورد نظر نیز با توجه به روابط تعریف شده ایجاد، و تا انتهای مسیر معان محل بار در انشان می دهد.

**تاریخچه داوری:** دریافت: ۱۳۹۷/۱۲/۲۲ بازنگری: ۱۳۹۸/۰۲/۲۷ پذیرش: ۱۳۹۸/۰۴/۲۶ ارائه آنلاین: ۱۳۹۸/۰۴/۲۳

> کلمات کلیدی: طراحی مسیر رباتهای همکار کوادروتور کنترل بهینه انتقال بار

### ۱- مقدمه

وسایل نقلیه بدون سرنشین که قابلیت مانور بالا دارند بهطور گستردهای بهعنوان سیستمهای کاری در محیطهای مختلف استفاده می شوند. هنگام تعیین یک مأموریت، طراحی مسیر، عنصر حیاتی کل سیستم است. بهطور کلی، طراحی مسیر پیدا کردن مسیری بدون برخورد و بهینه از نقطه شروع به هدف در فضای کاری با توجه به معیارهای مطلوب (مانند حداقل هزینه، کوتاهترین زمان، کوتاهترین مسیر و غیره) تحت محدودیتهای حرکتی می باشد [۱].

طراحی مسیر بهعنوان یک مشکل بزرگ در رباتیک به شمار میرود، از آنجاکه پیچیدگی آن با ابعاد فضای پیکربندی افزایش مییابد. فضای پیکربندی بهعنوان فضایی است که یک سیستم فیزیکی ممکن است با توجه به محدودیتهای خارجی و محیطی به دست آورد. در محیطهای پیچیده، هدف الگوریتمهای طراحی مسیر نهتنها برای پیدا کردن یک مسیر بدون برخورد، بلکه بهمنظور کاهش طول سفر یا مصرف انرژی است. بنابراین باید همه این عوامل در نظر گرفته شوند تا مسیر واقعبینانهای که سازگار با

عدم اطمینانهای مختلف است، به دست آید [۲].

امروزه وسایل پرنده بدون سرنشین به دلیل هزینه پایین، قدرت مانور بالا، بقای خوب در هر دو زمینه نظامی و تجاری موردتوجه بسیار قرارگرفتهاند. استفاده از این وسایل هنگام انجام مأموریتهای خطرناک میتواند باعث حذف حضور عامل انسانی شده و از به خطر افتادن جان انسانها جلوگیری کند. از کاربردهای این رباتها میتوان به مواردی همچون حملونقل، بازرسی، تشخیص ناهنجاری و پیشگیری، تشخیص آتش سوزی و حفاظت از جنگل، نظارت بر مخابرات، ترافیک و محیطزیست، عملیات جستجو و نجات، گشتهای مرزی، تصویربرداری و نقشهبرداری، شناسایی، جستجو و تخریب، جاسوسی، کشاورزی و سرگرمی نام برد.

وسایل هوایی بدون سرنشین بر اساس نوع بال خود به سه دسته اصلی بالزن، بالثابت و عمودپرواز تقسیم می شوند. مکانیزم پروازی وسایل بالزن شبیه پرندگان بوده و استفاده از آن ها نسبت به دودسته دیگر محدودتر است. از وسایل هوایی بال ثابت بیشتر برای پرواز مستقیم روبه جلو با سرعت بالا استفاده می شود. عمودپرواز ها به دلیل قابلیت مانوردهی بالا و خاصیت

#### \* نویسنده عهدهدار مکاتبات: hr.heidari@malayeru.ac.ir

حقوق مؤافین به نویسندگان و حقوق ناشر به انتشارات دانشگاه امیرکبیر داده شده است. این مقاله تحت لیسانس آفرینندگی مردمی (Creative Commons License) کس کو در دسترس شما قرار گرفته است. برای جزئیات این لیسانس، از آدرس https://www.creativecommons.org/licenses/by-nc/4.0/legalcode دیدن فرمائید.

معلق ماندن در هوا و همچنین فراز و فرود عمودی دارای محبوبیت بیشتری هستند. عمودپروازها نیز دارای انواع گوناگونی ازجمله هلیکوپترهای معمولی، هلیکوپترهای هممحور و نیز انواع چند روتورها با پیکربندیهای مختلف میباشند که در این میان کوادروتورها به دلیل ساختار سادهای که دارند از اهمیت بیشتری برخوردارند. زیرا بدون نیاز به اتصالات مکانیکی پیچیده تنها از طریق تغییر دور روتور، میتوان هرگونه حرکت دلخواهی را در آن ایجاد کرد [۳].

از طرفی دیگر طراحی مسیر بهینه ربات پرنده مابین دو نقطه مورد توجه بسیاری از محققان قرار گرفته شده است. هن و همکاران [۴] یک الگوریتم مناسب برای طراحی مسیر یک ربات کوادروتور ارائه دادند. کتین و ایلماز [۵] یک الگوریتم موازی پیشنهاد دادند که همزمان علاوه بر طراحی مسیر از برخورد ربات با موانع نیز جلوگیری میکند. در این راستا الگوریتمهای مختلفی [۸-۶] از جمله A\*، ژنتیک، بهینهسازی ازدحام ذرات و روش های جستجو برای پیدا نمون مسیر بهینه برای شرایط محیطی متفاوت ارائه شده است ولی روش پیشنهادی در این مقاله بصورت تحلیلی و دقیق میباشد [۹].

یکی دیگر از مهم ترین موضوعات در کنترل سیستمهای همکار چند رباتی مسئله کنترل آرایش است که بهعنوان هماهنگی گروه رباتها برای دستیابی و حفظ و نگهداری آرایش در شکلی معین می باشد. توسعه آرایش پروازی در مأموریتهای نظامی و غیرنظامی رباتهای بدون سرنشین بهوضوح در دهههای اخیر دیدهشده است. امروزه آرایش پروازی یک موضوعی حیاتی برای برنامههای ناسا، وزارت دفاع و آژانسهای بین المللی فضایی است.

بر اساس مطالعات انجامشده کنترل آرایش پروازی متداول را میتوان به سه بخش عمده تقسیمبندی کرد که عبارتاند از: ۱– آرایش رهبر پیرو ۲– آرایش ساختار مجازی ۳– آرایش رفتاری.

در روش رهبر پیرو، کنترل مسیر پرواز گروه بر عهده یک عضو می باشد که به عنوان رهبر انتخاب می شود و دیگر اعضا رهبر را دنبال می کنند. یک عضو در عین پیرو بودن می تواند رهبر اعضای دیگر نیز باشد. حرکت آرایش توسط رهبر تعیین می شود و کنترل آن ساده می باشد و به طور گسترده در آرایش های پروازی متشکل از پهپادها پیاده سازی شده است. این روش اولین بار توسط داس و همکاران [۱۰] ابداع شد.

مزیت اصلی این استراتژی این است که حرکت آرایش بهطور کامل توسط مسیر رهبر تعیین میشود. بنابراین کنترل آن ساده است، زیرا مسئله

کنترل آرایش به یک مسئله ردیابی اهداف گروه توسط رهبر تبدیل می شود درحالی که رباتهای پیرو مختصات رهبر را دنبال می کنند. از معایب آن می توان به این نکته اشاره کرد که حرکت اعضا مستقل از رهبر بوده و هیچ بازخورد روشنی از پیروان به رهبر وجود ندارد [۱۱].

درروش ساختار مجازی، کل آرایش بهعنوان یک جسم صلب در نظر گرفته می شود و قانون کنترل برای یک ربات تنها با تعریف دینامیک ساختار مجازی به دست می آید و سپس حرکت ساختار مجازی را به حرکت مطلوب هر ربات تبدیل می کند.

آرایش رفتاری با طراحی ساده رفتارهای دلخواه یا حرکت اولیه برای هر ربات آغاز میشود که هرکدام میتوانند کار خاصی مانند اجتناب از مانع، جستجوی هدف و نگهداری آرایش انجام دهند و الگوهای حرکت پیچیده هر ربات با استفاده از یک مجموع وزنی اهمیت نسبی این حرکات اولیه و تعامل چندین ربات ایجاد میشود [۱۱].

مزیت این روش این است که موازی توزیع شده و در زمان واقعی است و اطلاعات کمتری در میان ربات ها باید در ارتباط باشد. بنابراین به ویژه در هدایت سیستم های چند رباتی در یک محیط ناشناخته یا محیط با دینامیک متغیر مفید است. با این حال، اشکال اصلی این است که تجزیه و تحلیل ریاضی دشوار است و در نتیجه همگرایی آرایش به پیکربندی موردنظر نمی تواند تضمین شود [۱۲].

پیزتا<sup>۲</sup> و همکاران [۱۳] با استفاده از یک کنترل کننده مبتنی بر خطی سازی بازخورد، کوادروتور را به دنبال یک سری از ایستگاهها یا یک مسیر از پیش تعیین شده هدایت کردند. در این کار سیستم کوادروتور به همراه بار معلق به صفحه XZ محدود بود. به عنوان مثال، برنامهریزی دینامیکی و یک مدل خطی گسسته از سیستم کوادروتور با بار برای محاسبه یک مسیر بهینه که توسط ربات هوایی اجرا می شود توسط پالونکو<sup>۳</sup> و همکاران [۱۴] استفاده شد. روشی مشابه توسط فاست<sup>۴</sup> و همکاران [۱۵] ارائه شده است که از یک محیط پر از مانع شناخته شده استاده شده است. تعریف و تجزیه و تحلیل مدل ترکیبی برای سیستم کوادروتور با بار معلق برای مقابله با مواردی که تنش در مدل ترکیبی برای سیستم کوادروتور با بار معلق برای مقابله با مواردی که تنش در کابل به صفر می رسد توسط اسریناس<sup>6</sup> و همکاران [۶۲] معرفی شده است. در این

<sup>2</sup> Pizetta

<sup>3</sup> Palonko

<sup>4</sup> Faust 5 Sreen

<sup>5</sup> Sreenath

یک سناریوی مشابه توسط تنگ<sup>۱</sup> و کومار<sup>۲</sup> [۱۷] درنظر گرفته شده است که در آن، یک مدل هیبریدی برای کوادروتور با بار معلق توسط کابل درنظر گرفته شده است و مسئله ایجاد مسیر بهعنوان برنامهنویسی درجه دوم مختلط فرموله شده است. فرض کلی کابل بدون جرم توسط گودرزی و لی<sup>۲</sup> [۱۸] عنوان شده است، که کابل اتصال بار به ربات بهعنوان چند لینک متصل بههم مدل شده است. در این کار نویسندگان از کنترل هندسی برای تثبیت وسیله استفاده میکنند، بهطوریکه پیوندها بهصورت همراستا بهصورت عمودی در زیر کوادروتور قرار دارند.

درحالی که تحقیقات قابل توجهی برای مطالعه دینامیک و کنترل کوادروتور با بار معلق انجام شده است، تاریخچه نسبتاً کمی در ارتباط با حمل بار معلق با استفاده از کوادروتورهای همکار موجود است. لی و همکاران [۱۹] کنترل و ردیابی چندین کوادروتور همکار را با بار معلق شبیهسازی کرده و آن را به یک جرم نقطهای بهوسیله یک لینک صلب بدون جرم متصل کردند. در این تحقیق کوادروتورهای چندگانه با بارهای معلق نقطهای و بارهای صلب نشان داده شده که بهطور متقارن مسطح هستند و این ویژگی برای یافتن مسیرهای پویای قابل قبول برای بار و کوادروتورها مورد بهرهبرداری قرار گرفت. استراتژی کنترل و اجتناب از برخورد بین دو کوادروتور در هنگام ازار گرفت. استراتژی کنترل و اجتناب از برخورد بین دو کوادروتور در هنگام قرار گرفت. استراتژی کنترل و اجتناب از برخورد بین دو کوادروتور در هنگام قرار گرفت. استراتژی کنترل و اجتناب از برخورد بین دو کوادروتور در هنگام قرار گرفت. استراتژی کنترل و اجتناب از برخورد بین دو کوادروتور در هنگام قرار گرفت. استراتژی کنترل و اجتناب از برخورد بین دو کوادروتور در هنگام قرار گرفت. استراتژی کنترل و اجتناب از برخورد بین دو کوادروتور در هنگام قرار گرفت. و بانتایج شبیهسازی در مرجع [۲۰] توسط اسریناس و کومار ترار آر گرفت و باز معلق به طور عمده با استفاده از شبیهسازی مورد مطالعه قرار گرفته و چالشهای مرتبط با پیادهسازی دنیای واقعی به طور کامل درک نشده است [۲۲].

ایده اصلی این پژوهش تعریف تابع هزینه بر مبنای معادلات ولتاژ و جریان موتور کوادروتورها و همچنین به حداقل رساندن سرعت نسبی اعضا و تثبیت و حفظ فاصله اعضا از یکدیگر به همراه ردیابی رهبر میباشد. در این پژوهش با در دست داشتن معادلات دینامیکی کوادروتور، معادلات دینامیکی بار نقطهای معلق توسط کابل بهمنظور انتقال بار، معادلات دینامیکی آرایش همکاری کوادروتورها و در نظر گرفتن مسئله کنترل بهینه به طراحی مسیر سیستم پرداخته شده است. بدینصورت که در ابتدا بهمنظور بهینهسازی انرژی سیستم مسیری برای یک کوادروتور باوجود بار معلق طراحی شده انرژی سیستم مسیری برای یک کوادروتور اوجود بار معلق طراحی شده انرژی شرایش رهبر پیرو بهصورت گروهی باری را حمل کردهاند. دلیل استفاده از

1 Tang

مدل آرایش رهبر– پیرو سادگی روابط حاکم بر آن میباشد.

ادامه مقاله نیز به شرح ذیل میباشد: در بخش ۲ به ارائه مدل کوادروتور با بار معلق ، آرایش همکاری و مدل انرژی موتورهای کوادروتور پرداخته میشود. در بخش ۳ طراحی مسیر کوادروتور با حداقل انرژی مصرفی فرمولسازی میشود. بخش ۴ به نتایج حل عددی روش پیشنهادی با کوادروتور دی جی فانتوم ۲ اختصاص دارد و سرانجام در بخش ۵ به نتیجه گیری پرداخته میشود.

### ۲- مدلسازی کوادروتور

۲- ۱- مدل دینامیکی کوادروتورهای همکار با بار معلق

سیستم کوادروتورهای همکار وبار بهعنوان یک مدل دینامیکی انتقالی – چرخشی ارائه شده است. مدل دینامیکی هر دو سیستم تحت فرضیات خاصی قرار می گیرد که در ذیل آمده است:

سازه کوادروتورها بهصورت صلب با چهار پروانه در نظر گرفته می شود که قادر به ایجاد گشتاور و تراست برای هر یک می باشد. نیروی مقاومت هوا ناچیز است. کابل بدون جرم است و کشیده نمی شود (بدون تنش). جرم نقطهای توسط کابل در مرکز جرم کوادروتورها آویزان شده است.

در ابتدا همان طور که در شکل ۱ نشان داده شده است، باری به صورت جرم نقطه ای که توسط ۱  $\leq n$  کوادروتور معلق است مورد بررسی قرار می قیرد. درجات آزادی مستقل این سیستم، موقعیت بار  $r = x_L \in X_L$  حالت کی کابل های معلق،  $r_i \in S$  و حالت کوادروتورها (۳) R<sub>i</sub>  $\in$  SO (۳) هستند. با تعریف طول کابل آم به عنوان L<sub>i</sub> با توجه به هندسه چگونگی اتصال بار به کوادروتور، موقعیت کوادروتور  $r_L = x_L$ 

$$x_i = x_L - L_i q_i \tag{1}$$

با استفاده از تنش در کابل،  $T_i \in R$ ، دینامیک اویلری n کوادروتور و بار را میتوان بهراحتی بهصورت زیر نوشت [۲۲]:

$$m_i \ddot{x}_i = F_i R_i e_3 - m_i g e_3 + T_i q_i$$

$$J_i \dot{\Omega}_i + \Omega_i \times J_i \Omega_i = M_i$$

$$m_L \ddot{x}_L = -\sum T_i q_i - m_L g e_3$$
(Y)

که در آن  $m_i$  جرم،  $J_i$  ممان اینرسی و  $F_i$  نیروی تراست کوادروتور آم،  $m_i$ 

<sup>2</sup> Kumar

<sup>3</sup> Lee





Fig. 1. Cooperative quadrotors system with suspended road

m<sub>L</sub> جرم بار و <sub>۳</sub>e بردار واحد در امتداد محور z کلی است. با توجه به فرضیههای فوق، معادلات حرکت سیستم کوادروتور به همراه بار معلق از آن بهصورت زیر بیان میشود [۲۳]:

$$\begin{split} \ddot{\phi} &= \frac{I_{yy} - I_{zz}}{I_{xx}} \dot{\phi} \dot{\psi} - \frac{J_R}{I_{xx}} \dot{\theta} \Omega_R + \frac{l}{I_{xx}} u_2 \\ \ddot{\theta} &= \frac{I_{zz} - I_{xx}}{I_{yy}} \dot{\phi} \dot{\psi} + \frac{J_R}{I_{yy}} \dot{\phi} \Omega_R + \frac{l}{I_{yy}} u_3 \\ \ddot{\psi} &= \frac{I_{xx} - I_{yy}}{I_{zz}} \dot{\phi} \dot{\theta} + \frac{1}{I_{zz}} u_4 \\ \ddot{x} &= \frac{F_x}{n_Q m_Q} + (\sin\phi \sin\psi + \cos\phi \cos\psi \sin\theta) \frac{u_1}{m_Q} \\ \ddot{y} &= \frac{F_y}{n_Q m_Q} + (\cos\phi \sin\theta \sin\psi - \cos\psi \sin\phi) \frac{u_1}{m_Q} \\ \ddot{z} &= (\cos\theta \cos\phi) \frac{u_1}{m_Q} - g - \frac{m_L g}{n_Q m_Q} \end{split}$$
(Y)

که در آن  $m_Q$  جرم کوادروتور به کیلوگرم،  $g = q/\lambda l m/s^r$  شتاب جاذبه،  $J_R = J_m + J_L$  ممان اینرسی کل موتور و l فاصله مرکز جرم کوادروتور تا موتور است. ضرایب  $u_i$  نیز عبارتاند از [۲۳]:

$$u_{1} = \kappa_{b} (\omega_{1}^{2} + \omega_{2}^{2} + \omega_{3}^{2} + \omega_{4}^{2})$$

$$u_{2} = \kappa_{b} (\omega_{2}^{2} - \omega_{4}^{2})$$

$$u_{3} = \kappa_{b} (\omega_{3}^{2} - \omega_{1}^{2})$$

$$u_{4} = \kappa_{\tau} (\omega_{1}^{2} + \omega_{3}^{2} - \omega_{2}^{2} - \omega_{4}^{2})$$

$$\Omega_{R} = \omega_{1} - \omega_{2} + \omega_{3} - \omega_{4}$$
(f)

که در آن  $\omega_i \omega_i$  سرعت زاویه ای روتورها،  $\Omega_R$  مجموع سرعت زاویهای روتورها بوده و ضرایب  $\kappa_b$  (فاکتور مقاومت هوا) و عبارت J<sub>L</sub> بهصورت زیر تعریف میشوند:

$$\kappa_{b} = C_{T} \rho A r^{2} ,$$

$$\kappa_{t} = C_{Q} \rho A r^{3} ,$$

$$C_{Q} = C_{T} \sqrt{C_{T}/2}$$

$$J_{L} = \frac{1}{4} n_{B} m_{B} (r - \epsilon)^{2}$$
( $\delta$ )

که  $n_B$  تعداد پرههای پروانه،  $m_B$  جرم پره، r و A به ترتیب شعاع و  $C_T$  مساحت حرکت پروانه میباشند، فاصله بین ریشه پره و توپی موتور، مساحت حرکت پروانه است که به هندسه پره بستگی دارد،  $C_Q$  ضریب گشتاور و q چگالی هوا میباشند.

۲ – ۲ – مدلسازی آرایش همکاری

در این قسمت تابع هزینهای تعریف می شود که با به حداقل رساندن سرعت نسبی اعضا و تثبیت و حفظ فاصله تا رهبر و همچنین ردیابی رهبر، آرایش رهبر پیرو را تشکیل می دهد. با الهام گرفتن از مرجع [۲۴] تابع هزینه پیشنهادی عبارت است از:

$$\begin{split} I &= \int_{0}^{T} (\text{Quadrotor Energy}) dt \\ &+ \sum_{i=1}^{3} \sum_{j \in Ni} (v_{i} - v_{j}) \mathcal{Q}_{ij} (v_{i} - v_{j})^{T} \\ &+ \sum_{j \in Ni} (v_{i} - v_{j}) G(v_{i} - v_{j})^{T} \\ &+ \sum_{i=1}^{3} \sum_{j \in Ni} (p_{i} - p_{j} - d) \mathcal{Q}_{p} (p_{i} - p_{j} - d)^{T} \end{split}$$
( $\mathcal{F}$ )

که خطوط تابع هزینه بالا به ترتیب عوامل انرژی مصرفی کوادروتور، کنترل سرعت، ردیابی رهبر و کنترل فاصله بوده و d بیانگر عامل فاصله از رهبر، p<sub>i</sub> بیانگر فاصله اعضا، v بیانگر سرعت مطلوب و v<sub>i</sub> بیانگر سرعت اعضا میباشد که بهصورت زیر تعریف شدهاند.

$$d = [d_{x} \quad d_{y}]^{T}$$

$$v = [v_{xd} \quad v_{yd}]^{T}$$

$$v_{i} = [v_{xi} \quad v_{yi}]^{T}$$

$$p_{i} = [x_{i} \quad y_{i}]^{T}$$

$$Q_{ij} = diag ([3 \quad 3]^{T}) \times 3000$$

$$G = diag ([3 \quad 3]^{T}) \times 2000$$

$$p = diag ([3 \quad 3]^{T}) \times 5000$$
(Y)

### ۳- طراحی مسیر با حداقل انرژی

در این بخش، مسئله کنترل بهینه برای به حداقل رساندن انرژی ورودیهای کنترلی کوادروتور تعریف می شود. ابتدا مدل الکتریکی یک موتور جریان مستقیم بدون جاروبک ارائه می شود و در قسمت بعد با درنظر گرفتن معادلات دینامیکی کوادروتور، مسئله مربوط به طراحی مسیر با حداقل انرژی مصرفی موتور فرموله شده است.

مدل باتری موتور جریان مستقیم بدون جاروبک، انرژی مصرفی در سیم پیچهای مقاومتی و القایی و انرژی موردنیاز برای غلبه بر اصطکاک داخلی و بار را درنظر می گیرد. جریان (i(t) در موتور توسط مراجع [۲۵ و ۲۶] داده شده است.

$$i(t) = \frac{1}{K_T} \left[ T_f + T_L(\omega(t)) + D_f \omega(t) + (J_R) \frac{d\omega(t)}{dt} \right]$$
(A)

که (rad/s) (rad/s) سرعت زاویهای شفت موتور، (K.m/A) گشتاور  $M_{\rm T}$  (N.m/A) گشتاور ثابت موتور،  $D_{\rm f}$  (N.m.s/rad) سرعت وابسته به گشتاور اصطکاک بار که از درگ پروانه نتیجه می شود، (N.m.s/rad) ضریب  $D_{\rm f}$  (N.m.s/rad) خریب موتور و  $J_{\rm R} = J_{\rm m} + J_{\rm L}$  ضریب کل موتور می باشد.  $T_{\rm f}$  داشته باشید که در یک موتور جریان مستقیم بدون جاروبک،  $T_{\rm f}$  (معمولا فقط به دلیل درگ بلبرینگ) و  $D_{\rm f}$  که تلفات انرژی در مایع روانکار است، بسیار کوچک هستند. ولتاژ در موتور (t) به صورت زیر داده شده است [۲۵]:

$$e(t) = R_i(t) + K_E \omega(t) + L \frac{d i(t)}{dt}$$
(9)

که در آن (t) R<sub>i</sub> (t) و L مقاومت و القاء سیمپیچ فاز و K<sub>E</sub> א ثابت ولتاژ موتور  $K_E = K_T$  (t) که  $K_E = K_T$  ه.  $K_E = K_T$  است. توجه داشته باشید که  $K_E = K_T$  علاوه بر این، اگر K<sub>E</sub> R<sub>I</sub> مقیاس mV/rpm بیان شود، K<sub>V</sub> / K<sub>V</sub>. مقیاس mV/rpm است. مقاومت R<sub>I</sub> نشان دهنده تلفات در مدار مغناطیسی موتور، ار V/rpm] معمولا بسیار بزرگتر از R است. از این رو اثر R<sub>I</sub> در عملکرد موتور میتواند نادیده گرفته شود [X]. در شرایط حالت پایدار، جریان i(t) ثابت است و رابطه (۹) به صورت زیر کاهش مییابد:

$$(t) = R_i(t) + K_E \omega(t) \tag{1.1}$$

انرژی مصرفی کوادروتور بین زمان اولیه  $t_{\rm f}$  و زمان پایان  $t_{\rm f}$  عبارت است از:

$$E = \int_{t_0}^{t_f} \sum_{j=1}^{4} e_j(t) i_j(t) dt$$
 (11)

با استفاده از رابطههای (۸) و (۱۰) برای چهار موتور یکسان و با توجه به اینکه  $T_{L}(\omega(j)) = \kappa_{\tau}\omega j^{r}$  فرض  $(T_{L}(\omega(j))) = \kappa_{\tau}\omega j^{r}$  به اینکه ۱۱) به صورت زیر بازنویسی می شود [۲۳]:

$$E = \int_{t_0}^{t_f} \left[ \sum_{j=1}^{4} \binom{c_1 + c_2 \omega_j(t) + c_3 \omega_j^2(t) + c_4 \omega_j^3(t)}{+ c_5 \omega_j^4(t) + c_6 \dot{\omega}_j^2(t)} \right] dt$$
(17)

که  $(t)_{ij}(t)$  شتاب زاویهای موتور j میباشد. ضرایب  $c_{ij}$ ,  $c_{ij}$  که وابسته به پارامترهای موتورها و هندسه پروانهها هستند نیز به صورت زیر میباشند:

$$c_{1} = \frac{RT_{f}^{2}}{K_{T}^{2}} \qquad c_{4} = \frac{\kappa_{r}}{K_{T}} \left(\frac{2RD_{f}}{K_{T}} + K_{E}\right)$$

$$c_{2} = \frac{T_{f}}{K_{T}} \left(\frac{2RD_{f}}{K_{T}} + K_{E}\right) \qquad c_{5} = \frac{R\kappa_{r}^{2}}{K_{T}^{2}}$$

$$c_{3} = \frac{D_{f}}{K_{T}} \left(\frac{RD_{f}}{K_{T}} + K_{E}\right) + \frac{2RT_{f}\kappa_{r}}{K_{T}^{2}} \qquad c_{6} = \frac{RJ^{2}}{K_{T}^{2}}$$

هدف نهایی این است که مسئله ایجاد مسیر با کمترین انرژی را برای یک کوادروتور بهعنوان یک مسئله کنترل بهینه استاندارد تعیین شود. برای این منظور، رابطه (۳) در حالت فضای حالت با معرفی بردار حالت  $x_1, x_2, ..., x_{16}$  و بردار ورودی  $x_1 = [\alpha_1, \alpha_2, \alpha_3, \alpha_4]^T \in \mathbb{R}^4$ 

$$\begin{array}{ll} x_{1} = x & x_{2} = x_{1} = x & x_{3} = y \\ x_{4} = \dot{x}_{3} = \dot{y} & x_{5} = z & x_{6} = \dot{x}_{5} = \dot{z} \\ x_{7} = \phi & x_{8} = \dot{x}_{7} = \dot{\phi} & x_{9} = \theta \\ x_{10} = \dot{x}_{9} = \dot{\theta} & x_{11} = \psi & x_{12} = \dot{x}_{11} = \dot{\psi} \\ x_{13} = \omega_{1} & x_{14} = \omega_{2} & x_{15} = \omega_{3} \\ x_{16} = \omega_{4} & \dot{x}_{13} = \alpha_{1} & \dot{x}_{14} = \alpha_{2} \\ \dot{x}_{15} = \alpha_{3} & \dot{x}_{16} = \alpha_{4} \end{array}$$

$$\dot{x}_{1} = x_{2}$$

$$\dot{x}_{2} = \frac{F_{x}}{n_{Q}m_{Q}} + \frac{\kappa_{b}}{m_{Q}} (\sin x_{7} \sin x_{11} + \cos x_{7} \cos x_{11} \sin x_{9}) \sum_{k=13}^{16} x_{k}^{2}$$

$$\dot{x}_{3} = x_{4}$$

$$\dot{x}_{4} = \frac{F_{y}}{n_{Q}m_{Q}} + \frac{\kappa_{b}}{m_{Q}} (\cos x_{7} \sin x_{9} \sin x_{11} - \cos x_{11} \sin x_{7}) \sum_{k=13}^{16} x_{k}^{2}$$

$$\dot{x}_{5} = x_{6}$$

$$\dot{x}_{6} = \frac{\kappa_{b}}{m_{Q}} (\cos x_{9} \cos x_{7}) \sum_{k=13}^{16} x_{k}^{2} - g - \frac{mlg}{m_{Q}n_{Q}}$$

$$\dot{x}_{7} = x_{8}$$

$$\dot{x}_{8} = \left(\frac{I_{y} - I_{z}}{I_{x}}\right) x_{10} x_{12} + \frac{I\kappa_{b}}{I_{x}} (x_{14}^{2} - x_{16}^{2}) - \frac{J}{I_{x}} x_{10} (x_{13} - x_{14} + x_{15} - x_{16})$$

$$\dot{x}_{9} = x_{10}$$
(14)

$$(I - I)$$

$$\dot{x}_{10} = \left(\frac{I_z - I_x}{I_y}\right) x_8 x_{10} + \frac{I\kappa_b}{I_z} \left(x_{15}^2 - x_{13}^2\right) \cdot \frac{J_z}{I_x} x_8 \left(x_{13} - x_{14} + x_{15} - x_{16}\right)$$

$$\dot{x}_{11} = x_{12}$$

$$\dot{x}_{12} = \left(\frac{I_x - I_y}{I_z}\right) x_8 x_{10} + \frac{\kappa_r}{I_z} \left(x_{13}^2 - x_{14}^2 + x_{15}^2 - x_{16}^2\right)$$

 $\dot{x}_{13} = \alpha_1$  ,  $\dot{x}_{14} = \alpha_2$  ,  $\dot{x}_{15} = \alpha_3$  ,  $\dot{x}_{16} = \alpha_4$ 

 $x_{1r}, ..., x_{v}, x_{v}$  توجه داشته باشید که با توجه به متغیرهای حالت کمکی  $x_{v}, ..., x_{v}$  سیستم غیرخطی رابطه (۱۴) وابسته به کنترل  $\alpha$  میباشد، یعنی به فرم F(x):  $F(x) \rightarrow {}^{*} \rightarrow {}^{*} (x) - G(\alpha)$  و f(x) و  $f(x) \rightarrow {}^{*} \rightarrow {}^{*} (x) - G(\alpha)$  با درنظر  $T_{r+1} = G(x)$  و G(x) میدان برداری  ${}^{*} \rightarrow {}^{*} (x) - G(\alpha)$  و  $G(x) \rightarrow {}^{*} \rightarrow {}^{*} (x) - G(x)$  و F(x) میدان برداری  ${}^{*} \rightarrow {}^{*} \rightarrow {}^{*} (x) - G(x)$  و  $F(x) \rightarrow {}^{*} \rightarrow {}^{*} (x) - G(x)$  و  $F(x) \rightarrow {}^{*} \rightarrow {}^{*} (x) - G(x)$  و  $F(x) \rightarrow {}^{*} \rightarrow {}^{*} (x) - G(x)$  و  $F(x) \rightarrow {}^{*} \rightarrow {}^{*} (x) - G(x)$  و  $F(x) \rightarrow {}^{*} \rightarrow {}^{*} (x) - G(x)$  و  $F(x) \rightarrow {}^{*} \rightarrow {}^{*} (x) - G(x) - G(x)$  و  $F(x) \rightarrow {}^{*} \rightarrow {}^{*} (x) - G(x) - G(x)$ 

$$E = \int_{t_0}^{t_f} \left[ \sum_{k=13}^{16} \begin{pmatrix} c_1 + c_2 x_k(t) + c_3 x_k^{-2}(t) + c_4 x_k^{-3}(t) \\ + c_5 x_k^{-4}(t) + c_6 \sum_{j=1}^{4} \alpha_j^{-2}(t) \end{pmatrix} \right] dt$$

$$x(t_0) = x_{t_0} , \quad x(t_f) = x_{t_f} \qquad (1\Delta)$$

$$0 \le x_{13} \le \omega_{\max} , \quad 0 \le x_{14} \le \omega_{\max}$$

$$0 \le x_{15} \le \omega_{\max} , \quad 0 \le x_{16} \le \omega_{\max}$$

که ۰  $\omega_{\max} > 0$  حداکثر سرعت موتور و  $\mathbb{R}^{16} \in \mathbb{R}^{16}$  بردارهای حالات اولیه هستند. با قرار دادن رابطه (۱۵) در رابطه (۶)، تابع هزینه کنترل بهینه بهدست آمده و در بخش بعد با در نظر گرفتن رابطههای (۶)، (۱۴) و (۱۵) به حل عددی مسئله کنترل بهینه پرداخته میشود.

### ٤- حل عددی

رابطه (۶) از طریق ابزار آکادو<sup>٬</sup> در متلب حل شده است. برای روشهای بهینهسازی، گزینههای پیشفرض زیر در آکادو مورد توجه قرار گرفت: درنتیجه، یک تشخیص چندتایی با ۲۰ گره مورد استفاده قرار گرفت و یکپارچگی با روش رانگ–کوتا (مرتبه ۴۵)) انجام شد. بهینهسازی برنامه ریاضی تقسیمشده بر اساس یک روش برنامهنویسی درجه یک متوالی<sup>۲</sup> بود. در نهایت، تلورانس کاروش–کوهن–تاکر<sup>۲</sup> که برای معیار همگرایی الگوریتم برنامهنویسی درجه یک متوالی مورد استفاده قرارگرفته بود در تمام آزمایشها منابه بود و حداکثر تعداد تکرارها ۳۰ در نظر گرفته شد. در شکل ۲ فلوچارت محاسبه مسیر بهینه آورده شده است.

در این شبیهسازی یک کوادروتور دی جِی آی فانتوم دو با موتور لنور (LiPo ۱۱/۱ V) با ظرفیت E ۳۰۰ (۲۲۱۲/۹۲۰ K<sub>v</sub>) با ظرفیت C = ۱۸۷۲۰ A.s در نظر گرفتهشده است. پارامترهای فیزیکی دی جِی آی فانتوم دو که در سناریو مورد بحث قرار گرفتهاند، در جدول ۱ نشان داده شده است [۲۴].

### ۴– ۱– شبیهسازی حمل بار توسط کوادروتور

در این قسمت به حل عددی مسئله کنترل بهینه با در نظر گرفتن رابطههای (۶)، (۱۴) و (۱۵) برای دستیابی حداقل انرژی مصرفی، که کوادروتور را از زمان اولیه  $= t_{\rm f}$  از مختصات اولیه [۰،۰۰۰] به زمان انتهایی  $t_{\rm f}$  و مختصات انتهایی [۸،۴۰۰] با مقادیر جرم بار kg  $m_{\rm L} = -1/8$  و سرعت زاویهای مختصات انتهایی [۵،۴۰۰] با مقادیر جرم بار kg سرعت زاویهای استاب مختصات انتهایی از جاذبه برای معلق ماندن در یک نقطه) پرداخته می شود. شکل ۳ مقدار انرژی مصرف شده یک کوادروتور با بار معلق را در طول حرکت نشان می دهد.

همان طور که از شکل پیداست حداکثر مقدار انرژی مصرفشده در طول پرواز برای یک کوادروتور باوجود بار معلق حدود kJ ۲۳/۶۶ میباشد.

1 ACADO

<sup>2</sup> Sequential Quadratic Programming (SQP)

<sup>3</sup> Karush-Kuhn-Tucker (KKT)

در شکل ۴ مسیر حرکت کوادروتور در حالت انفرادی از مختصات اولیه به مختصات نهایی نمایش داده شده است. مسیر تعیین شده به شکل خطی صاف در نظر گرفته شده است. در حالت عادی و بدون در نظر گرفتن مسئله کنترل بهینه کوادروتور همان مسیر صاف تعریف شده را طی خواهد کرد. اما در اینجا با توجه به اینکه مسیر تعیین شده با کمک مسئله کنترل بهینه، بهینه سازی شده است، حرکتی سهموی در محور z یا همان ارتفاع مشاهده می شود که در آن کوادروتور برای رسیدن به مقصد کمترین انرژی را مصرف می کند.



شکل ۳: انرژی مصرفی کوادروتور با بار معلق

Fig. 3. Quadrotor energy consumption with suspended load



**شکل 3:** مسیر حرکت کوادروتور در حالت انفرادی از مختصات اولیه به مختصات نهایی





Fig. 2. Flowchart calculation for optimal path planning

#### Table 1. Quadrotor parameters used in simulation

جدول 1: پارامترهای کوادروتور استفاده شده در شبیه سازی

واحد	مقدار	كميت	
rpm/V	٩٢٠	$K_V$	
V.s/rad	۹/۵۴۹۳/ $K_{ u}$	$K_E$	
N.m	$F \times 1 \cdot - r$	$T_f$	
N.m.s/rad	$r \times 1 \cdot r$	$D_f$	
Ω	۰/۲	R	
kg/m <sup>2</sup>	۴/٩ × ۱۰ <sup>-۶</sup>	$J_m$	
rad/s	1.44/191	$\omega_{\rm max}$	
	٢	$n_B$	
kg	•/••۵۵	$m_B$	
m	٠/١٢	r	
m	•/••۴	$\epsilon$	
	•/••۴٨	$C_T$	
	$r/rala \times l \cdot -\epsilon$	$C_Q$	
m	•/•14	$r_{\rm rot}$	
kg/m <sup>3</sup>	۱/۲۲۵	ρ	
kg	١/٣	m	
m	•/1Y۵	l	
kg.m <sup>2</sup>	•/•A1	$I_{xx}$	
kg.m <sup>2</sup>	•/•A١	$I_{yy}$	
kg.m <sup>2</sup>	•/147	$I_{zz}$	
kg	٠/٠٢۵	m <sub>rot</sub>	

در شکل ۵ میزان دوران حول محورهای مختصات نشان داده شده است. این شکل بیان میکند که کوادروتور برای داشتن حرکتی با حداقل انرژی مصرفی، نیازمند حرکت دورانی حول محور z یا تغییر در زاویه ψ می باشد که این تغییر زاویه تا رسیدن به مقصد ادامه خواهد داشت.

شکل ۶ بیانگر تغییرات سرعت زاویهای روتورهای کوادروتور در مسیر مشخصشده میباشد. این شکل نشان میدهد که در هنگام شروع پرواز کوادروتور سرعت زاویهای پروانهها برابر ۸۷۱۰ rpm بوده که پس از شروع حرکت سرعت پروانهها به ۱۰۰۰۰ rpm رسیده که برای حرکت در حالت بهینه تا اواخر مسیر این سرعت حفظ شده و در انتهای مسیر، سرعت پروانهها به سرعتی برابر با سرعت اولیه رسیده است.

مقدار تغییرات شتاب زاویهای روتورهای کوادروتور که همان سیگنالهای کنترلی تعریفشده هستند نیز در شکل ۷ نشان داده شده است.

### ۴- ۲- شبیه سازی حمل بار گروهی توسط کوادروتورهای همکار

در این بخش شرایط شبیهسازی یک کوادروتور با بار، با در نظر گرفتن معادلات همکاری، برای سه کوادروتور بهمنظور حمل بار تحت آرایش رهبر پیرو و حفظ آرایش در مسیر اعمال میشود. برای حمل بار گروهی برای کوادروتورها، باری برابر  $m_L = 1/6 \text{ kg}$  در نظر گرفته شده است که این بار سه برابر وزن باری است که در حالت انفرادی برای کوادروتور تعیین شده است. هدف از این کار بررسی این موضوع است که یک کوادروتور در حالت گروهی چه مقدار انرژی در مقایسه باحالت انفرادی مصرف میکند. نتایج شبیهسازی انجام شده در ادامه آورده شده است.



شکل ٥: زوایای کوادروتور حول محورهای مختصات از نقطه اولیه به نقطه نهایی Fig. 5. Quadrotor angles around coordinate axes from the initial point to the final point



**شکل ٦:** تغییرات سرعت زاویهای روتورهای کوادروتور از مختصات اولیه به مختصات نهایی





**شکل ۷:** تغییرات شتاب زاویهای روتورهای کوادروتور از مختصات اولیه به مختصات نهایی

Fig. 7. Angular acceleration variations of the quadrotor propellers from the initial coordinates to the final coordinates

شکل ۸ میانگین انرژی مصرفی یک کوادروتور با بار معلق در حالت گروهی را نشان میدهد.

همان طور که مشاهده می شود میانگین حداکثر انرژی مصرفی یک کوادروتور در حالت همکاری برابر ۱۵/۳۱ kJ می باشد که در مقایسه با یک کوادروتور در حالت انفرادی ۲۹/۲۹ کاهش در مصرف انرژی در پی دارد. با توجه به اینکه وزن بار تا سه برابر افزایش یافته، اما حرکت دادن کوادروتورها در حالت همکار به منظور حمل بار ۱/۵ کیلوگرمی کاهش چشمگیری در مصرف انرژی سیستم در پی داشته است. در واقع استفاده از سه ربات منجر به تعادل بیشتر کوادروتورها در حمل بار شده است و زوایای چرخش دماغه



شکل ۸: میانگین انرژی مصرفی یک کوادروتور با بار معلق در حالت گروهی Fig. 8. Average energy consumption of a quadrotor with suspended load in a group mode

به چپ یا راست حول محور بالا و پایین<sup>۱</sup>، چرخش دماغه به بالا یا پایین حول محور بال به بال<sup>۲</sup> و دوران حول محور دماغه تا دم<sup>۳</sup> با توجه به نمودارهای استخراج شده؛ تغییرات کمتری نسبت به تک کوادروتور داشتهاند و همین امر منجر به کاهش مصرف انرژی آنها شده است. این موضوع بیانگر این است که بهوسیله حرکت گروهی کوادروتورها میتوان بارهایی بیشتر از ظرفیت و توان یک کوادروتور جابهجا نمود. اهمیت این موضوع زمانی آشکار میشود که برای انتقال محموله زمان کافی برای رفت و برگشت وسیله برای باربری در اختیار نبوده و یا اینکه حجم محموله و اندازه وسایل نقلیه به گونهای باشد که نیازمند جابجایی بهصورت گروهی است.

شکل ۹ مسیر حرکت کوادروتور رهبر، شکل ۱۰ مسیر حرکت کوادروتور دوم و شکل ۱۱ مسیر حرکت کوادروتور سوم را در مسیر بهینهسازی شده نشان میدهد.

مسیر حرکت آرایش رهبر پیرو ایجاد شده و حفظ آن تا انتهای حرکت در شکل ۱۲ نشان داده شده است.

در شکلهای ۱۳ تا ۱۵ به ترتیب دوران کوادروتورهای اول، دوم و سوم حول محورهای مختصات نشان داده شده است. این شکلها نشان میدهند که حرکت دورانی دائم کوادروتور در حالت انفرادی با وابسته شدن کوادروتورها به هم تحت آرایش رهبر پیرو تا حد بسیار زیادی از بین رفته و در اکثر مسیر به دلیل وجود بار و نوسانهای آن، لرزشهایی بهصورت رفت



شکل ۹: مسیر حرکت کوادروتور رهبر از مختصات اولیه به مختصات نهایی Fig. 9. The quadrotor leader trajectory from the initial coordinates to the final coordinates



(پیرو اول) شکل ۱۰: مسیر حرکت کوادروتور دوم (پیرو اول) Fig. 10. Path of the second quadrotor (First Follower)

و برگشتی مشاهده می شود.

### ٥- نتيجه گيرى

در این مقاله به بررسی موضوع طراحی مسیر کوادروتورهای همکار برای انتقال بار بهصورت گروهی پرداخته شد. در ابتدا مسئله کوادروتورها، مسئله انتقال بار، آرایش رباتهای همکار و مدلسازی و ارائه روابط دینامیکی آنها بیان شد. پس از آن با معرفی روش کنترل بهینه به تعریف مسئله طراحی مسیر با توجه به شتاب زاویهای چهار موتور الکتریکی برای یک کوادروتور به همراه بار معلق توسط کابل بهمنظور به حداقل رساندن انرژی مصرفی

<sup>1</sup> Yaw

<sup>2</sup> Pitch

<sup>3</sup> Roll



Fig. 13. Angular rotations of the first quadrotor around coordinate axes



شکل ۱**۲:** دوران کوادروتور دوم حول محورهای مختصات Fig. 14. Angular rotations of the second quadrotor around coordinate axes

میرساند. از طرفی آرایش گروهی با وابسته کردن حرکت پیرو به رهبر از طریق روابط حفظ فاصله و زاویه تشکیل شد. شکل ۱۰ نشاندهنده تحقق این امر بوده که در آن پس از آغاز حرکت اعضا سعی در تشکیل آرایش میکنند و پس از آن به حفظ آرایش تا انتهای مسیر میپردازند.

در مورد سیستمهای چندعاملی مهم ترین بحث و هدف افزایش توانایی انجام کار است. در مورد این مسئله استفاده از چند عامل باعث می شود که کوادروتورها بتوانند بار بیشتری را حمل کنند. در اینجا که انرژی نیز مدنظر بوده است برای بار ثابت ۱/۵ کیلوگرم، کوادروتورها به طور میانگین انرژی کمتری نسبت به یک کوادروتور که یک بار ۲/۵ کیلوگرمی را جابه جا کرده



**شکل ۱۱:** مسیرحرکت کوادروتور سوم (پیرو دوم)

Fig. 11. Path of the third quadrotor (Second Follower)





سیستم پرداخته شد. پس از آن همین مسئله برای گروهی از کوادروتورهای همکار تحت آرایش رهبر پیرو بهمنظور حمل بار گروهی و مینیموم سازی انرژی سیستم جدید، افزایش ظرفیت بار قابل حمل و حداقل سازی سرعت نسبی اعضا بیان شد. تئوری پیشنهادی با استفاده از آزمایش های عددی انجامشده توسط کوادروتور دی جِی آی فانتوم دو نشان داده شده است.

نتایج بیانگر کاهش ۲۵/۲۹٬ میانگین انرژی مصرفی یک کوادروتور در حالت همکار نسبت به یک کوادروتور در حالت انفرادی بود که نشانگر افزایش ظرفیت حمل بار کوادروتورها در حالت گروهی بود. این موضوع بیانگر موفقیت آمیز بودن تابع هزینه پیشنهادی بوده و صحت آن را به اثبات



**شکل ۱۵:** دوران کوادروتور سوم حول محورهای مختصات

Fig. 15. Angular rotations of the third quadrotor around coordinate axes

مصرف کردهاند. پس درنتیجه توانایی حمل بار آن ها افزایش مییابد. اگرچه مجموع انرژی مصرفشده سه کوادروتور باهم بیش از مصرف انرژی یک کوادروتور است که اتفاقی دور از انتظار نیست اما کاهش مصرف انرژی هر کوادروتور به ما کمک می کند که بتوان از چند کوادروتور برای مسیرهای طولانی تر و یا بار بیشتر بهره برد (مقایسه نمودار انرژی مصرفی میانگین یک کوادروتور در حالت گروهی و نمودار انرژی مصرفی یک کوادروتور). همچنین در حالت حمل بار توسط یک کوادروتور افزودن بار باعث ناپایداری در زاویه (حرکت حول محور z) شده و این بدین معنی است که کوادروتور باحالت دوران دائم حرکت می کند که مطلوب نیست اما در سه عامل، تنها با کنترل مرکت هماهنگ، از دوران کوادروتورها تا حد زیادی جلوگیری شده است (مقایسه نمودارهای دوران برای هر کدام از کوادروتورها). لازم به ذکر است در حالت اول برای مانعشدن از حرکت دورانی نیاز به اندازه گیری بار میباشد

### ٦- فهرست علائم

رول  $\phi$  $\theta$ پيچ ياو ψ مختصات در دستگاه بدنی x y zگشتاور اعمالی بدنه τ سرعت زاویهای بدنه (0)ممان اینرسی حول محورهای مختصات Ixx Iyy Izz ممان اینرسی هر روتور حول محور Z  $J_R$ 

$\Omega_{l}$	مجموع سرعت زاويهاي روتورها
$\omega(t)$	سرعت زاویهای شفت روتور
ę	شتاب گرانش
$m_{\zeta}$	جرم كوادروتور
ng	تعداد كوادروتور
F	نیروی اعمالشده در دستگاه اینرسی
F	ماتریس دوران
ı	سیگنال کنترلی
	فاصله موتور تا مرکز جرم کوادروتور
K	فاكتور تراست
К	فاکتور مقاومت هوا (درگ)
n	تعداد پرەھا
$m_1$	جرم پره
1	شعاع پرہ
A	مساحت حرکتی پرہ
6	فاصله بین ریشه پره و توپی موتور
С	ضريب تراست پروانه
$C_{\zeta}$	ضريب گشتاور
K	گشتاور ثابت موتور
T	گشتاور اصطکاک موتور
$T_{L}$	سرعت وابسته به گشتاور اصطکاک بار
$D_{i}$	ضریب چسبندگی میرایی موتور
$J_n$	ممان اينرسي موتور
$J_{I}$	ممان اینرسی بار
$R_i(t)$	مقاومت سيم پيچ
K	ثابت سرعت موتور
Ki	ثابت ولتاژ موتور
e(t)	ولتاژ موتور
t	زمان اوليه
t	زمان انتهایی
(	ظرفیت باتری
K	ثابت ولتاژ موتور
i(t)	شدتجريان موتور
ĥ	چگالی هوا
rro	شعاع روتور
E	انرژی مصرفی کوادروتور
$m_{ro}$	جرم روتور
m	جرم بار
	_ / 2

### منابع

 L. Yang, J. Qi, J. Xiao, X. Yong, A literature review of UAV 3D path planning, in Proceeding of 11th World Congress on Intelligent Control and Automation, (2002) 813-825.

- [11] W. Guanghua, L. Deyi, G. Wenyan, J. Peng, Study on formation control of multi-robot systems, in Proceeding of Intelligent System Design and Engineering Applications (ISDEA), IEEE, (2013) 1335-1339.
- [12] J. Fredslund, M.J. Mataric, A general algorithm for robot formations using local sensing and minimal communication, IEEE transactions on robotics and automation, 18(5) (2002) 837-846.
- [13] I.H. Pizetta, A.S. Brandão, M. Sarcinelli-Filho, Modelling and control of a pvtol quadrotor carrying a suspended load, in Proceeding of International Conference on Unmanned Aircraft Systems, Denver, CO, USA: IEEE, (2015) 444-450.
- [14] I. Palunko, P. Cruz, R. Fierro, Agile load transportation: safe and efficient load manipulation with aerial robots, IEEE robotics & automation magazine, 19(3) (2012) 69-79.
- [15] A. Faust, I. Palunko, P. Cruz, R. Fierro, L. Tapia, Automated aerial suspended cargo delivery through reinforcement learning, Artificial Intelligence, 247(1) (2017) 381-398.
- [16] K. Sreenath, N. Michael, V. Kumar, Trajectory generation and control of a quadrotor with a cable suspended load a differentially flat hybrid system, in Proceeding of International Conference on Robotics and Automation, Karlsruhe, Germany: IEEE, (2013) 4888-4895.
- [17] S. Tang, V. Kumar, Mixed integer quadratic program trajectory generation for a quadrotor with a cablesuspended payload, in Proceeding of International Conference on Robotics and Automation, Seattle, Washington, D.C: IEEE, (2015) 2216-2222.
- [18] F.A. Goodarzi, T. Lee, Dynamics and control of

Shenyang, China: IEEE, (2014) 2376-2381.

- [2] A. Atyabi, D. M. Powers, Review of classical and heuristic-based navigation and path planning approaches, International Journal of Advancements in Computing Technology, 5(14) (2013) 1-14.
- [3] S. Ghazbi, Y. Aghli, M. Alimohammadi, and A. Akbari, Quadrotors unmanned aerial vehicles: a review, International Journal on Smart Sensing and Intelligent Systems, 9(1) (2016) 309-333.
- [4] M. Hehn, R. Ritz and R. D'Andrea, Performance benchmarking of quadrotor systems using time-optimal control, Autonomous Robots, 33(1) (2012) 69-88.
- [5] O. Cetin, G. Yilmaz, Real-time autonomous uav formation flight with collision and obstacle avoidance in unknown environment, Journal of Intelligent and Robotic Systems, 84(4) (2016) 415-433.
- [6] V. Jeauneau, A. Kotenkoff, Path planner methods for UAVs in real environment, 12th IFAC Symposium on Robot Control, Budapest, Hungary, 51(22) (2018) 292-297.
- [7] Z. Fu, J. Yu and Y. Mao, A heuristic evolutionary algorithm of UAV path planning, Wireless Communications and Mobile Computing, 28(5) (2018) 1-11.
- [8] L. Cai, J. Jia and J. Lei, Research on path optimization with PSO for unmanned vehicle, International Journal of Online and Biomedical Engineering, 11(8) (2015) 21-24.
- [9] L. Kahina, P. Spiteri and F. Demim, Application optimal control for a problem aircraft flight, Journal of Engineering Science and Technology, 11(1) (2016) 156-164.
- [10] A.K. Das, R. Fierro, V. Kumar, J.P. Ostrowski, J. Spletzer,C.J. Taylor, A vision-based formation control framework,IEEE transactions on robotics and automation, 18(5)

systems, Berlin, Germany: IEEE, (2013) 1-8.

- [22] K.K. Dhiman, A. Abhishek, M. Kothari, Cooperative load control and transportation, in: AIAA Information Systems, Aerospace, Eds., (2018) 0895.
- [23] F. Morbidi, R. Cano, D. Lara, Minimum-energy path generation for a quadrotor UAV, in Proceeding of International Conference on Robotics and Automation, Stockholm, Sweden: IEEE, (2016) 1492-1498.
- [24] B. Shirani, N. Majdeddin, I. Izadi, Cooperative load transport using multiple quadrotors, Distributed Autonomous Robotic Systems, Series Springer Tracts in Advanced Robotics, (2013).
- [25] D. Motors, Speed controls, Servo systems: an engineering handbook, Electro-Craft Corporation, (1977).
- [26] J.F. Gieras, Permanent magnet motor technology: design and applications: CRC press, (2002).

quadrotor UAVs transporting a rigid body connected via flexible cables, in Proceeding of American Control Conference, IEEE, (2015) 4677-4682.

- [19] T. Lee, K. Sreenath, V. Kumar, Geometric control of cooperating multiple quadrotor UAVs with a suspended payload, in Proceeding of 52nd Annual Conference on Decision and Control, Florence, Italy: IEEE, (2013) 5510-5515.
- [20] I.H. Pizetta, A.S. Brandão, M. Sarcinelli-Filho, Cooperative quadrotors carrying a suspended load, in Proceeding of International Conference on Unmanned Aircraft Systems, Arlington, VA, USA: IEEE, (2016) 1049-1055.
- [21] K. Sreenath, V. Kumar, Dynamics, control and planning for cooperative manipulation of payloads suspended by cables from multiple quadrotor robots, in Proceeding of International Conference on Robotics: Sience and

بی موجع محمد ا