



کنترل بهینه تطبیقی مد لغزشی فرایپچشی برای ربات اسکلت خارجی پایین تنه

مجید مختاری، مصطفی تقی‌زاده*، محمود مزارع

مهندسی مکانیک، دانشگاه شهید بهشتی، تهران، ایران

تاریخچه داوری:

دریافت: ۱۳۹۸/۰۲/۱۸
بازنگری: ۱۳۹۸/۰۵/۲۸
پذیرش: ۱۳۹۸/۰۶/۳۱
ارائه آنلاین: ۱۳۹۸/۰۷/۲۰

کلمات کلیدی:

ربات اسکلت خارجی
کنترل تطبیقی
کنترل مد لغزشی فرایپچشی
الگوریتم جستجوی هارمونی
معیار نقطه گشتاور صفر

خلاصه: اغتشاش و عدم قطعیت با دامنه نامعلوم از عواملی است که عملکرد ربات‌های اسکلت خارجی را با مشکل مواجه کرده است. یکی از روش‌های کنترلی مقاوم در برابر اغتشاشات، مد لغزشی بوده که با بکارگیری لایه مرزی به منظور مقابله با چترینگ، عملکرد مقاوم آن تضعیف می‌شود. برای مقابله، الگوریتم‌های کنترلی مرتبه بالا مانند مد لغزشی فرایپچشی پیشنهاد شده که بدون در نظر گرفتن لایه مرزی، چترینگ را تا حدودی کاهش می‌دهند. در این مقاله، یک کنترلر مد لغزشی فرایپچشی تطبیقی بهینه برای ربات اسکلت خارجی پایین تنه پیشنهاد شده که در آن متغیر لغزشی و مشتقات آن در حضور اغتشاش محدود با دامنه نامعلوم به سمت صفر میل می‌کنند. مسیر مفصل بالا تنه به گونه‌ای تعیین شده که در هر لحظه پایداری ربات طبق معیار نقطه گشتاور صفر حاصل شود. به منظور دستیابی به حداکثر پایداری و کمترین خطا در ردیابی مسیرها، پارامترهای کنترلر و مسیر بالا تنه، به کمک الگوریتم جستجوی هارمونی بهینه شده‌اند. برای اعتبارسنجی ربات در نرم افزار آدامز مدل شده و سپس ورودی‌های کنترلی به مدل استخراج شده از آدامز اعمال شده‌اند. در نهایت عملکرد دو کنترلر با هم مقایسه شده که نتایج برتری روش کنترلی پیشنهادی نسبت به کنترلر کننده مد لغزشی بهینه را نشان می‌دهند.

۱- مقدمه

اگزواسکلتون‌ها تجهیزاتی هستند که عموماً ظاهری شبیه به انسان و یا بخشی از اعضای بدن انسان دارند که توسط یک شخص پوشیده شده و حرکاتی هماهنگ با حرکات بدن انجام می‌دهند. ربات‌های اسکلت خارجی پوشیدنی به منظور افزایش کارایی و توان افراد سالم و یا به عنوان یک دستگاه توانبخشی مورد استفاده قرار می‌گیرند. میزان تطابق با بدن انسان و نیز استراتژی‌های کنترلی مورد استفاده در اگزواسکلتون‌ها تاثیر بسزایی بر روی عملکرد این تجهیزات دارد [۱].

اگزواسکلتون‌ها از سال ۱۹۶۰ در آمریکا [۲]، ژاپن و اروپا [۳] مورد مطالعه قرار گرفته‌اند. در سال ۲۰۰۳ یک ربات اسکلت خارجی پایین تنه با دو محرک خطی برگشت‌پذیر، یکی در مفصل ران و دیگری در مفصل زانو، مدل‌سازی و کنترل شده است. در این ربات از روش کنترل موقعیت مسیرهای از پیش تعیین شده، استفاده شده است [۴ و ۵]. به منظور تقویت نیروی انسانی و استقامت انسان در هنگام حرکت برای کاربردهای نظامی،

ربات بلیکس ارائه شد. الگوریتم کنترلی این ربات به صورت کنترل مبتنی بر مدل با استراتژی کمی افزایش حساسیت به نیروها و گشتاورهای خارجی می‌باشد [۶]. برای حمل بارهای سنگین در مدت زمان طولانی و برای حرکت در سطوح با شیب کم، رباتی با عنوان اگزوهیکر طراحی شده است. استراتژی کنترلی این ربات به صورت استراتژی کنترل فعال تعقیب مفصل است [۷]. در سال ۲۰۱۲ یک اگزواسکلتون در زمینه پزشکی و برای کمک به افراد معلول برای راه رفتن، ارائه شده است که کنترل آن بر مبنای کنترل کننده موقعیت طبق مسیر از پیش تعیین شده می‌باشد [۸].

طراحی کنترل کننده مناسب تاثیر مستقیم بر عملکرد ربات اسکلت خارجی دارد. کنترل کننده علاوه بر تعیین ورودی‌های کنترلی مناسب به منظور تعقیب منحنی مطلوب مفاصل، باید بتواند بر اغتشاشات وارد شده به ربات در اثر نیروی اعمال شده از طرف انسان و محیط و همچنین بر دینامیک‌های مدل نشده و عدم قطعیت‌های سیستم غلبه کند. کنترل کننده‌هایی مانند کنترل کننده خطی‌سازی پسخوراند، کنترل کننده مقاوم، کنترل کننده تطبیقی [۹]، کنترل کننده مقاوم تطبیقی [۱۰]، کنترل کننده‌های مبتنی بر رویت‌گر

* نویسنده عهده‌دار مکاتبات: mo_taghizadeh@sbu.ac.ir



و کنترل کننده مد لغزشی [۱۱] برای مقابله با اغتشاشات خارجی و همچنین عدم قطعیت‌های داخلی ارائه شده‌اند. این روش‌ای کنترل به لحاظ نظری به محبوبیت فراوان دست یافته‌اند، اما اکثر آن‌ها فقط پایداری نسبی را تضمین می‌کنند. در این حالت سیستم کنترلی برای تعقیب مسیرهای مطلوب زمان زیادی را صرف خواهد کرد. از طرفی کنترل پایدار سیستم مستلزم داشتن بهره کنترلی بالایی می‌باشد که گاهی اوقات این موضوع عملی نیست. در نتیجه، یک کنترل کننده مقاوم با همگرایی سریع برای کاربردهای نظری و عملی لازم می‌باشد. امروزه روش‌های کنترلی که پایداری حالت‌های سیستم‌های غیرخطی را به نقاط تعادل در زمان محدود تضمین می‌کنند، مانند کنترل کننده مد لغزشی فرایپجشی [۱۲]، کنترل کننده مد لغزشی ترمینالی [۱۳] توسعه یافته‌اند.

کنترل کننده مد لغزشی به‌عنوان یک کنترل کننده مقاوم در برابر اغتشاشات و نامعینی‌های مدل در سال‌های اخیر توسعه یافته است [۱۴] و [۱۵]. وجود پدیده چترینگ یکی از بزرگترین مشکلات روش کنترل مد لغزشی است که کاهش آن می‌تواند باعث صرفه‌جویی انرژی مصرفی شود. بدین منظور می‌توان یک لایه مرزی را در اطراف سطح لغزش تعریف نمود. تعریف لایه مرزی در اطراف سطح لغزش باعث کاهش میزان مقاوم بودن سیستم در مقابله با عدم قطعیت‌ها می‌شود [۱۶].

به‌منظور بهبود عملکرد کنترل کننده مد لغزشی، نسل جدیدی از کنترل کننده‌های حالت لغزشی با مرتبه بالاتر مانند کنترل مد لغزشی فرایپجشی پیشنهاد شده است که قانون کنترل آن‌ها ذاتاً و بدون تعریف لایه مرزی سعی در کاهش پدیده چترینگ دارد؛ درحالی که توانایی کنترل‌های مد لغزشی سنتی را در مقابله با عدم قطعیت‌ها و اغتشاشات حفظ می‌کند [۱۷]. کنترل مد لغزشی فرایپجشی یکی از قوی‌ترین الگوریتم‌های کنترل مد لغزشی حالت پیوسته مرتبه دوم است. این روش کنترلی، تابع کنترلی پیوسته‌ای تولید می‌کند که متغیر لغزشی و مشتق آن را در زمان محدود در حضور اغتشاشات هموار با دامنه محدود به مقدار صفر میل می‌دهد. از آنجا که این روش کنترلی دارای انتگرال ناپیوسته است، بنابراین پدیده چترینگ حذف نشده اما به مقدار قابل قبولی کاهش می‌یابد. اساس این روش کنترلی در سال ۲۰۰۸ توسط مورنو و اوسوریو [۱۸] ارائه شد. روش کنترل مد لغزشی فرایپجشی به‌منظور کنترل دقیق و مقابله با غیرخطی‌ها و نامعینی‌های سیستم توربین باد مورد استفاده قرار گرفته است [۱۹]. نتایج حاصل از این پژوهش با نتایج یک کنترل کننده بهینه مقاوم مقایسه شده است که نتایج، برتری روش کنترل مد لغزشی فرایپجشی را نشان داده است. یک ربات

سربال به روش کنترل مد لغزشی فرایپجشی به منظور حذف سریع خطای ردیابی و مقابله با عدم قطعیت‌ها کنترل شده است که نتایج شبیه‌سازی دقت و سرعت در ردیابی مسیر مرجع، اعتبار سنجی اثر کنترل کننده و کاهش انرژی مصرفی را تایید کرده‌اند [۲۰].

در روش کنترل مد لغزشی فرایپجشی آگاهی از محدوده عدم قطعیت‌ها و اغتشاشات یک مشکل اساسی می‌باشد که در بسیاری از موارد عملی این محدوده قابل تخمین نیست. استفاده از یک قانون تطبیقی مناسب و طراحی کنترل کننده تطبیقی مد لغزشی فرایپجشی یک روش کارآمد در مقابله با اغتشاشات با دامنه نامعلوم است [۱۹ و ۲۱-۲۲] که این نوع از اغتشاشات در کنترل و پایداری ربات‌های اسکلت خارجی بسیار حائز اهمیت می‌باشد.

یکی از مهم‌ترین وظایف مکانیزم‌های راه رونده در طول قدم زدن، حفظ تعادل است. از جمله روش‌های بررسی پایداری در ربات‌های راه رونده می‌توان به روش‌های معیار پایداری مرکز ثقل [۲۳]، معیار پایداری نشان‌گر چرخش پا [۲۴]، معیار پایداری انرژی مینا [۲۵] و معیار پایداری ارتفاع - گشتاور [۲۶] اشاره کرد. اگر ربات مفصل‌های فعال داشته باشد و در هر لحظه حداقل روی یک پا بایستد، آنگاه معیار نقطه گشتاور صفر می‌تواند برای بررسی پایداری مورد استفاده قرار گیرد [۲۶].

در این مقاله، ابتدا به‌منظور طراحی مسیرهای مطلوب مفاصل ربات از الگوریتم ارائه شده در مرجع [۲۷] استفاده شده است. سپس با استفاده از روش لاگرانژ معادلات مدل دینامیکی ربات استخراج و به منظور کنترل موقعیت مفاصل ربات، از روش کنترل مد لغزشی بهینه کلاسیک و کنترل تطبیقی بهینه مد لغزشی فرایپجشی استفاده شده است. همچنین مسیر مطلوب مفصل بالا تنه در هر لحظه به‌گونه‌ای تعیین شده است که پایداری ربات بر اساس معیار نقطه گشتاور صفر تامین شود. به‌منظور دستیابی به حداکثر پایداری و کمترین خطا در تعقیب مسیرهای مطلوب مفاصل ربات، پارامترهای کنترل کننده پیشنهادی و پارامترهای مسیر مطلوب بالا تنه، به کمک الگوریتم جستجوی هارمونی [۲۸] بهینه شده است. در ادامه عملکرد کنترل کننده تطبیقی مد لغزشی فرایپجشی با کنترل کننده مد لغزشی^۱ بهینه مقایسه شده است. نوآوری این مقاله عبارتست از: ۱- طراحی کنترل کننده تطبیقی بهینه مد لغزشی فرایپجشی برای ربات اسکلت خارجی هفت درجه آزادی ۲- استفاده از حرکت مفصل بالا تنه به‌عنوان جبران‌ساز پایداری ربات ۳- قابلیت مقابله با اغتشاشات با دامنه نامعلوم و پدیده چترینگ ۴- بهینه‌سازی همزمان پارامترهای کنترل کننده و پارامترهای مسیر مطلوب

روابط دینامیکی حاکم بر ربات از روش لاگرانژ به صورت رابطه (۱) استفاده شده است.

$$\tau_i = \frac{d}{dt} \left(\frac{\partial K}{\partial \dot{\theta}_i} \right) - \frac{\partial K}{\partial \theta_i} + \frac{\partial U}{\partial \theta_i} \quad (1)$$

که در آن θ_i متغیر تعمیم یافته، K انرژی جنبشی تمام لینک‌های ربات، انرژی پتانسیل تمام لینک‌های ربات و τ_i گشتاور وارد شده به هر یک از مفاصل می‌باشد. با استخراج روابط سینماتیکی و استفاده از روش لاگرانژ معادلات دینامیکی حاکم بر ربات به صورت رابطه (۲) بیان می‌شود [۳۱].

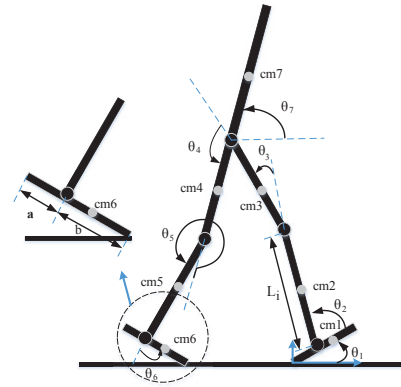
$$\tau = M(\theta)\theta'' + C(\theta, \theta') + G(\theta) + \tau_d \quad (2)$$

که در آن τ_d گشتاور مربوط به عملگرها، $M(\theta)$ ماتریس ممان اینرسی، $C(\theta, \theta')$ ماتریس اثرات گریز از مرکز و ژيروسکوپ، $G(\theta)$ بردار نیروهای گرانشی و τ_d گشتاور اغتشاش می‌باشند. معادلات استفاده شده در این مقاله از مرجع [۳] می‌باشند که با نتایج تجربی اعتبار سنجی شده‌اند.

۳- طراحی مسیر مطلوب قدم‌زنی

در این مقاله به منظور طراحی مسیرهای مطلوب مفاصل ربات از الگوریتم مرجع [۲۷] استفاده شده است. ابتدا مسیر حرکت مفصل ران ربات و مسیر حرکت کف پاهای ربات مشخص می‌شود. با معین شدن این مسیرها، مسیرهای مطلوب مفاصل ربات به صورت یکتا به دست می‌آیند. طراحی مسیر در دو مرحله تک و دو تکیه‌گاهی انجام می‌شود. در این روش برای قابل درک شدن طرز راه رفتن ربات، پاهای ربات به عنوان پای راست و پای چپ مشخص شده‌اند. برای ادامه حرکت کافی است که نقش پاهای راست و چپ با یکدیگر عوض شود و حرکت ادامه یابد. مطلب مهم برای ادامه حرکت این است که مبدأ مختصات قرار گرفته در قوزک پای تکیه‌گاه باید بعد از هر گام به اندازه D به سمت جلو انتقال داده شود تا بر روی قوزک پای تکیه‌گاه جدید قرار گیرد. در شکل ۲ پارامترهای لازم برای طراحی مسیر پایین تنه ربات مشخص شده است.

در شکل ۲، زاویه شروع فاز دو تکیه‌گاهی، θ_s زاویه پایان فاز دو تکیه‌گاهی، D طول یک گام، D_l فاصله طولی مفصل ران در ابتدای فاز



شکل ۱: شماتیک ربات اسکلت خارجی پایین تنه هفت درجه آزادی

Fig. 1. Schematic of the 7-DOF lower limb exoskeleton

بالا تنه با الگوریتم جستجوی هارمونی.

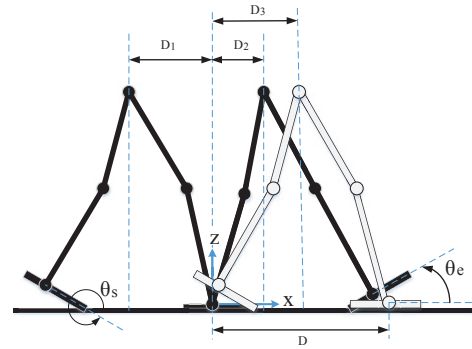
ساختار این مقاله بدین ترتیب است: در قسمت ۲ ربات مورد نظر معرفی شده، مسیرهای مطلوب مفاصل ربات در دو فاز تک و دو تکیه‌گاهی استخراج شده و معادلات دینامیکی آن با استفاده از روش لاگرانژ ارائه شده است. در قسمت ۳ روش کنترل ارائه شده و پایداری آن بررسی شده است. در قسمت ۴ معیار پایداری نقطه گشتاور صفر ارائه شده و مسیر مطلوب مفصل بالا تنه به منظور برقراری پایداری تعیین شده است. در قسمت ۵ مدل دینامیکی به همراه مسیر مطلوب مفاصل شبیه‌سازی شده و کنترل‌کننده‌های طراحی شده بر روی مدل استخراجی از نرم‌افزار آدامز اعمال شده است. در آخر نتایج حاصل از پژوهش در بخش ۶ بیان شده است.

۲- معرفی و مدل‌سازی مکانیزم پیشنهادی

تطابق سینماتیکی درجات آزادی ربات با بدن انسان و قرارگیری مفاصل ربات دقیقاً بر روی مفاصل شخص باعث تبعیت کامل سینماتیک ربات از سینماتیک کاربر می‌شود. این روش بسیاری از مشکلات طراحی را حل می‌کند. این رویکرد در طراحی را می‌توان در سری ربات‌های هال مشاهده کرد [۲۹ و ۳۰]. در این مقاله، مدل استفاده شده شامل هفت لینک و هفت مفصل می‌باشد. در شکل ۱ شماتیک ربات اسکلت خارجی مورد مطالعه نشان داده شده است.

در شکل ۱، θ_i ، L_i و C_{m_i} برای i از ۱ تا ۷ به ترتیب زوایای لینک‌ها، طول لینک‌ها و مرکز جرم لینک‌های ربات می‌باشد. a و b لینک‌ها، طول لینک‌ها و مرکز جرم لینک‌های ربات می‌باشد. a و b لینک‌ها، طول لینک‌ها و مرکز جرم لینک‌های ربات می‌باشد. a و b لینک‌ها، طول لینک‌ها و مرکز جرم لینک‌های ربات می‌باشد. a و b لینک‌ها، طول لینک‌ها و مرکز جرم لینک‌های ربات می‌باشد.

$$\begin{aligned}
 \theta_{ankle-r} &= \begin{cases} \theta_s & t = 0 \\ \theta_e & t = Ts \\ 0 & Ts < t < Ts + Td \end{cases} \\
 x_{ankle-r} &= \begin{cases} -D + b(1 - \cos(\theta_s)) & t = 0 \\ x_{max} & t = 0.5 Ts \\ D - a(1 - \cos(\theta_e)) & t = Ts \\ D - a(1 - \cos(\theta_{ankle-r})) & Ts < t < Ts + Td \end{cases} \\
 z_{ankle-r} &= \begin{cases} -b \sin(\theta_s) & t = 0 \\ z_{max} & t = 0.5 Ts \\ a \sin(\theta_e) & t = Ts \\ a \sin(\theta_{ankle-r}) & Ts < t < Ts + Td \end{cases} \\
 ip &= \begin{cases} D_1 & t = 0 \\ D_2 & t = Ts \\ D_3 & t = Ts + Td \end{cases} \\
 ip = z_h &= \text{constant} \quad Ts < t < Ts + Td
 \end{aligned} \quad (3)$$



شکل ۲: پارامترهای مسیر پایین تنه

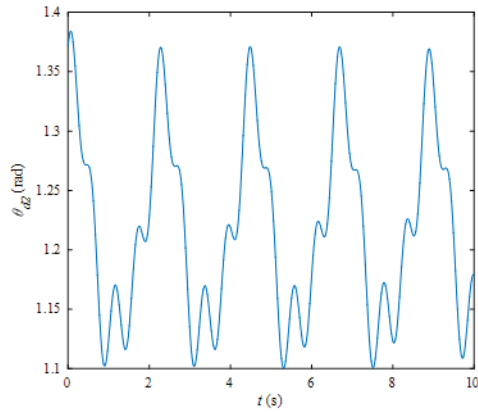
Fig. 2. Design parameters of the lower limb trajectory

در رابطه (۳)، $\theta_{ankle-r}$ زاویه میج پای راست، $x_{ankle-r}$ مختصه طولی میج پای راست، $z_{ankle-r}$ ارتفاع میج پای راست، x_{hip} مختصه طولی مفصل ران و z_{hip} ارتفاع مفصل ران می باشد. مسیر مربوط به میج پای چپ برای استفاده در تعیین مسیر در فاز دو تکیه گاهی در رابطه (۴) آورده شده است.

$$\begin{aligned}
 \theta_{ankle-l} &= \begin{cases} 0 & 0 < t < Ts \\ \theta_s & t = Ts + Td \end{cases} \\
 x_{ankle-l} &= \begin{cases} 0 & 0 < t < Ts \\ b(1 - \cos(\theta_{ankle-l})) & Ts < t < Ts + Td \end{cases} \\
 z_{ankle-l} &= \begin{cases} 0 & 0 < t < Ts \\ -a \sin(\theta_{ankle-l}) & Ts < t < Ts + Td \end{cases}
 \end{aligned} \quad (4)$$

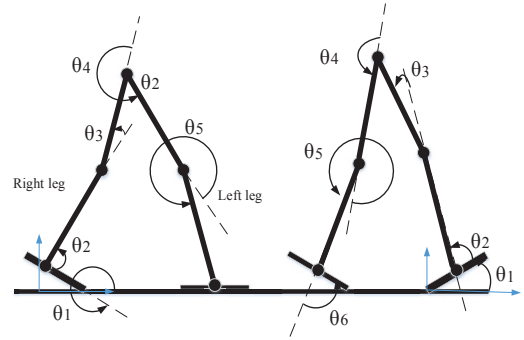
در رابطه (۴)، $\theta_{ankle-l}$ زاویه میج پای چپ، $x_{ankle-l}$ مختصه طولی میج پای چپ و $z_{ankle-l}$ ارتفاع میج پای چپ می باشد. بهترین شرایط برای حرکت ربات هنگامی است که سرعت برخورد پا با سطح زمین نزدیک به صفر باشد. بدین گونه می توان از اثرات ضربه صرف نظر کرد. برای کم کردن اثرات ضربه و همچنین برای به دست آوردن حرکتی هموار، متناوب و پیوسته، شتاب و سرعت خطی و زاویه ای در ابتدای فاز تک تکیه گاهی و انتهای فاز دو تکیه گاهی برای مفاصل ران و میج های پاهای چپ و راست برابر در نظر گرفته شده است. سینماتیک معکوس ربات برای دو فاز تک و دو تکیه گاهی بر اساس نمایش زاویه مفاصل در شکل ۳ ارائه شده است.

تک تکیه گاهی، D_2 فاصله طولی مفصل ران در پایان فاز تک تکیه گاهی، D_3 فاصله طولی مفصل ران در پایان فاز دو تکیه گاهی می باشد. برای مشخص کردن مسیر کف پا در هر لحظه به دو مؤلفه در راستای X و Z و یک مؤلفه θ که معرف زاویه کف پا باشد، نیاز است. اولین گام حرکت را پای راست ربات انجام می دهد و پای چپ به عنوان تکیه گاه عمل می کند. در مرحله یک تکیه گاهی حرکت با جدا شدن پنجه پای راست از زمین شروع شده و با تماس پاشنه پای راست با سطح زمین به انتها می رسد. این فاز از حرکت در مدت زمان Ts انجام می شود. در این مرحله پای چپ به طور کامل با سطح زمین در تماس می باشد. فاز دو تکیه گاهی با تماس پاشنه پای راست با سطح زمین شروع می شود. در این مرحله همزمان با فرود آمدن پای راست، پای چپ از سطح زمین بلند می شود. این فاز از حرکت در مدت زمان Td انجام می شود. با استفاده از سینماتیک معکوس ربات در دو فاز تک و دو تکیه گاهی و همچنین معلوم بودن مسیرهای کف پا و مفصل ران ربات مسیرهای حرکت مطلوب مفاصل ربات به صورت یکتا بدست می آید [۲۷]. مسیرهای میج پا و مفصل ران با گذراندن منحنی مناسب از چند نقطه که میج پا و مفصل ران از آن ها می گذرند بدست می آید.



شکل ۵: مسیر مطلوب مفصل شماره ۲

Fig. 5. desired trajectory of the second joint



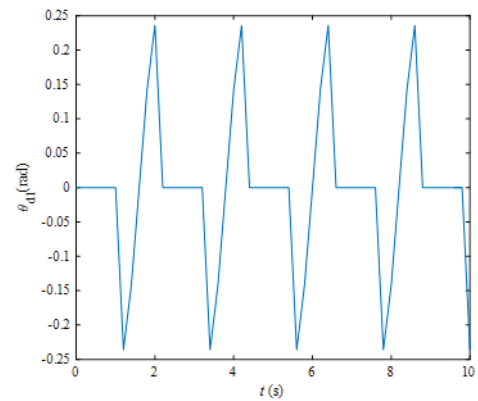
شکل ۳: فاز دو و تک تکیه‌گاهی ربات

Fig. 3. single and double support phases

Table 1. Hip and Ankle parameters

جدول ۱: مقادیر پارامترهای مسیر مفصل میچ و ران ربات

مقدار	واحد	پارامتر
۱	S	T_s
۰/۱	S	T_d
۰/۵	M	D
-۰/۲۵	M	D_1
۰/۲۰	M	D_2
۰/۲۵	M	D_3
۰/۲۵	M	x_{max}
۰/۲۰	M	z_{max}
۱	M	z_h
۰/۲۵	Rad	θ_{ξ}



شکل ۴: مسیر مطلوب مفصل شماره ۱

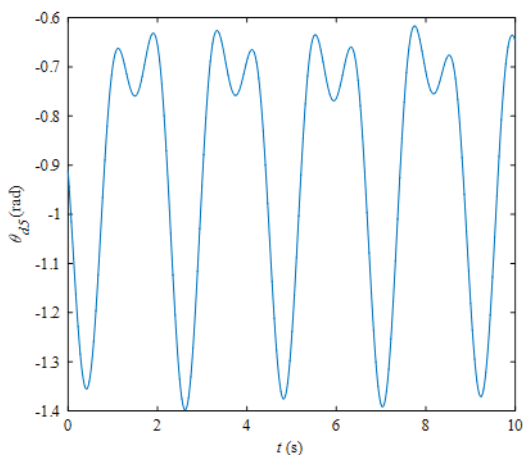
Fig. 4. desired trajectory of the first joint

ربات و همچنین مقابله با اغتشاشات، نامعینی‌ها و دینامیک‌های مدل نشده از کنترل‌کننده تطبیقی مد لغزشی فرایپچی استفاده شده است. روش کنترل مد لغزشی یکی از روش‌های کنترلی است که در دسته کنترل‌های مقاوم قرار می‌گیرد [۳۲]. به منظور طراحی کنترل‌کننده مد لغزشی، برای هر متغیر حالت q خطا به صورت $e = q - q_d$ در نظر گرفته شده و یک سطح متغیر با زمان مطابق با رابطه (۵) تعریف شده است.

معادلات سینماتیک معکوس مربوط به فاز تک تکیه‌گاهی و دو تکیه‌گاهی برای ربات استخراج شده و بر اساس مسیرهای تعریف شده برای مفصل میچ و ران ربات، مسیرهای مطلوب مفصل به صورت شکل‌های ۴ تا ۹ می‌شود. مقادیر پارامترهای موجود در مفصل میچ و ران ربات بر مبنای مطالعه تجربی صورت گرفته برای حرکتی با سرعت ۰/۵ متر بر ثانیه به صورت جدول ۱ می‌باشد.

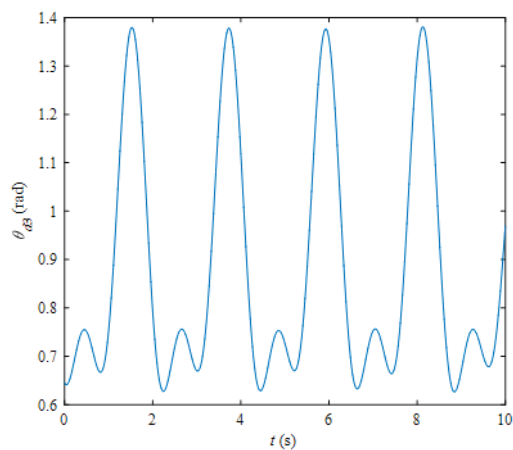
۴- کنترل‌کننده تطبیقی مد لغزشی فرایپچی^۱

در این مقاله به منظور تعقیب مسیر تعیین شده برای مفصل توسط



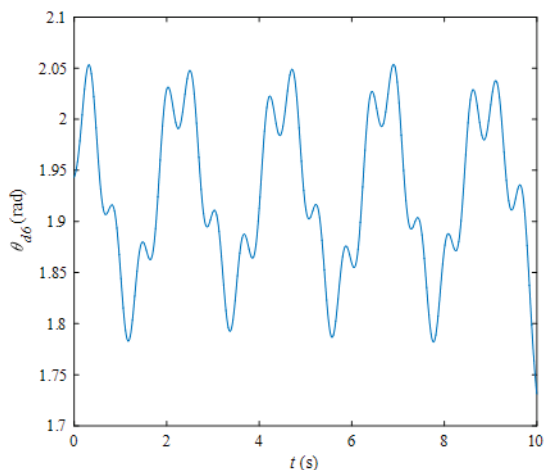
شکل ۸: مسیر مطلوب مفصل شماره ۵

Fig. 8. desired trajectory of the fifth joint



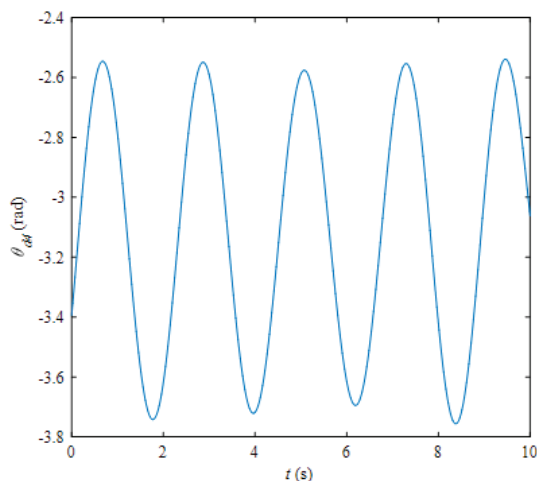
شکل ۶: مسیر مطلوب مفصل شماره ۳

Fig. 6. desired trajectory of the third joint



شکل ۹: مسیر مطلوب مفصل شماره ۶

Fig. 9. desired trajectory of the sixth joint



شکل ۷: مسیر مطلوب مفصل شماره ۴

Fig. 7. desired trajectory of the fourth joint

$$S' = (q'' - q_d'') + \lambda(q' - q_d') \quad (۶)$$

$$S(q, t) = \left(\frac{d}{dt} + \lambda\right)^{n-1} e \quad (۵)$$

با قرار دادن مشتق سطح لغزش برابر صفر و استفاده از رابطه (۳)، قانون کنترلی $\bar{\tau}(t)$ به صورت رابطه (۷) بدست می‌آید.

$$\bar{\tau}(t) = C(\theta, \theta') + G(\theta) + M(q_d'' - \lambda(q' - q_d')) + \tau_d \quad (۷)$$

که در آن $\bar{\tau}$ یک ثابت اکیداً مثبت و n بعد فضای حالت است که برای ربات مورد مطالعه برابر با ۳ می‌باشد. هدف از طراحی کنترل کننده مد لغزشی، قرار دادن شیب سطح متغیر با زمان در نزدیکی صفر است. با مشتق‌گیری نسبت به زمان، شیب سطح متغیر با زمان از رابطه (۶) بدست می‌آید.

$$V_i' = \frac{1}{\sqrt{|S_i|}} (\delta_i^T P_i \delta_i + \tau_{di} q_i^T \delta_i)$$

$$Q_i = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} -\frac{4\beta_i}{2} + A_i^2 & -A_i \\ -A_i & 1 \end{bmatrix} \quad (12)$$

$$q_i^T = -\frac{4\beta_i}{2} + \frac{A_i^2}{2} - \frac{A_i}{2}$$

با جایگذاری Q و q^T در رابطه V' داریم:

$$V_i' = \frac{1}{\sqrt{|S_i|}} (\delta_i^T \bar{Q}_i \delta_i)$$

$$\bar{Q}_i = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} -\frac{4\beta_i}{2} + A_i^2 - (\frac{8\beta_i}{A_i} + A_i) \Delta_i & -A_i - 2\Delta_i \\ -A_i - 2\Delta_i & 1 \end{bmatrix} \quad (13)$$

در صورت برقراری شرط رابطه (۱۴)، V_i' منفی معین شده و سیستم حلقه بسته پایدار است.

$$A_i > 2\Delta_i, \quad -\frac{\beta_i}{2} > A_i \frac{5A_i \Delta_i}{2A_i - 4\Delta_i} \quad (14)$$

۵- معیار پایداری نقطه گشتاور صفر

نقطه گشتاور صفر نقطه‌ای است روی زمین به طوری که گشتاور نیروی کلی اینرسی (شامل مجموع نیروی اینرسی و نیروی گرانشی) ربات صفر شود [۳۵]. براساس این معیار، نقطه گشتاور صفر نقطه‌ای بر روی سطح تماس کف پا ربات و زمین است که در آنجا برآیند تمام نیروهای وارد بر ربات را می‌توان بایک نیروی تک جایگزین کرد [۲۶]. اگر این نقطه درون محدوده تعادل قرار گیرد ربات پایدار است. در فاز تک تکیه‌گاهی محدوده تعادل شامل یک کف پا و در فاز دو تکیه‌گاهی چند ضلعی بسته حاصل از دو پا است. روابط مربوط به نقطه گشتاور صفر به صورت رابطه (۱۵) می‌باشد.

$$x_{ZMP} = \frac{\sum_{i=1}^n m_i (z_i'' + g) x_i - \sum_{i=1}^n m_i x_i z_i'' - \sum_{i=1}^n I_{iy} \theta_{iy}''}{\sum_{i=1}^n m_i (z_i'' + g)} \quad (15)$$

$$y_{ZMP} = \frac{\sum_{i=1}^n m_i (z_i'' + g) y_i - \sum_{i=1}^n m_i y_i z_i'' - \sum_{i=1}^n I_{ix} \theta_{ix}''}{\sum_{i=1}^n m_i (z_i'' + g)}$$

پدیده چترینگ یکی از مهمترین معایب روش کنترلی مد لغزشی بوده که باعث افزایش مصرف انرژی می‌شود. به منظور مقابله با این پدیده، یک جمله ناپیوسته به صورت یک لایه مرزی به قانون کنترلی اضافه شده است که در نهایت قانون کنترلی برای ربات به صورت رابطه (۸) استخراج شده است.

$$\tau(t) = \bar{\tau}(t) - K \text{sign}(S) \quad (8)$$

که در آن K یک ثابت مثبت است. استفاده از لایه مرزی برای حذف پدیده چترینگ نه تنها باعث حذف کاملین پدیده نمی‌شود بلکه از طرفی باعث کاهش ویژگی مقاوم بودن کنترل کننده می‌شود. کنترل کننده مد لغزشی فرایبجشی توانایی مناسب در حذف پدیده چترینگ بدون کاستن از ویژگی مقاوم بودن کنترل کننده را دارا می‌باشد. بر همین اساس قانون اصلاح شده کنترلی به صورت رابطه (۹) بیان شده است [۳۳ و ۳۴].

$$\tau_i(t) = \bar{\tau}_i(t) + \omega_i$$

$$\omega_i = A_i \sqrt{|S_i|} \text{sign}(S_i) + v_i \quad (9)$$

$$v_i' = -\frac{\beta}{2} \text{sign}(S_i)$$

در رابطه بالا $\beta = 2\varepsilon A$ و همچنین داریم:

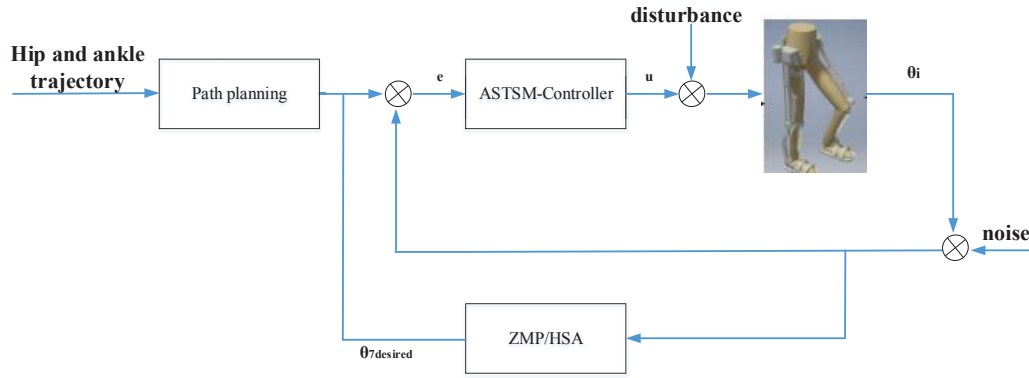
$$A_i' = \begin{cases} W_1 \sqrt{\frac{\gamma_1}{2}} \text{sign}(|S_i| - \mu) & A > a_m \\ \eta & A < a_m \end{cases} \quad (10)$$

که در آن $W_1, \mu, \varepsilon, \gamma_1$ و a_m ثابت می‌باشند. به منظور بررسی پایداری روش کنترلی تابع لیاپانوف مثبت معین به صورت رابطه (۱۱) در نظر گرفته می‌شود [۲۰]. با مشتق گیری از تابع لیاپانوف و ساده سازی ریاضی رابطه (۱۲) استخراج شده است.

$$V_i = \delta_i^T P_i \delta_i$$

$$\delta_i = \begin{bmatrix} \sqrt{|S_i|} \text{sign}(S_i) & v_i \end{bmatrix}^T \quad (11)$$

$$P_i = \begin{bmatrix} -\frac{4\beta_i}{2} + A_i^2 & -A_i \\ -A_i & 2 \end{bmatrix}$$



شکل ۱۰: بلوک دیاگرام کنترل کننده پیشنهادی

Fig. 10. Block diagram of the proposed controller

$$\begin{aligned} \theta_7'(0) &= \theta_7'(Ts + Td) \\ \theta_7''(0) &= \theta_7''(Ts + Td) \end{aligned} \quad (17)$$

تابع هدف به گونه‌ای در نظر گرفته شده است که در هر لحظه بالاترین حاشیه پایداری را برای ربات و حداقل اختلاف در مسیر حرکت مفاصل ربات نسبت به مسیرهای مرجع را ایجاد کند. همچنین محدوده مجاز برای حرکت لینک کمر بین ۱۱۰ تا ۶۵ درجه در نظر گرفته شده است.

$$CF = \int |ZMP - ZMP_{desired}|^2 + \sum_{i=1}^7 \int |e_i|^2 \quad (18)$$

ZMP ، نقطه ممان صفر در هر لحظه از حرکت ربات می‌باشد. $ZMP_{desired}$ نقطه ممان صفر مطلوب در فاز دو و تک تکیه‌گاهی است که بر اساس بیشینه مقدار پایداری ربات تعریف شده و e_i برای i از ۱ تا ۷، خطای تعقیب مسیرهای مرجع مفاصل ربات است. در نهایت بلوک دیاگرام کنترلی به صورت شکل ۱۰ ارائه شده است.

در شکل ۱۰، θ برای i از ۱ تا ۷ موقعیت زاویه‌ای مفاصل ربات، u سیگنال کنترلی و e سیگنال خطا می‌باشد.

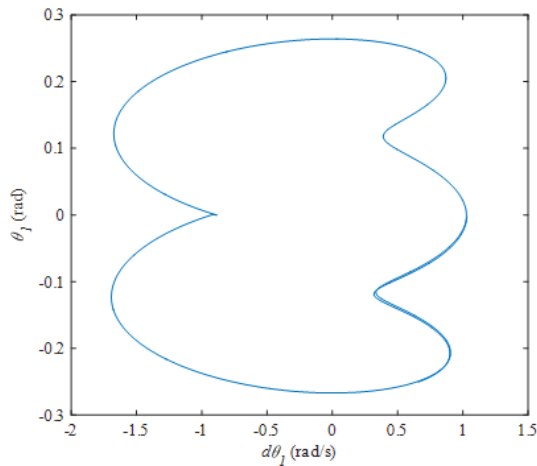
۶- شبیه‌سازی

در این مقاله با استفاده از روش لاگرانژ معادلات دینامیکی حرکت ربات پایین تنه و سپس مسیرهای مرجع استخراج شده برای هر یک از مفاصل ربات با کنترل‌کننده‌های تطبیقی بهینه مدل‌گزشی فرایپجشی و مدل‌گزشی

در رابطه (۱۵)، x ، y و z مختصات مرکز جرم لینک‌های ربات می‌باشد. همچنین θ_{ix}'' و θ_{iy}'' به ترتیب شتاب زاویه‌ای لینک‌ها در راستای افقی و عمودی می‌باشد. در تعیین حرکت پایین‌تنه ربات پایداری ربات در نظر گرفته نشده است. بنابراین از حرکت بالاتنه ربات در جهت جبران پایداری استفاده می‌شود. برای این منظور مسیر حرکت مفصل بالا تنه ربات به گونه‌ای تعیین می‌شود که در هر لحظه معیار پایداری نقطه گشتاور صفر برای ربات برقرار باشد. پارامترهای زاویه، سرعت و شتاب زاویه‌ای بالاتنه به منظور استخراج الگوی حرکتی پایدار به گونه‌ای تعیین شده که در هر لحظه بتوان با اتخاذ مقادیر مناسب برای آن‌ها ربات را در حالت پایدار قرار داد. مسیر مطلوب مفصل کمر با استفاده از چند نقطه معلوم در یک بازه حرکتی توسط یک منحنی مرتبه پنج معرفی شده و سپس پارامترهای مسیر با کمینه‌سازی یک تابع هدف مناسب بهینه شده است. رابطه (۱۶) چند نقطه معلوم از یک بازه حرکتی مفصل بالا تنه را بیان می‌کند.

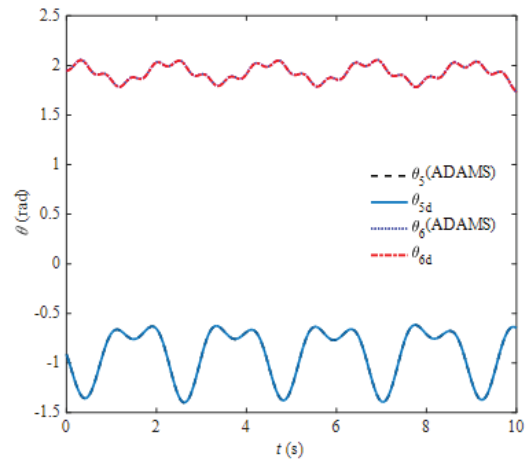
$$\theta_7 = \begin{cases} \frac{\pi}{2} - \alpha & t = 0 \\ \gamma & t = 0.5Ts \\ \frac{\pi}{2} - \alpha & t = Ts \\ \sigma & t = Ts + Td \end{cases} \quad (16)$$

که در آن α ، γ و σ پارامترهای ثابت می‌باشد. همچنین برای داشتن مسیری هموار، متناوب و پیوسته داریم:



شکل ۱۲: نمودار صفحه فاز مفصل اول

Fig. 12. Phase-plan diagram of the first joint



شکل ۱۱: مسیر مفاصل ۵ و ۶ در مدل دینامیکی و آدامز

Fig. 11. Trajectories of fifth and sixth joints in ADAMS

شده است.

با توجه به شکل ۱۱، منحنی‌های مسیر برای مدل لاگرانژ و نرم‌افزار آدامز تطابق خوبی با یکدیگر دارند. برای مقایسه بهتر، مجموع مجذور خطاهای بین مسیرهای مدل لاگرانژ و نرم‌افزار آدامز محاسبه شده است که مقدار خطا برای مفصل ۵ برابر با ۰/۰۱۹ (مجذور رادیان) و برای مفصل زانو برابر با ۰/۰۰۸ (مجذور رادیان) می‌باشد که دقت معادلات دینامیکی بدست آمده برای ربات را نشان می‌دهد. در جدول ۳ پارامترهای بهینه کنترل کننده تطبیقی مد لغزشی فرایپچشی و پارامترهای مسیر مفصل بالا تنه ارائه شده است.

برای بررسی عملکرد کنترل کننده بهینه تطبیقی مد لغزشی فرایپچشی نمودار صفحه فاز برای هفت مفصل ربات در شکل‌های ۱۲ تا ۱۸ ارائه شده است.

در شکل‌های ۱۲ تا ۱۸ نمودار صفحه فاز به صورت یک چرخه حدی تشکیل شده است که عملکرد مطلوب کنترل کننده پیشنهادی را در تعقیب پایدار و پیوسته مسیرهای مرجع مفاصل ربات نشان می‌دهد. به منظور مقایسه عملکرد دو کنترل کننده طراحی شده، نمودارهای خطای تعقیب مسیرهای مطلوب مفاصل، سیگنال‌های کنترلی، مسیر مطلوب مفصل بالا تنه و نقطه گشتاور صفر ارائه شده است. در شکل‌های ۱۹ تا ۲۵ نمودار خطای تعقیب مسیرهای مطلوب مفاصل ربات برای دو کنترل کننده طراحی شده نشان داده

بهینه ردیابی شده است. همچنین مسیر مرجع مفصل بالا تنه ربات به عنوان جبران‌ساز پایداری بر اساس معیار نقطه گشتاور صفر در هر لحظه تعیین شده است. پارامترهای کنترل کننده‌ها و همچنین پارامترهای مسیر مفصل بالا تنه به منظور دستیابی به حداکثر پایداری و کمترین خطای ردیابی ممکن توسط الگوریتم بهینه‌سازی جستجوی هارمونی تعیین شده‌اند. مقاوم بودن کنترل کننده‌ها در برابر اغتشاشات و عدم قطعیت‌های سیستم با در نظر گرفتن اغتشاشاتی با دامنه‌ای معادل ۲۰ درصد ماکزیمم دامنه حرکت هر یک از مفاصل و با فرکانس ۳ هرتز و همچنین عدم قطعیت‌هایی به صورت ۲۰ درصد مقدار نامی هر یک از پارامترها بررسی شده است. در شبیه‌سازی‌ها با توجه به عملگرهای موجود، محدوده مجاز برای تلاش کنترلی -۸۰ تا $+۸۰$ نیوتن متر و حد بالای سرعت زاویه‌ای مفاصل ربات ۲۰۰ درجه بر ثانیه در نظر گرفته شده است. به منظور مقایسه عملکرد کنترل کننده‌های طراحی شده در این مقاله نمودارهای خطا، نمودار انرژی مصرفی و نمودار نقطه گشتاور صفر برای هر یک از کنترل کننده‌ها ارائه شده است. به منظور اعتبارسنجی مدل دینامیکی استخراج شده از روش لاگرانژ، ربات در نرم‌افزار آدامز مدل‌سازی شده و نتایج روش لاگرانژ با نتایج حاصل از آدامز مقایسه شده است. در جدول ۲ پارامترهای ربات اسکلت خارجی پایین تنه ارائه شده است. همچنین به عنوان نمونه مسیرهای حاصل از دینامیک معکوس مفصل ۵ و ۶ ربات حاصل از روش لاگرانژ و نرم‌افزار آدامز در شکل ۱۱ مقایسه

جدول ۲: Lower limb exoskeleton robot parameters

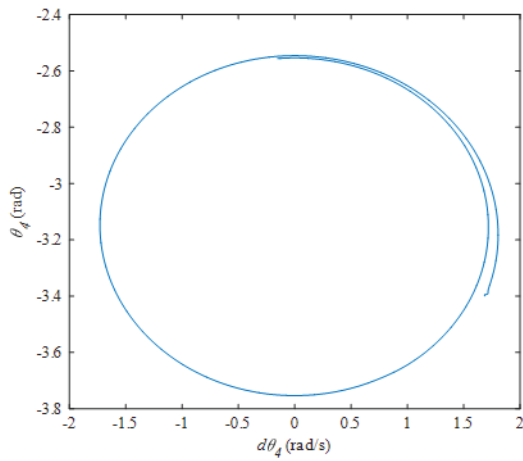
مقادیر پارامترهای مسیر مفاصل مچ و ران ربات

مقدار	واحد	پارامتر
۰/۸	Kg	m_1
۳/۲	Kg	m_2
۳/۸	Kg	m_3
۳/۸	Kg	m_4
۳/۲	Kg	m_5
۰/۸	Kg	m_6
۴۰	Kg	m_7
۰/۱۰	kg m ²	I_1
۰/۷۵	kg m ²	I_2
۰/۸۳	kg m ²	I_3
۰/۸۳	kg m ²	I_4
۰/۷۵	kg m ²	I_5
۰/۱۰	kg m ²	I_6
۴/۸	kg m ²	I_7
۰/۰۷۵	M	a
۰/۲۷۵	M	b
۰/۴۴	M	L_2
۰/۴۸	M	L_3
۰/۴۸	M	L_4
۰/۴۴	M	L_5
۰/۵	M	L_7
۰/۱۲	M	C_{m1}
۰/۲۳	M	C_{m2}
۰/۲۳۸	M	C_{m3}
۰/۲۳۸	M	C_{m4}
۰/۲۳	M	C_{m5}
۰/۱۲	M	C_{m6}
۰/۲۳۵	M	C_{m7}

Table 3. optimal control parameters and upper limb trajectory parameters

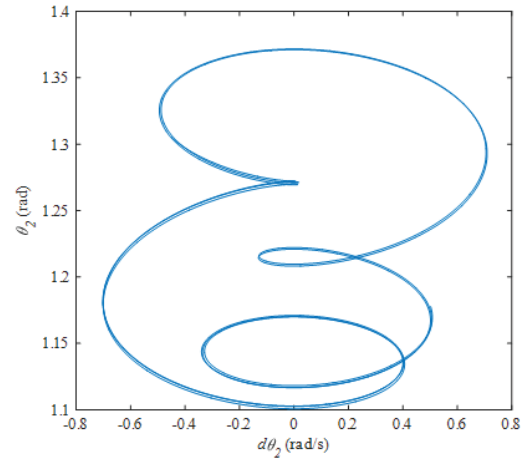
جدول ۳: پارامترهای بهینه کنترل کننده و پارامترهای مسیر مفصل بالا تنه

پارامتر	واحد	مقدار
λ	-	۶۳
W_1	-	۲/۸
γ_1	-	۰/۶
a_m	-	۰/۸
μ	-	۱/۳
η	-	۱/۶۴
α	Rad	-۰/۱۵
γ	Rad	۱/۱۸
σ	Rad	۱/۴۷



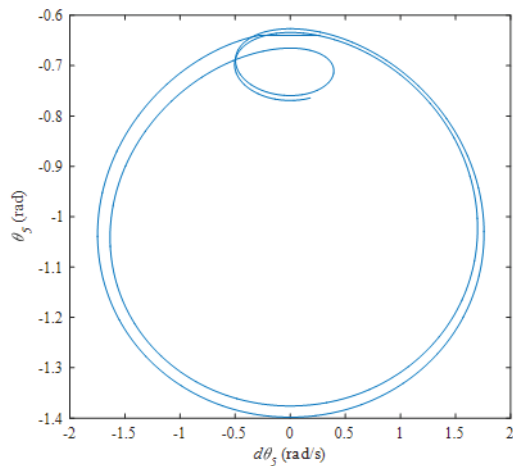
شکل ۱۵: نمودار صفحه فاز مفصل چهارم

Fig. 15. Phase-plan diagram of the fourth joint



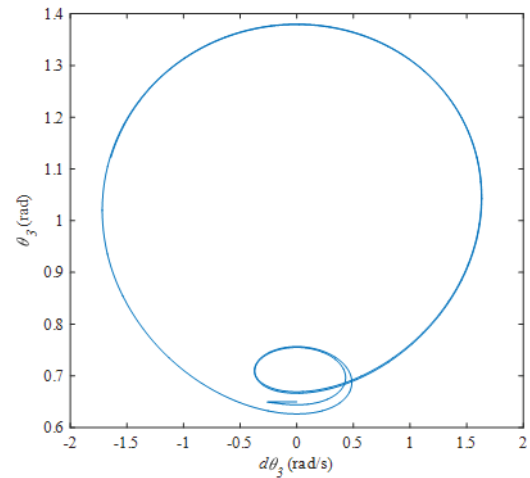
شکل ۱۳: نمودار صفحه فاز مفصل دوم

Fig. 13. Phase-plan diagram of the second joint



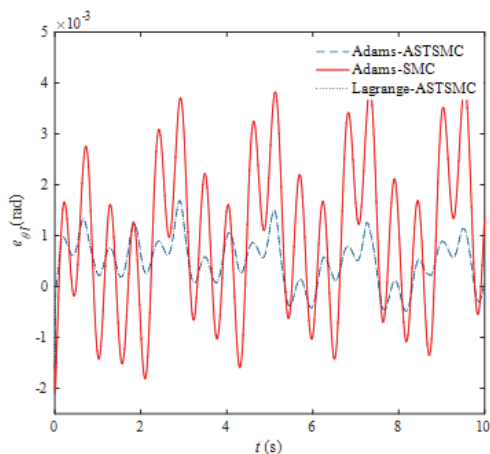
شکل ۱۶: نمودار صفحه فاز مفصل پنجم

Fig. 16. Phase-plan diagram of the fifth joint



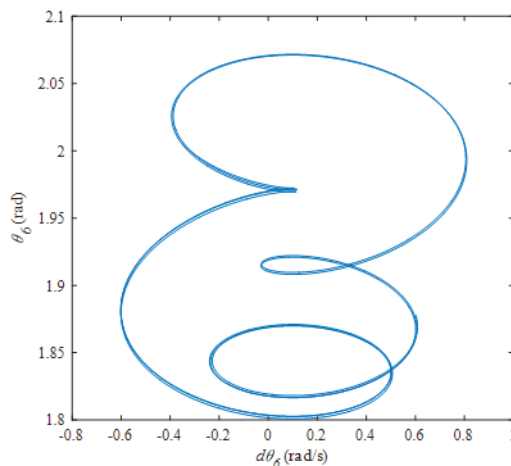
شکل ۱۴: نمودار صفحه فاز مفصل سوم

Fig. 14. Phase-plan diagram of the third joint



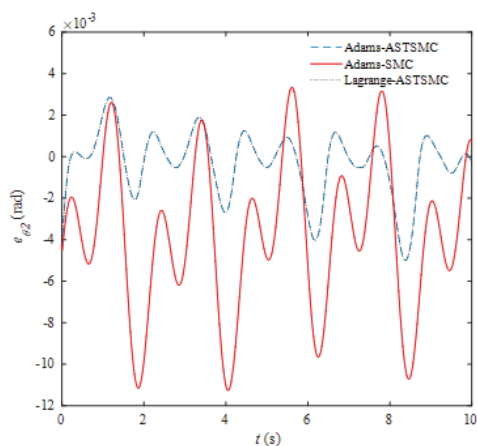
شکل ۱۹: خطای ردیابی مسیر مطلوب مفصل اول

Fig. 19. Tracking error of the first joint



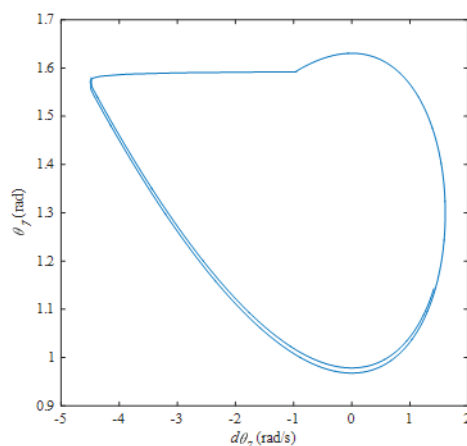
شکل ۱۷: نمودار صفحه فاز مفصل ششم

Fig. 17. Phase-plan diagram of the sixth joint



شکل ۲۰: خطای ردیابی مسیر مطلوب مفصل دوم

Fig. 20. Tracking error of the second joint



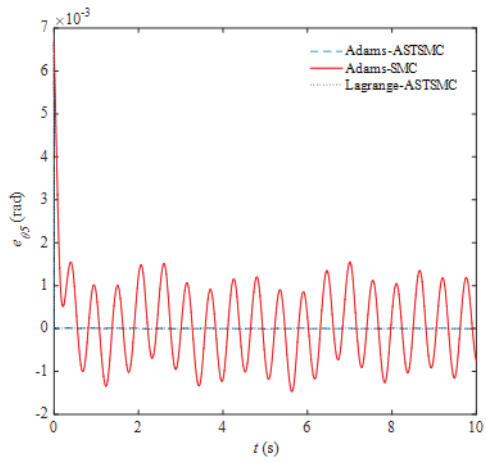
شکل ۱۸: نمودار صفحه فاز مفصل هفتم

Fig. 18. Phase-plan diagram of the seventh joint

سرعت همگرایی به مقدار صفر در کنترل کننده تطبیقی مد لغزشی فرایپچشی بالاتر از کنترل کننده مد لغزشی معمولی می باشد. یکی از ویژگی های کنترل کننده های مد لغزشی فرایپچشی همگرایی در زمان محدود می باشد که در کنترل ربات مورد مطالعه در این مقاله نیز این ویژگی دیده می شود. مجموع خطای تعقیب مسیره های مرجع مفاصل برای کنترل کننده تطبیقی مد لغزشی فرایپچشی برابر با $0/00248$ (مجذور درجه) و برای کنترل کننده مد لغزشی معمولی برابر با $0/0823$ (مجذور درجه) می باشد. در در شکل ۲۶

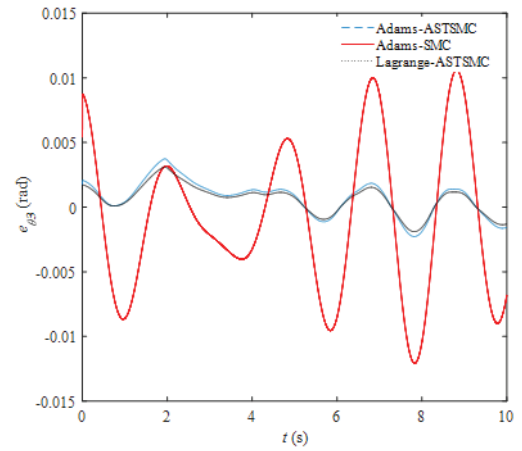
شده است.

با توجه به شکل های ۱۹ تا ۲۵ مشخص می شود که خطای تعقیب مسیره های مرجع مفاصل برای کنترل کننده های طراحی شده در محدوده قابل قبولی قرار دارد. همچنین سیگنال های خطای حاصل از مدل بدست آمده از روش لاگرانژ و نرم افزار آدامز بسیار نزدیک به هم می باشند. دامنه سیگنال های خطا در کنترل کننده تطبیقی مد لغزشی فرایپچشی به میزان قابل توجهی کمتر از کنترل کننده مد لغزشی معمولی می باشد. همچنین



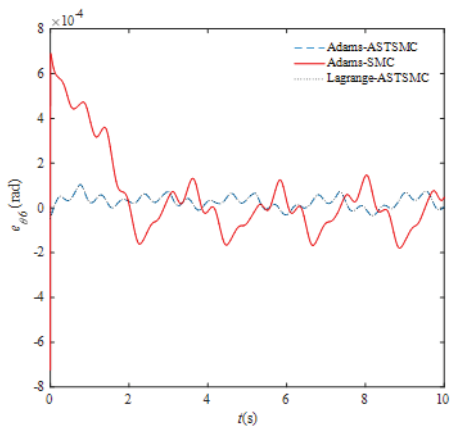
شکل ۲۳: خطای ردیابی مسیر مطلوب مفصل پنجم

Fig. 23. Tracking error of the fifth joint



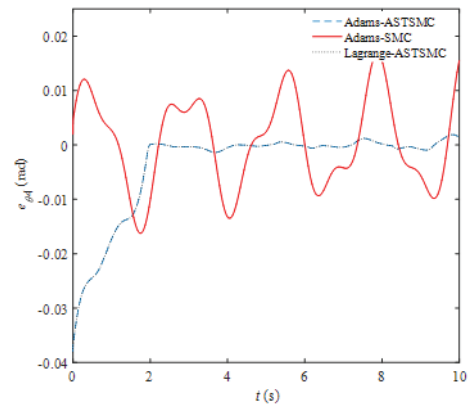
شکل ۲۱: خطای ردیابی مسیر مطلوب مفصل سوم

Fig. 21. Tracking error of the third joint



شکل ۲۴: خطای ردیابی مسیر مطلوب مفصل ششم

Fig. 24. Tracking error of the sixth joint



شکل ۲۲: خطای ردیابی مسیر مطلوب مفصل چهارم

Fig. 22. Tracking error of the fourth joint

با توجه به شکل ۳۰ مشخص می‌شود که تا عدم قطعیت حدود ۲۵ درصد پارامترهای نامی سیستم هر دو کنترل‌کننده دارای عملکرد ثابتی هستند. برای عدم قطعیت‌های بالای ۲۵ درصد عملکرد کنترل‌کننده مد لغزشی بهینه معمولی نسبت به کنترل‌کننده بهینه تطبیقی مد لغزشی فرایپچشی تضعیف می‌شود.

۷- نتیجه‌گیری

در این مقاله روش کنترل بهینه تطبیقی مد لغزشی فرایپچشی به منظور مقابله با اغتشاشات و عدم قطعیت‌های با دامنه نامعلوم سیستم و همچنین پدیده چترینگ که یکی از معایب کنترل‌کننده‌های مد لغزشی می‌باشد، ارائه شد. در کنترل‌کننده‌های بهینه مد لغزشی معمولی برای کاهش اثرات پدیده چترینگ از لایه مرزی استفاده می‌شود. در این حالت نه تنها پدیده چترینگ به طور کامل حذف نمی‌شود بلکه خاصیت مقاوم بودن کنترل‌کننده در مقابله با عدم قطعیت‌ها و اغتشاشات کاهش می‌یابد. کنترل‌کننده‌های مد لغزشی معمولی در مقابله با اغتشاشات و عدم قطعیت‌های با دامنه معلوم دارای کارایی مناسبی هستند. با توجه به اینکه دستیابی به محدوده اغتشاشات و عدم قطعیت‌های سیستم همواره ممکن نیست بنابراین در روش کنترلی پیشنهاد شده از یک مکانیزم تطبیق برای مقابله با اغتشاشات و عدم قطعیت‌های با دامنه نامعلوم سیستم استفاده شد. همچنین برای ایجاد یک حرکت پایدار در ربات بر اساس معیار نقطه گشتاور صفر، از حرکت مفصل بالا تنه ربات به‌عنوان جبران‌ساز پایداری ربات استفاده شده است. نتایج بدست آمده از روش کنترل بهینه تطبیقی مد لغزشی فرایپچشی با نتایج کنترل‌کننده مد لغزشی بهینه مقایسه شد که برتری روش کنترل بهینه تطبیقی مد لغزشی فرایپچشی در میزان خطای تعقیب مفاصل، مدت زمان همگرایی خطای به سمت صفر، میزان انرژی مصرفی، میزان پایداری بر اساس معیار نقطه گشتاور صفر و همچنین میزان مقاومت در برابر اغتشاشات و عدم قطعیت‌های سیستم، قابل مشاهده است.

منابع

- [1] R. Bogue, Exoskeletons and robotic prosthetics: a review of recent developments, *Industrial Robot: An International Journal*, 36(5) (2009) 421-427.
- [2] R. S. Mosher, Handy man to Hardiman, *Technical Report, SAE Technical Paper*, (1967).

سیگنال‌های کنترلی برای کنترل‌کننده بهینه تطبیقی مد لغزشی فرایپچشی ارائه شده است.

سیگنال‌های کنترلی برای هر دو کنترل‌کننده، در محدوده مناسب و کمتر از اشباع عملگرها قرار گرفته‌اند. بنابراین امکان انتخاب عملگر مناسب و اعمال سیگنال‌های کنترلی به عملگرها وجود دارد. مقدار میانگین دامنه سیگنال کنترلی برای کنترل‌کننده تطبیقی بهینه مد لغزشی فرایپچشی برابر با $۳۷/۹۳۱$ نیوتن متر و کنترل‌کننده بهینه مد لغزشی معمولی برابر با $۵۱/۱۷۸$ نیوتن متر می‌باشد. دامنه سیگنال‌های کنترلی حاصل از روش تطبیقی مد لغزشی فرایپچشی نه تنها مقادیر کمتری نسبت به سیگنال‌های کنترلی روش مد لغزشی بهینه معمولی دارد، بلکه دارای شکل هموارتری نیز می‌باشند و برخلاف کنترل‌کننده مد لغزشی معمولی پدیده چترینگ در آن دیده نمی‌شود. در شکل ۲۷ نمودار نقطه گشتاور صفر برای دو کنترل‌کننده ارائه شده است. همانطور که در شکل ۲۷ قابل مشاهده است، هر دو کنترل‌کننده به کمک حرکت زاویه بالا تنه می‌توانند حرکت پایداری برای ربات ایجاد کنند. مسیر نقطه گشتاور صفر تولید شده توسط کنترل‌کننده بهینه تطبیقی مد لغزشی فرایپچشی اختلاف کمتری با مسیر نقطه گشتاور صفر مطلوب دارد بنابراین حاشیه پایداری بالاتری را ایجاد خواهد کرد. این موضوع به دلیل دقت بالا در تعقیب مسیرهای مرجع مفاصل ربات و همچنین وجود سیگنال‌های کنترلی هموارتر و بدون نوسان و چترینگ است. میزان خطای نقطه گشتاور صفر نسبت به نقطه گشتاور صفر مطلوب برای کنترل‌کننده تطبیقی مد لغزشی فرایپچشی برابر با $۲/۵۳$ (مجدور متر) و برای کنترل‌کننده مد لغزشی معمولی برابر با $۳/۱۹$ (مجدور متر) می‌باشد. در شکل ۲۸ مسیر مفصل بالا تنه برای دو کنترل‌کننده طراحی شده، ارائه شده است.

در شکل ۲۸ دو کنترل‌کننده طراحی شده، مسیر مفصل بالا تنه دارای دامنه قابل قبول در محدوده زاویه ۹۰ درجه می‌باشد. همچنین دامنه حرکت مفصل بالا تنه در کنترل‌کننده بهینه تطبیقی مد لغزشی فرایپچشی کمتر می‌باشد. در ادامه به منظور بررسی مقاومت کنترل‌کننده‌های پیشنهادی در برابر اغتشاشات و عدم قطعیت‌های سیستم، با افزایش میزان اغتشاشات و عدم قطعیت‌های سیستم، معیار خطای مجموع مجذور خطاهای تعقیب مفاصل سیستم برای آن‌ها در شکل‌های ۲۹ و ۳۰ ارائه شده است.

با توجه به شکل ۲۹ مشخص می‌شود که تا اغتشاشات حدود ۴۰ درصد سیگنال کنترلی هر دو کنترل‌کننده دارای عملکرد ثابتی هستند. برای اغتشاشات بالای ۴۰ درصد عملکرد کنترل‌کننده مد لغزشی بهینه معمولی نسبت به کنترل‌کننده بهینه تطبیقی مد لغزشی فرایپچشی تضعیف می‌شود.

- (2018) 38–47.
- [12] A. Goel, A. Swarup, MIMO Uncertain Nonlinear System Control via Adaptive High-Order Super Twisting Sliding Mode and its Application to Robotic Manipulator, *J Control Autom Electr Syst*, 28(1) (2018) 36–49.
- [13] T. Madani, B. Daachi, K. Djouani, Non-singular terminal sliding mode controller: Application to an actuated exoskeleton, *Mechatronics*, 33(1) (2016) 136–145.
- [14] C. Edwards, E. F. Colet, L. Fridman, *Advances in variable structure and sliding mode control*, Springer, Berlin, (2006) 50-280.
- [15] A. Sabanovic, L. M. Fridman, S. K. Spurgeon, *Variable structure systems: from principles to implementation*, IEEE Transactions digital library, 66 (7) (2004) 445-456.
- [16] G. Bartolini, A. Ferrara, E. Usai, V. I. Utkin, On multi-input chattering-free second-order sliding mode control, *IEEE transactions on automatic control*, 45(9) (200) 1711-1717.
- [17] Y. Shtessel, C. Edward, L. Fridman, A. Levant, *Sliding Mode Control and Observation*, Springer, New York, (2014) 135-255.
- [18] A. Moreno, M. Osorio, A Lyapunov approach to second order sliding mode controllers and observer, 47th IEEE Conference on Decision and Control, Mexico, Cancun, 2008.
- [19] F. Zargham, A. H. Mazinan, Super-twisting sliding mode control approach with its application to wind turbine systems, *Springer*, 11(1) (2018) 1-19.
- [20] A. Goel, A. Swarup, MIMO Uncertain Nonlinear System Control via Adaptive High-Order Super Twisting Sliding Mode and its Application to Robotic Manipulator, *Journal of Control, Automation and Electrical Systems*, 28(1) (2017) 36–49.
- [3] M. Vukobratovic, B. Borovac, D. Surla, D. Stokic, *Biped Locomotion*, Springer-Verlag, Berlin, (1990) 1-349.
- [4] S. Jezernik, G. Colombo, T. Kelly, H. Frueh, M. Morari, *Robotic Orthosis Lokomat: A rehabilitation and research tool*, *Technology at the Neural Interface*, 6(1) (2003) 108–115.
- [5] A. Duschau-Wicke, T. Brunsch, L. Lünenburger, R. Riener, *Adaptive support for Patient-Cooperative gait rehabilitation with the lokomat*, *IEEE/RSJ International Conference on Intelligent Robots and Systems Acropolis Convention Center Nice, France*, 2008.
- [6] H. Kazerooni, *Hybrid Control of the berkeley lower extremity exoskeleton (BLEEX)*, *The International Journal of Robotics*, 25(2) (2006) 561-573.
- [7] B. Siciliano, O. Khatib, *Springer Handbook of Robotics*, Springer-Verlag, Berlin, (2008) 773-793.
- [8] T. Yan, M. Cempini, C. M. Oddo, N. Vitiello, *Review of assistive strategies in powered lower-limb orthosis and exoskeletons*, *Robotics and Autonomous Systems*, 64(1) (2015) 120-136.
- [9] X. Wang, X. Li, J. Wang, X. Fang, X. Zhub, *model-free adaptive sliding mode control for the multi degree-of-freedom robotic exoskeleton*, *Information Sciences*, 327(1) (2015) 246-257 .
- [10] S. Chen, B. Yao, X. Zhu, Z. Chen, Q. Wang, S. Zhu, Y. Song, *Adaptive Robust Backstepping Force Control of 1-DOF Joint Exoskeleton for Human Performance Augmentation*, *IFAC*, 48(1) (2015) 142–147.
- [11] S. Han, H. Wang, Y. Tian, *Advances in Engineering Software journal Model-free based adaptive nonsingular fast terminal sliding mode control with time-delay estimation for a 12 DOF multi-functional lower limb exoskeleton*, *Advances in Engineering Software*, 119(1)

- Exoskeleton, *Modares Mechanical Engineering*, 99(9) (2017) 1-11. (in Persian)
- [29] H. Kawamoto, Y. Sankai, Power assist method based on phase sequence and muscle force condition for HAL, *Advanced Robotics*, 19(7) (2005) 717-734.
- [30] P.K. Kyaw, K. Sandar, M. Khalid, W. Juan, Y. Li, Z. Chen, Opportunities in robotic exoskeletons hybrid assistive limb SUIIT (MT5009), *Robotic Exoskeletons: Becoming Economically Feasible*, 21(1) (2013).
- [31] J.J. Craig, *Introduction to Robotics: Mechanics and Control*, Hall, London, (2005) 85-310.
- [32] V. Hasani, M. Taghizadeh, M. Mazare, Modeling and position controller design of a servo-hydraulic actuator under variable loads using sliding mode control, *Modares Mechanical Engineering*, 17(6) (2016) 295-302 (in Persian).
- [33] M. Doakhan, M. Kabganian, R. Nadafi, A. K. Eigoli, Trajectory Tracking of a Quadrotor for Obstacle Avoidance Using Super-Twisting Sliding Mode Controller and Observer, *Modares Mechanical Engineering*, 17(8) 333-342, 2017 (in Persian).
- [34] X. Yu, M. Ö. Efe, *Recent Advances in Sliding Modes: From Control to Intelligent Mechatronics*, Springer-Verlag, Berlin, (2015) 90-310.
- [35] A. Gocwami, Postural stability of Biped Robots and the Foot-Rotation Indicator (FRI) point. *The International Journal of Robotics Research*, 18(6) (1999) 523-533.
- [21] D. Liang, L. Jian, Q. Ronghai, Super-Twisting Algorithm Based Sliding-Mode Observer with Online Parameter Estimation for Sensor less Control of Permanent Magnet Synchronous Machine, *IEEE*, 53(4) (2016) 3672 – 3682.
- [22] Y. Shtessel, M. Taleb, F. Plestan, a novel adaptive-gain super twisting sliding mode controller: Methodology and application, *Automatica*, 48(5) (2012).
- [23] H. Hemami, C.L. Golliday, The inverted pendulum and biped stability, *Mathematical Biosciences*, (2) (1977) 95-110.
- [24] D. Messuri, C. Klein, Automatic body regulation for maintaining stability of a legged vehicle during rough-terrain locomotion. *Robotics and Automation, IEEE*, 1(3) (1985) 141-132.
- [25] S.A.A. Moosavian, K. Alipour, Y. Bahramzadeh, Dynamics modeling and tip-over stability of suspended wheeled mobile robots with multiple arms. In *Intelligent robots and Systems, 2007. IROS 2007. IEEE/RSJ International Conference, USA, 2007*.
- [26] A. Takhmar, MHS measure for postural stability monitoring and control of biped robots. In *Advanced Intelligent Mechatronics, 2008. AIM 2008. IEEE/ASME International Conference on, China, 2008*.
- [27] S.A.A. Moosavian, A. Takhmar. Stable Gait Planning for Humanoids Motion, in *ISME, Iran, 2007*.
- [28] M. Mokhtari, M. Taghizadeh, M. Mazare, Optimal Robust Hybrid Active Force Control of a Lower Limb