

# Amirkabir Journal of Mechanical Engineering

Amirkabir J. Mech Eng., 53(special issue 2) (2021) 259-262 DOI: 10.22060/mej.2020.17223.6541

# Tracking control of quadrotors in the presence of obstacles based on potential field method

A. Keymasi Khalaji<sup>\*</sup>, I. Saadat

Department of Mechanical Engineering, Faculty of Engineering, Kharazmi University, Tehran, Iran

ABSTRACT: In this paper, by introducing a robust hybrid controller using an obstacle avoidance unit based on potential functions, the trajectory tracking control of quadrotors in the presence of obstacles is discussed. Quadrotors are underactuated systems and the design of a robust tracking controller has become one of the most challenging topics in recent researches. First, dynamic modeling of a quadrotor is considered using the Newton-Euler method by considering the nonlinear terms. In the following, the system state space is represented. Then, a control method based on linear control algorithms is designed to control the outer loop and for the inner loop of the controller, the backstepping method is presented. The combination of the control methods is designed to obtain the best performance of the system in terms of convergence to the reference path, minimum steady-state errors, and transient response specifications of the system. In the following, an obstacle avoidance unit based on potential functions is designed to prevent the collision of the quadrotor with obstacles by creating a repulsive force between the system and the obstacles. Finally, trajectory tracking case studies are considered for a quadrotor in the presence of obstacles. Obtained results show the robust performance of the controller in tracking the trajectories and avoiding obstacles.

#### **Review History:**

Received: Oct. 16, 2019 Revised: Mar. 25, 2019 Accepted: Mar. 25, 2019 Available Online: Apr. 24, 2019

### **Keywords:**

Ouadrotor Backstepping Control Method Obstacle Avoidance Unit Potential Function Trajectory Tracking Control

### **1. INTRODUCTION**

Control of quadrotors has become one of the most important topics in research and they are widely used in various industries and applications [1].

Researchers first studied the dynamic modeling of quadrotors, then they considered the effect of aerodynamic forces [2]. Adaptive control [3], feedback linearization [4], and backstepping [5] are some of the methods used to control quadrotors. The basic benefits of the backstepping method are step by step design process and the stability of the closedloop system simultaneously. This method is simply combined with other control methods, such as maximum convergence to the reference path by testing the possible combinations thus the designer can achieve the best possible control algorithm. Therefore, this method can be combined with a method that protects the quadrotor against obstacles. In reference [6], a robot is controlled in the presence of obstacles based on Lyapunov functions. For the first time Khatib [7] proposed a control algorithm based on potential functions for the system in an obstacle-rich environment. In reference [8], an autonomous underwater vehicle was controlled using potential functions in the presence of obstacles.

In this study, the backstepping method is combined with linear control algorithms and an obstacle avoidance unit based on potential functions to reach minimal steady-state errors and excellent convergence to the reference path in the presence of multiple obstacles in complex maneuvers.

\*Corresponding author's email: keymasi@khu.ac.ir

### 2. METHODOLOGY

At the beginning of the modeling, two Cartesian coordinates are specified for the system. One is the inertia frame, which has fixed orientations, and the other is a body frame attached to the system. Fig. 1 shows the locations of the quadrotor and Cartesian coordinates.

In this Figure,  $O_G X_G Y_G Z_G$  is the inertia frame and  $o_B x_B y_B z_B$  is the body frame.  $(\sigma_1, \sigma_2, \sigma_3, \sigma_4)$  are angular velocities of the propellers and  $(u_1, u_2, u_3, u_4)$  are the control inputs. These parameters relate to each other with matrice Aas follows:

$$\left[u_{i}\right]_{4\times 1} = A\left[\sigma_{i}^{2}\right]_{4\times 1} \tag{1}$$

$$A = \begin{bmatrix} b & b & b & b \\ 0 & -bl & 0 & bl \\ -bl & 0 & bl & 0 \\ -d & d & -d & d \end{bmatrix}$$
(2)

where b, d and l are the thrust coefficient, the drag coefficient, and the distance between the center of each rotor and geometric center of the quadrotor, respectively.

Dynamic modeling of quadrotors has been done using the Newton-Euler formulation considering all nonlinear parameters in many references such as reference [9], as follows:



Copyrights for this article are retained by the author(s) with publishing rights granted to Amirkabir University Press. The content of this article Copyrights for this article are retained by the aution(s) with participants for the second distance of the creative Commons Attribution 4.0 International (CC-BY-NC 4.0) License. For more information, please visit https://www.creativecommons.org/licenses/by-nc/4.0/legalcode.



Fig. 1. Quadrotor coordinate system schematic diagram



Fig. 2. Control diagram

$$\begin{split} \ddot{x} &= \left(\cos\phi\sin\theta\cos\psi + \sin\phi\sin\psi\right)\frac{u_1}{u_1} - \frac{\gamma_x}{\gamma_y}\dot{x}\\ \ddot{y} &= \left(\cos\phi\sin\theta\sin\psi - \sin\phi\cos\psi\right)\frac{u_1}{m} - \frac{\gamma_y}{m}\dot{y}\\ \ddot{z} &= \left(\cos\phi\cos\theta\right)\frac{u_1}{m} - g - \frac{\gamma_z}{m}\dot{z}\\ \ddot{\phi} &= \dot{\phi}\dot{\psi}\frac{\left(I_y - I_z\right)}{I_x} - \frac{J_r}{I_x}\dot{\theta}\sigma + \frac{u_2}{I_x} - \frac{\gamma_{\phi}}{I_x}\dot{\phi}^2\\ \ddot{\theta} &= \dot{\phi}\dot{\psi}\frac{\left(I_z - I_x\right)}{I_y} + \frac{J_r}{I_y}\dot{\phi}\sigma + \frac{u_3}{I_y} - \frac{\gamma_{\theta}}{I_y}\dot{\theta}^2\\ \ddot{\psi} &= \dot{\phi}\dot{\theta}\frac{\left(I_x - I_y\right)}{I_z} + \frac{u_4}{I_z} - \frac{\gamma_{\psi}}{I_z}\dot{\psi}^2 \end{split}$$
(3)

where  $(x, y, z, \phi, \theta, \psi)$  are quadrotor position and orientation parameters,  $(I_x, I_y, I_z, J_r)$  are moments of inertia, *m* is mass of the quadrotor, *g* is gravity acceleration,  $(\gamma_x, \gamma_y, \gamma_z, \gamma_\phi, \gamma_\theta, \gamma_\psi)$  are aerodynamic friction coefficients and  $\sigma = \sigma_2 + \sigma_4 - \sigma_1 - \sigma_3$ .

Fig. 2 indicates the proposed closed-loop control diagram for a quadrotor to track the trajectories in the presence of obstacles.

The measurement unit calculates the distance between the quadrotor and any obstacle at any moment. If the distance is less than the considered safe distance, the obstacle avoidance unit is activated and provides the inputs needed to prevent the quadrotor from colliding with the obstacles.

### **3. RESULTS AND DISCUSSION**

To evaluate the performance of the proposed controller, two different maneuvers were analyzed using MATLAB



Fig. 3. Tracking the circular trajectory with an obstacle



Fig. 4. Tracking complex trajectory with multiple obstacles

software. Fig. 3 demonstrates the first maneuver in which the quadrotor successfully tracks the circular path and bypasses the obstacle.

Fig. 4 shows the second experiment in which the quadrotor successfully tracks the hyperbolic paraboloid type reference trajectory with multiple obstacles.

### **4. CONCLUSION**

In this paper, using a control strategy based on potential functions, the quadrotor successfully tracks the desired paths without encountering obstacles. When the quadrotor enters an unsafe area (near obstacles), the controller activates the obstacle avoidance unit and using potential functions, provides the virtual deterrent force to avoid obstacles. The combination of control methods was designed to obtain the best performance in terms of steady-state errors and transient response specifications.

#### **5. REFERENCES**

- [1] A. Al-Kaff, A. Madridano, S. Campos, F. García, D. Martín, A. de la Escalera, Emergency Support Unmanned Aerial Vehicle for Forest Fire Surveillance, Electronics, 9(2) (2020) 260.
- [2] R.C. Sá, G.A. Barreto, A.L.C. de Araújo, A.T. Varela, Design and construction of a quadrotor-type unmanned aerial vehicle: Preliminary results, in: Engineering Applications (WEA), 2012 Workshop on, IEEE, 2012,

pp. 1-6.

- [3] G. Antonelli, E. Cataldi, F. Arrichiello, P.R. Giordano, S. Chiaverini, A. Franchi, Adaptive trajectory tracking for quadrotor MAVs in presence of parameter uncertainties and external disturbances, IEEE Transactions on Control Systems Technology, 26(1) (2018) 248-254.
- [4] H. Voos, Nonlinear control of a quadrotor micro-UAV using feedback-linearization, in: Mechatronics, 2009. ICM 2009. IEEE International Conference on, IEEE, 2009, pp. 1-6.
- [5] H. Pang, X. Zhang, Z. Xu, Adaptive backsteppingbased tracking control design for nonlinear active suspension system with parameter uncertainties and safety constraints, ISA Transactions, 88 (2019) 23-36.
- [6] A.K. Khalaji, H. Tourajizadeh, Nonlinear Lyapounov based control of an underwater vehicle in presence of uncertainties and obstacles, Ocean Engineering, 198 (2020) 106998.
- [7] O. Khatib, Real-time obstacle avoidance for manipulators and mobile robots, Springer, 1986.
- [8] B.K. Sahu, B. Subudhi, Potential function-based pathfollowing control of an autonomous underwater vehicle in an obstacle-rich environment, Transactions of the Institute of Measurement and Control, 39(8) (2017) 1236-1252.
- [9] O. Mofid, S. Mobayen, Adaptive sliding mode control for finite-time stability of quad-rotor UAVs with parametric uncertainties, ISA transactions, 72 (2018) 1-14.

HOW TO CITE THIS ARTICLE

A. Keymasi Khalaji, I. Saadat, Tracking control of quadrotors in the presence of obstacles based on potential field method. Amirkabir J. Mech Eng., 53(special issue 2) (2021) 259-262.

DOI: 10.22060/mej.2020.17223.6541



This page intentionally left blank

نشريه مهندسي مكانيك اميركبير



نشریه مهندسی مکانیک امیرکبیر، دوره ۵۳ شماره ویژه ۲ ، سال ۱۴۰۰، صفحات ۱۰۹۵ – ۱۱۱۰ DOI: 10.22060/mej.2020.17223.6541

# کنترل تعقیب مسیر کوادروتورها در حضور موانع بر مبنای روش میدان پتانسیل

على كيماسى خلجى\*، ايمان سعادت

گروه مهندسی مکانیک، دانشکده فنی و مهندسی، دانشگاه خوارزمی، تهران، ایران

تاریخچه داوری: دریافت: ۱۳۹۸/۰۷/۲۴ بازنگری: ۱۰۹۹/۰۱/۰۵ پذیرش: ۱/۰۵ -۱۳۹۹/ ارائه آنلاین: ۱۳۹۹/۰۲/۰۴

کلمات کلیدی: کوادروتور روش کنترلی پسگام واحد اجتناب از موانع توابع پتانسیل کنترل تعقیب مسیر خلاصه: در این مقاله، با معرفی یک کنترلر ترکیبی مقاوم به همراه یک واحد اجتناب از موانع مبتنی بر توابع پتانسیل به کنترل تعقیب مسیر کوادروتور در حضور موانع پرداخته شده است. کوادروتورها، سیستمهایی کمعملگر بوده و طراحی کنترلر تعقیب مسیر مقاوم برای آنها به یکی از پرچالشترین مباحث در پژوهشهای اخیر تبدیل شده است. در ابتدا مدلسازی دینامیکی کوادروتور با استفاده از روش نیوتن-اویلر و با در نظر گرفتن تمامی ترمهای غیرخطی آن در نظر گرفته شده و در ادامه، فضای حالت سیستم به دست آمده است. سپس یک روش کنترلی با الهام از الگوریتمهای کنترل خطی برای کنترل حلقهی بیرونی طراحی شده و برای کنترل حلقهی داخلی کنترلر، روش کنترلی پسگام ارائه شده است. ترکیب مسیر مرجع حرکت، خطای حالت سیستم به دست آمده است. سپس یک روش کنترلی با الهام از الگوریتمهای کنترل خطی این دو روش کنترلی به نحوی صورت گرفته که سیستم بهترین عملکرد را در تعقیب مسیرهای دلخواه از نظر همگرایی به مسیر مرجع حرکت، خطای حالت ماندگار کمینه و دیگر مشخصات پاسخ گذرای سیستم داشته باشد. در ادامه یک وادروتور اجتناب از موانع مبتنی بر توابع پتانسیل طراحی شده که با ایجاد نیروی دافعه بین سیستم و موانع از تصادم کوادروتور

### ۱– مقدمه

کوادروتورها، معروفترین نوع پرندههای هدایت پذیر از دور (پهپاد) هستند که در مقایسه با پرندههای کلاسیکی مانند هلیکوپترها دارای مکانیزم سادهتری بوده ولی دارای پیچیدگیهای بسیاری از لحاظ دینامیک سیستم و مدلسازی میباشد. امروزه طراحی کنترلرهای متنوع با توجه به نیازهای مختلف کاربر از این پرندهها اهمیت ویژهای در جهان یافته است. با پیشرفت علم و تکنولوژی، از کوادروتورها نه تنها در زمینهی سرگرمی و فیلمبرداری [۱]، بلکه در بازرسی از امکانات صنعتی و تعمیر و نگهداری نیروگاهها [۲, ۳]، جستجو شهرهای هوشمند از جمله مسافربری [۵] و حمل بستههای پستی \*نویسنده عهدهار مکانیات: keymasi@khu.ac.ir

و غذا با استفاده از بازوهای مکانیکی<sup>۱</sup> [۶, ۷] یا استفاده از کابلهای انعطاف پذیر [۸] و با استفاده از گیره<sup>۲</sup>های مختلف [۹, ۱۰]، پرتاب تیوپ نجات برای افراد در حال غرق شدن، جستجو و نجات انسانها و رساندن کمکهای اولیه به مصدومان در آتش سوزی جنگلها، سیلها، زلزلهها [۱۱, ۱۲]، در نقشهبرداری [۱۳]، یافتن محل اختفای سارقان در تعقیب و گریز و همچنین در صنایع نظامی [۱۴] نیز استفاده میشود. کوادروتورها در اندازههای مختلف با توجه به نیاز کاربر طراحی و ساخته میشوند، کوادروتورهای بزرگ با ظرفیت حمل بار بیش از یک کیلوگرم [۱۵] و کوادروتورهای کوچک به منظور پرواز در فضاهای داخلی و آزمایشگاهها استفاده میشوند [۱۶]. کوادروتورها میتوانند بدون از دست دادن تعادل و پایداری خود، دیوار ساختمانها

کو بنی مقاله تحت لیسانس آفرینندگی مردمی (Creative Commons License) میرکبیر داده شده است. این مقاله تحت لیسانس آفرینندگی مردمی (Creative Commons License) ای بنی مقاله تحت لیسانس آفرینندگی مردمی (Creative Commons License) ای بنی مقاله تحت لیسانس آفرینندگی مردمی (Creative Commons License) ای بنی مقاله تحت لیسانس آفرینندگی مردمی (Creative Commons License) ای بنی مقاله تحت لیسانس آفرینندگی مردمی (Creative Commons License) ای بنی مقاله تحت لیسانس آفرینندگی مردمی (Creative Commons License) ای بنی مقاله تحت لیسانس آفرینندگی مردمی (Creative Commons License) ای بنی مقاله تحت لیسانس آفرینندگی مردمی (Creative Commons License) ای بنی مقاله تحت لیسانس آفرینندگی مردمی (Creative Commons License) ای بنی مقاله تحت لیسانس آفرینندگی مردمی (Creative Commons License) ای بنی مقاله تحت لیسانس آفرینندگی مردمی (Creative Commons License) ای بنی مقاله تحت لیسانس آفرینندگی مردمی (Creative Commons License) ای بنی مقاله تحت لیسانس آفریندگی مردمی (Creative Commons Cicense) ای س

Manipulators
 Gripper

را تمیز کنند [۱۷]، اخیرا از کوادروتورها به عنوان مراقب در امتحانات دانش آموزان چینی استفاده شده است.

محققان در ابتدا به مدلسازی دینامیکی کوادروتور و بررسی معادلات ریاضی آن با استفاده از دو روش نیوتن اویلر و لاگرانژ پرداختند [۱۸] و سپس اثر نیروهای آیرودینامیکی را بر آن در نظر گرفتند [۱۹]. اگر کوادروتور را یک جسم صلب در فضا در نظر بگیریم، موقعیت آن با سه جهت مختصات و سه زاویهی اویلر قابل شرح است. با توجه به وجود تنها چهار ورودی که توسط چهار ملخ آن تولید میشود، فقط چهار درجه آزادی آن به طور همزمان قابل کنترل بوده و به عنوان سیستم کمعملگر' و زیرفعال شناخته میشود. بنابراین طراحی روشهای کنترلی مناسب، به یکی از بزرگترین چالشهای پیش روی محققان در پژوهشهای اخیر تبدیل شده است. مسالهی کنترل کوادروتورها را می توان به دو دستهی اصلی تقسیم کرد: پایدارسازی ۲ و کنترل تعقیب مسیر"، روشهای کنترلی متنوعی در جهت ارضای این دو مساله برای کوادروتورها ارائه شده است. تیان و همکاران [۲۰] به پایدارسازی کوادروتور حول یک نقطه پرداختند، به گونهای که همگرایی به آن نقطه در زمان محدود شکل بگیرد، در این مقاله، روشهای متنوعی در مورد پایداری متغیرهای سیستم در زمان محدود ارائه شده است. بیشتر پژوهشها در این حوزه، بر پایدارسازی کوادروتور حول یک نقطه بوده و کمتر به کنترل تعقیب مسیر کوادروتور پرداخته شده است. رافو و همکاران [۲۱] ابتدا معادلات دینامیکی سیستم را با استفاده از روش لاگرانژ به دست آوردند و سپس با استفاده از روش کنترلی اچ بینهایت<sup>†</sup>، کنترل کوادروتور در نقاطی از فضا را صورت گرفته است. آیلون و همکاران [۲۲] با استفاده از روش کنترلی بر پایهی لیایانوف<sup>۵</sup>، کوادروتور را در یک مسیر مارپیچ<sup>۶</sup> هدایت می کنند. همچنین روشهای مرسوم کنترل تناسبی-مشتق گیر<sup>۷</sup> و کنترل تناسبی-انتگرالگیر -مشتقگیر^ برای کنترل کوادروتور در مراجع بسیاری در نظر گرفته شده است [۲۳–۲۵]. افهمی و همکاران [۲۶] از یکی از روشهای کنترلی بهینه یعنی رگولاتور درجه دوم خطی ٔ

- I Underactuated
- 2 Stabilization
- 3 Tracking control4 H∞
- 4 H∞ 5 Lyapunov
- 6 Spiral
- 7 Proportional-Derivative (PD)
- 8 Proportional-Integral-Derivative (PID)
- 9 Linear Quadratic Regulator (LQR)

استفاده کردند. این روش تنها برای سیستمهای خطی بهینه بوده و پایداری سیستم را تضمین میکند، با استفاده از خطیسازی ژاکوپی، میتوان آن را به سیستمهای غیرخطی نیز اعمال کرد؛ هرچند در این صورت کنترل کننده دیگر بهینه نیست. لیو و همکاران [۲۷] دو روش کنترلی ال کیو آر و پی آی دی را با یکدیگر مقایسه کرده و روش ال کیو آر نتایج بهتری ارائه داده است.

روش،های کنترلی مذکور، همگی از مدل خطیسازی شدهی کوادروتور حول یک نقطهی تعادل استفاده شده است و با روشهای مرسوم کنترلرهای خطی به کنترل آن پرداختند که این نوع کنترل، نمی تواند پایداری سیستم کوادرو تور را در تمام نقاط حرکتی آن تضمین کند. کوادروتورها، سیستمهایی با دینامیک غیرخطی بسیار حساسی هستند که در طی خطیسازی، از پیچیدگیهای دینامیکی و نيروهاي آيروديناميكي آن صرف نظر مي شود. براي اين منظور، محققان روشهای غیر خطی نوآورانه را برای کنترل کوادروتور ارائه دادند به طوری که علاوه بر افزایش دقت کنترلر در همگرایی به مسیر مرجع حركت كوادروتور، پايداري سيستم حلقه بسته تضمين شود. یک سری از روشهای پایهی کنترلی خطی و غیرخطی و مقایسهی آنها برای کنترل پهپادها از جمله کوادروتورها در مقالهی [۲۸] به صورت مختصر ارائه شده است. کنترل توابع پی در پی اشباع ۱۰ [۲۹]، کنترل تطبیقی'' [۳۰] و کنترل پیش بین'' [۳۱] از جمله روش هایی است که در کنترل کوادروتورها به کار برده می شود. ووس و همکاران [۳۲] از روش کنترلی بازخوردی خطی ساز<sup>۳۲</sup> با در نظر گرفتن قسمتهای غیرخطی سیستم برای کنترل یک کوادروتور کوچک بهره بردند.

روش کنترلی پسگام<sup>۱۴</sup> همچنین به صورت گستردهای در کنترل بسیاری از سیستمهای مهندسی به کار برده میشود. مزیت اصلی این روش، طراحی مرحله به مرحله به طریقی صورت میگیرد که به طور همزمان، پایداری جهانی سیستم حلقه بسته تضمین گردد، پانگ وهمکاران [۳۳]، به توصیف انواع مختلف روشهای پسگام پرداختند. از ویژگیهای دیگر این روش، توانایی آن در ترکیب با روشهای کنترلی دیگر به طرق مختلف است به گونهای که دست طراح برای

13 Feedback Linearization

<sup>10</sup> Saturated Nested Functions

<sup>11</sup> Adaptive Control

<sup>12</sup> Predictive Control

<sup>14</sup> Backstepping



Fig. 1. Quadrotor coordinate system schematic diagram شکل ۱: شماتیک دستگاههای مختصات کوادروتور

به دستیابی به بهترین حالت ترکیب، برای رسیدن به مناسبترین پاسخ سیستم از جمله بیشترین همگرایی به مسیر مرجع، باز میباشد. این ویژگی، مزیتی بسیار مهم برای کنترل تعقیب مسیر کوادروتور در حضور موانع میباشد. کیماسی و همکاران [۳۴] به کنترل یک ربات در حضور موانع بر اساس توابع لیاپانوف پرداختهاند. کنترل در حضور موانع با استفاده از توابع پتانسیل برای اولین بار در مرجع [۳۵] بیان شد. ساهو و همکاران [۳۶] با استفاده از این توابع پتانسیل، کنترلر تعقیب مسیر در دو بعد برای یک ربات زیردریایی را طراحی کردند.

در این پژوهش، روش کنترلی پسگام با یک روش مبتنی بر الگوریتمهای خطی و یک واحد اجتناب از موانع به گونهای با هم ترکیب شدهاند که نتایج بسیار خوبی از نظر همگرایی کوادروتور به مسیر مرجع در مانورهای پیچیده و در حضور موانع متعدد، خطاهای حالت ماندگار کمینه و مقاومت در برابر دینامیک غیرخطی سیستم حاصل شده است.

در بخش مقدمه، روشهای کنترل کوادروتورها و انگیزههای پژوهش عنوان شده است. در بخش بعدی، مدلسازی دینامیکی کوادروتور با الهام از پژوهشهای پیشین، به دست آمده و سپس فضای حالت سیستم، محاسبه شده است. در فصل چهارم، استراتژی کنترلی برای کنترل کوادروتور با شرط حضور موانع طراحی شده و در فصل آخر، نتایج حاصله برای دو تعقیب مسیر دایرهای و زینی شکل در حضور موانع آورده شده است.

## ۲– مدلسازی دینامیکی کوادروتور

فرضیات زیر برای مدلسازی دینامیکی سیستم در نظر گرفته میشود:

سیستم ما اعم از کوادروتور و پروانههای آن، جسم صلب است.
 نیروی رانش و گشتاور پسا با مربع سرعت چرخش پروانهها
 متناسب است.

- ماتریس اینرسی، قطری در نظر گرفته میشود. - مرکز جرم و مرکز هندسی کوادروتور بر هم منطبق است.

در ابتدای مدلسازی، دو دستگاه مختصات دکارتی برای کوادروتور تعیین میشود. یک دستگاه مطلق (اینرسی) که بر اساس تعریف، جهتگیری کاملا ثابتی دارد و دیگری دستگاه محلی متصل به جسم است که همراه با جسم حرکت کرده و جهت آن در هر لحظه وابسته به جهتگیری پرنده میباشد. شکل ۱ نحوهی استقرار دستگاههای اینرسی و محلی را نشان میدهد.

 $O_B x_B y_B z_B$  دستگاه اینرسی،  $O_G X_G Y_G Z_G$  دستگاه اینرسی،  $\sigma_1, \sigma_2, \sigma_3, \sigma_4$ ) دستگاه محلی، ( $\sigma_1, \sigma_2, \sigma_3, \sigma_4$ ) دستگاه محلی،  $u_1$  مجموع نیروهای رانش تولید شده توسط ملخهای کوادروتور به عنوان ورودی کنترلی اول و ( $(u_2, u_3, u_4)$ ) مجموع گشتاورهای تولید شده توسط ملخهای کوادروتور حول سه محور اصلی دستگاه محلی به عنوان سه ورودی کنترلی دیگر میباشد.

ذکر این نکته ضروری است که سرعت چرخش ملخهای کوادروتور $(u_1, u_2, u_3, u_4)$  و ورودیهای کنترلی سیستم $(\sigma_1, \sigma_2, \sigma_3, \sigma_4)$ 

که در آن

و

که در آن

از رابطهی زیر و به وسیلهی ماتریس A و معکوس آن به یکدیگر قابل تبدیل هستند.

$$\begin{bmatrix} u_i \end{bmatrix}_{4\times 1} = A \begin{bmatrix} \sigma_i^2 \end{bmatrix}_{4\times 1} \tag{1}$$

$$A = \begin{bmatrix} b & b & b & b \\ 0 & -bl & 0 & bl \\ -bl & 0 & bl & 0 \\ -d & d & -d & d \end{bmatrix}$$
(7)

که در آن، b ضریب رانش، b ضریب پسا و l فاصلهی روتورهای کوادروتور تا مرکز هندسی آن میباشد.

برای محاسبهی معادلات دینامیکی از روش نیوتن⊣ویلر استفاده میشود. مدلسازی دینامیکی کوادروتورها در مراجع بسیاری صورت گرفته و در این مقاله از مدلسازی مرجع [۳۷] و با در نظر گرفتن تمامی پارامترهای غیر خطی آن به صورت معادلهی (۳) استفاده شده است.

$$\begin{split} \ddot{x} &= \left(\cos\phi\sin\theta\cos\psi + \sin\phi\sin\psi\right)\frac{u_1}{m} - \frac{\gamma_x}{m}\dot{x}\\ \ddot{y} &= \left(\cos\phi\sin\theta\sin\psi - \sin\phi\cos\psi\right)\frac{u_1}{m} - \frac{\gamma_y}{m}\dot{y}\\ \ddot{z} &= \left(\cos\phi\cos\theta\right)\frac{u_1}{m} - g - \frac{\gamma_z}{m}\dot{z}\\ \ddot{\phi} &= \dot{\theta}\dot{\psi}\frac{\left(I_y - I_z\right)}{I_x} - \frac{J_r}{I_x}\dot{\theta}\sigma + \frac{u_2}{I_x} - \frac{\gamma_\phi}{I_x}\dot{\phi}^2\\ \ddot{\theta} &= \dot{\phi}\dot{\psi}\frac{\left(I_z - I_x\right)}{I_y} + \frac{J_r}{I_y}\dot{\phi}\sigma + \frac{u_3}{I_y} - \frac{\gamma_\theta}{I_y}\dot{\theta}^2\\ \ddot{\psi} &= \dot{\phi}\dot{\theta}\frac{\left(I_x - I_y\right)}{I_z} + \frac{u_4}{I_z} - \frac{\gamma_\psi}{I_z}\dot{\psi}^2 \end{split}$$

در این معادله، (x, y, z) موقعیت مکانی کوادروتور، در این معادله، (x, y, z) موقعیت مکانی کوادروتور،  $(\phi, \theta, \psi)$  زوایای چرخش کوادروتور حول سه محور دستگاه محلی،  $(I_x, I_y, I_z, J_r)$  ممانهای اینرسی کوادروتور حول سه محور دستگاه محلی و روتورها، m جرم کوادروتور، g شتاب گرانش، محور دستگاه محلی و روتورها، m جرم کوادروتور، g شتاب گرانش، محور حیر محلی و روتورها، c

- فضای حالت سیستم
$$-$$
۳ بردار  $X$  شامل متغیرهای حالت مستقل سیستم که در آن

موقعیت، زوایای اویلر و مشتق آنها نسبت به زمان است، به صورت زیر در نظر گرفته می شود:  $X = \begin{bmatrix} \phi & \phi & \theta & \phi & \psi & \psi & z & z & x & y & y \end{bmatrix}^{T}$  (۴)  $X = \begin{bmatrix} x_{1} & x_{2} & x_{3} & x_{4} & x_{5} & x_{6} & x_{7} & x_{8} & x_{9} & x_{10} & x_{11} & x_{12} \end{bmatrix}^{T}$  (۵)  $X = \begin{bmatrix} x_{1} & x_{2} & x_{3} & x_{4} & x_{5} & x_{6} & x_{7} & x_{8} & x_{9} & x_{10} & x_{11} & x_{12} \end{bmatrix}^{T}$  (۵)  $Y = \begin{bmatrix} x_{1} & x_{2} & x_{3} & x_{4} & x_{5} & x_{6} & x_{7} & x_{8} & x_{9} & x_{10} & x_{11} & x_{12} \end{bmatrix}^{T}$  (۵)  $Y = \begin{bmatrix} x_{1} & x_{2} & x_{3} & x_{4} & x_{5} & x_{6} & x_{7} & x_{8} & x_{9} & x_{10} & x_{11} & x_{12} \end{bmatrix}^{T}$   $Y = \begin{bmatrix} x_{1} & x_{2} & x_{3} & x_{4} & x_{5} & x_{6} & x_{7} & x_{8} & x_{9} & x_{10} & x_{11} & x_{12} \end{bmatrix}^{T}$   $Y = \begin{bmatrix} x_{1} & x_{2} & x_{3} & x_{4} & x_{5} & x_{6} & x_{7} & x_{8} & x_{9} & x_{10} & x_{11} & x_{12} \end{bmatrix}$   $Y = \begin{bmatrix} x_{1} & x_{2} & x_{3} & x_{4} & x_{5} & x_{6} & x_{7} & x_{8} & x_{9} & x_{10} & x_{11} & x_{12} \end{bmatrix}$   $Y = \begin{bmatrix} x_{1} & x_{2} & x_{3} & x_{4} & x_{5} & x_{6} & x_{7} & x_{8} & x_{9} & x_{10} & x_{11} & x_{12} \end{bmatrix}$   $Y = \begin{bmatrix} x_{1} & x_{2} & x_{3} & x_{4} & x_{5} & x_{6} & x_{7} & x_{8} & x_{9} & x_{10} & x_{11} & x_{12} \end{bmatrix}$  $Y = \begin{bmatrix} x_{1} & x_{2} & x_{3} & x_{4} & x_{5} & x_{6} & x_{7} & x_{8} & x_{9} & x_{10} & x_{11} & x_{12} \end{bmatrix}$ 

$$F(x) = \begin{bmatrix} x_2 & Q_1 & x_4 & Q_2 & x_6 & Q_3 & x_8 & -g - \frac{\gamma_z}{m} x_8 & x_{10} & (Y) \\ -\frac{\gamma_x}{m} x_{10} & x_{12} & -\frac{\gamma_y}{m} x_{12} \end{bmatrix}^T$$

$$\sum_{k=1}^{T} \sum_{k=1}^{T} \frac{\gamma_k}{m} x_{10} = \frac{\gamma_k}{m} x_{10} + \frac{\gamma_k}{m} x_{10} = \frac{\gamma_k}{m} x_{10} + \frac{\gamma_k}{m} x_{10} +$$

$$Q_{1} = a_{1}x_{4}x_{6} + a_{2}\sigma x_{4} - b_{1}\gamma_{\phi}x_{2}^{2} \qquad (\Lambda)$$

$$Q_{2} = a_{1}x_{4}x_{6} + a_{2}\sigma x_{4} - b_{2}\gamma_{\theta}x_{4}^{2}$$

$$Q_{3} = a_{5}x_{2}x_{4} - b_{3}\gamma_{\psi}x_{6}^{2}$$

$$G(X) = \begin{bmatrix} G_1 & G_2 & G_3 & G_4 \end{bmatrix}_{12 \times 4}$$
(9)

$$G_{1} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & \Lambda_{1} & 0 & \Lambda_{2} & 0 & \Lambda_{3} \end{bmatrix}^{T} \quad (1 \cdot )$$

$$G_{2} = \begin{bmatrix} 0 & b_{1} & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}^{T} \quad (1 \cdot )$$

$$G_{3} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & b_{2} & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}^{T} \quad (1 \cdot )$$

$$G_{4} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & b_{3} & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}^{T} \quad (1 \cdot )$$

$$\sum_{b \in C_{1}} \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & b_{3} \end{bmatrix}^{T} \quad (1 \cdot )$$

$$\Lambda_1 = \frac{1}{m} \left( \cos x_1 \cos x_3 \right) \tag{14}$$

$$\Lambda_2 = \frac{1}{m} \left( \cos x_1 \sin x_3 \cos x_5 + \sin x_1 \sin x_5 \right) \qquad (1\Delta)$$



Fig. 2. The trajectory tracking control diagram of the quadrotor in the presence of obstacles شکل ۲: دیاگرام کنترلی تعقیب مسیر کوادروتور در حضور موانع

$$U^{t} = \begin{bmatrix} u_{1}^{t} & u_{x}^{t} & u_{y}^{t} & u_{4}^{t} \end{bmatrix}^{T} \qquad (19) \qquad \Lambda_{3} = \frac{1}{m} \left( \cos x_{1} \sin x_{3} \sin x_{5} - \sin x_{1} \cos x_{5} \right) \qquad (19)$$

و

$$U = \begin{bmatrix} u_1 & u_2 & u_3 & u_4 \end{bmatrix}^T \tag{1Y}$$

همچنین ماتریس زیر، پارامترهای موجود در معادلات فضای حالت سیستم را بر حسب ممانهای اینرسی کوادروتور نشان میدهد:

$$\begin{bmatrix} a_1 & a_2 & a_3 & a_4 & a_5 & b_1 & b_2 & b_3 \end{bmatrix}^T = \begin{bmatrix} I_y - I_z & \\ I_x & -I_x & I_y & I_y & I_y & I_x - I_y & \\ I_x & I_x & I_x & I_y & I_z \end{bmatrix}^T$$
(1A)

# **۴– کنترلر تعقیب مسیر کوادروتور در حضور موانع** ۱–۴– استراتژی کنترل

شکل ۲ دیاگرام کنترلی پیشنهادی تعقیب مسیر کوادروتور در حضور موانع را نشان میدهد. با توجه به وجود چهار ورودی کنترلی در معادلات دینامیکی کوادروتور، چهار درجه آزادی آن به طور همزمان قابل کنترل است. موقعیت مکانی کوادروتور (x, y, z) و زاویهی یاو آن  $(\psi)$  به عنوان این چهار درجه آزادی در نظر گرفته میشود. ابتدا واحد برنامهریز مسیر، مسیرهای مرجعی که چهار درجه آزادی تعیین شده باید به تعقیب آن بپردازد، تعیین می کند. در ادامه، حلقهی بیرونی کنترلر، بردار ورودیهای مربوط به کنترل چهار درجه آزادی تعیین شده (U') را محاسبه می کند.

ورودی کنترلی 
$$(u_1^t)$$
 برای کنترل متغیر ارتفاع کوادروتور  $(z)$  و  
ورودی  $(u_4^t)$  برای کنترل متغیر  $(\psi)$  در نظر گرفته می شود. با توجه  
به عدم وجود ورودی کنترلی در معادلات دینامیکی برای دو متغیر  
موقعیت کوادروتور  $(x,y)$ ، دو ورودی مجازی به صورت معادلههای  
(۲۰) و (۲۱) در نظر گرفته می شود.

$$u_x = \left(\cos\phi\sin\theta\cos\psi + \sin\phi\sin\psi\right) \tag{(7.1)}$$

$$u_{y} = \left(\cos\phi\sin\theta\sin\psi - \sin\phi\cos\psi\right) \tag{(1)}$$

با کنترل و تعیین مقادیر مناسب برای زوایای رول و پیچ کوادروتور  $(u_x, u_y)$  در هر لحظه، ورودیهای مجازی مناسب  $(\phi, \theta)$  برای کنترل دو متغیر موقعیت کوادروتور (x, y) فراهم می شود.

واحد اندازه گیری، فاصلهی کوادروتور با مانع  $(R_{(x,y,z)})$  را در هر لحظه محاسبه می کند. اگر این فاصله، از امن ترین فاصلهی در نظر گرفته شده کمتر باشد، واحد اجتناب از موانع فعال شده و ورودیهای مورد نیاز ( $T^{pq}$ ) برای جلو گیری از برخورد کوادروتور با موانع را ایجاد می کند. در حالتی که این فاصله بیشتر از فاصلهی امن باشد، واحد اجتناب از موانع غیر فعال می ماند تا کوادروتور به تعقیب مسیر مرجع ادامه دهد.

$$U^{rep} = \begin{bmatrix} u_1^{rep} & u_x^{rep} & u_y^{rep} & u_4^{rep} \end{bmatrix}^T$$
(17)

 $\left(\phi_{c}\,, heta_{c}\,
ight)$  در ادامه، مقادیر مناسب زوایای رول و پیچ کوادروتور

با استفاده از ورودیهای به دست آمده تعیین می شود و در حلقهی داخلی به وسیلهی ورودیهای  $(u_2,u_3)$ ، این زوایا حول مقادیر تعیین شده پایدار خواهند شد. در انتهای دیاگرام، چهار ورودی اصلی محاسبه شده به سیستم کوادروتور به منظور تعقیب مسیر دلخواه و اجتناب از موانع، وارد می شود.

## ۲-۴- کنترلر حلقهی بیرونی

روش کنترلی ارائهشده در این بخش از روشهای کنترلی خطی الهام گرفته شده که میتوان از آن برای کنترل سیستمهای غیرخطی بدون هیچ خطیسازی از پارامترهای سیستم، استفاده کرد. بدیهی است که هرگونه خطیسازی در سیستمهای دینامیکی، آنها را از مدل واقعی خود دور خواهد کرد و به همین علت، روشهای کنترلی خطی مرسوم نتایج خوبی در عمل نشان نخواهد داد. کلید اصلی این روش، تبدیل معادلات دیفرانسیلی غیرخطی به یک معادلهی دیفرانسیلی خطی و یک معادلهی جبری غیرخطی میباشد. ذکر مجدد این نکته ضروری است که در این روش، هیچگونه خطیسازی و از دست رفتن پارامترهای سیستم صورت نخواهد گفت و سیستم غیرخطی تماما به صورت روش کنترلی غیرخطی کنترل خواهد شد.

$$\ddot{X} = F\left(X, \dot{X}\right) + G\left(X, \dot{X}\right)U^{t} \tag{(Y7)}$$

قضیه: قانون کنترلی (۲۴) ، سیستم دینامیکی (۲۳) را حول مسیرهای مرجع پایدار میسازد.

$$U' = \frac{1}{G(X, \dot{X})} \begin{cases} \ddot{X}_{r} + k_{D} (\dot{X}_{r} - \dot{X}) + \\ k_{P} (X_{r} - X) + k_{I} \int_{0}^{t} (X_{r} - X) d\tau - F(X, \dot{X}) \end{cases}$$
(74)

که در آن  $X_r$  بردار مقادیر مسیرهای مطلوب سیستم، t مدت زمان پرواز و  $\binom{k_P,k_D,k_I}{k_I}$  بهرههای کنترلی تناسبی، مشتق گیر و انتگرال گیر هستند که همواره مثبت در نظر گرفته می شوند.

اثبات: در معادلهی (۲۳)،  $\ddot{X}$  به صورت زیر در نظر گرفته می شود:

$$\ddot{X} = \ddot{X}_r + k_D \left( \dot{X}_r - \dot{X} \right) + k_D \left( \dot{X}_r - X \right) + k_I \int_0^t (X_r - X) d\tau$$
(Ya)

اگر توابع خطا به صورت  $X_{r} - X_{r} = X_{r}$ ، مشتق اول آن نسبت به زمان را به صورت  $\dot{e}^{PID} = \dot{X}_{r} - \dot{X}$  و مشتق دوم آن را به صورت  $\dot{e}^{PID} = \dot{X}_{r} - \dot{X}$  و مشتق دوم آن را به صورت  $\ddot{e}^{PID} = \ddot{X}_{r} - \ddot{X}$ تر نظر گرفته شود، معادلهی (۲۵) به معادلهی زیر تبدیل می شود:

$$\ddot{e}^{PID} + k_D \dot{e}^{PID} + k_P e^{PID} + k_I \int_0^t e^{PID} d\tau = 0$$
 (79)

$$\ddot{e}^{PID} + k_D \dot{e}^{PID} + k_P \dot{e}^{PID} + k_I e^{PID} = 0 \tag{(Y)}$$

معادله مشخصهی این عبارت برابر میشود با:

$$\lambda^3 + k_D \lambda^2 + k_P \lambda + k_I = 0 \tag{(YA)}$$

با استفاده از بهرههای کنترلی مناسب، همهی قطبهای سیستم در سمت چپ محور موهومی صفحهی همتافت (مختلط) قرار خواهند گرفت و پایداری آن اثبات میشود.

با استفاده از رابطهی (۲۴) ورودیهای کنترلی حلقهی بیرونی دیاگرام کنترلی به صورت زیر محاسبه میشود:

$$u_1^t = \frac{m}{\cos\phi\cos\theta} \begin{bmatrix} g + \ddot{z}_r + k_D^z \dot{e}_z^{PID} + \\ k_P^z e_z^{PID} + k_I^z \int_0^t e_z^{PID} d\tau + \frac{\gamma_z}{m} \dot{z} \end{bmatrix} \quad (\Upsilon 9)$$

$$u_x^{t} = \frac{m}{u_1} \begin{bmatrix} \ddot{x}_r + k_D^{x} \dot{e}_x^{PID} + k_P^{x} e_x^{PID} + \\ k_I^{x} \int_0^t e_x^{PID} d\tau + \frac{\gamma_x}{m} \dot{x} \end{bmatrix}$$
(7.)

$$u_{y}^{t} = \frac{m}{u_{1}} \begin{bmatrix} \ddot{y}_{r} + k_{D}^{y} \dot{e}_{y}^{PID} + k_{P}^{y} e_{y}^{PID} + \\ k_{P}^{y} \int_{0}^{t} e_{y}^{PID} d\tau + \frac{\gamma_{y}}{m} \dot{y} \end{bmatrix}$$
(71)

$$u_{4}^{t} = I_{z} \begin{bmatrix} \ddot{\psi}_{r} + k_{D}^{\psi} \dot{e}_{\psi}^{PID} + k_{P}^{\psi} e_{\psi}^{PID} + k_{I}^{\psi} \int_{0}^{t} e_{\psi}^{PID} d\tau - \\ b_{3} (I_{x} - I_{y}) \dot{\phi} \dot{\theta} + b_{3} \gamma_{\psi} \dot{\psi}^{2} \end{bmatrix} \quad (\Upsilon\Upsilon)$$

## ۳-۴- واحد اجتناب از موانع

با توجه به افزایش روزافزون تعداد پهپادها و مخصوصا کوادروتورها، اجتناب از احتمال برخورد آنها با یکدیگر و دیگر موانع، یکی از موضوعات اساسی در این حوزه میباشد. معمولاً کوادروتورها برای

پرواز امن خود نیاز به سنسورهای بسیاری دارند که همین مساله موجب افزایش قیمت این پرندهها شده است. از جملهی این سنسورها، واحدهای اندازه گیری لختی که شامل شتاب سنجها، ژیروسکوپ، مغناطیسسنج، بارومتر و ... میباشد. اما سنسور مربوط به این بخش، فاصلهسنج است که وظیفهی آن، اعلام فاصلهی کوادروتور با موانع در هر لحظه می باشد. این سنسورها تنوع بسیاری دارند. برای مثال سنسور اولتراسونیک<sup>۲</sup> فاصلهی کوادروتور با مانع را با ارسال یک موج صوتی در فرکانس خاص و دریافت همان موج صوتی بعد از برخورد به مانع، محاسبه میکند. با محاسبه مدت زمان سپری شده بین موج صوتی ارسال شده و بازگشتی، فاصله بین کوادروتور و موانع اطراف محاسبه می شود. اما یکی از راههای اجتناب از موانع، استفاده از توابع پتانسیل مجازی می باشد. الگوریتم کنترلی به گونهای طراحی می شود که با کاهش فاصلهی بین مانع و کوادروتور، نیروی مجازی جهت اجتناب از مانع افزایش یافته و با افزایش این فاصله، نیروی مجازی کاهش می یابد. وقتی مقدار فاصله ی کوادروتور از مانع از حدی بیشتر شد و از منطقهی ناامن خارج شد، مقدار نیروی مجازی به صفر مىرسد و بدين ترتيب اين واحد كنترلى غير فعال مىشود. توابع پتانسیل به طرق مختلف خطی، درجه دو و ... قابل تعریف هستند و انرژی لازم جهت اجتناب از موانع را برای سیستم فراهم میکنند. با الهام از پژوهشهای پیشین و مقالهی [۳۶]، نیروهای مجازی به دست آمده جهت اجتناب از موانع برای هر سه جهت اصلی مختصات کوادروتور به صورت زیر در نظر گرفته می شود:

$$u_{x}^{rep} = -k_{x}^{obs} \frac{(x_{9} - x_{obs})(R_{obs}^{2}(x, y, z) - SD^{2})}{R_{obs}^{2}} \quad (\text{TT})$$

$$u_{y}^{rep} = -k_{y}^{obs} \frac{(x_{11} - y_{obs})(R_{obs}^{2}(x, y, z) - SD^{2})}{R_{obs}^{2}}$$
(°F)

$$u_{1}^{rep} = -k_{z}^{obs} \frac{(x_{7} - z_{obs})(R_{obs}^{2}(x, y, z) - SD^{2})}{R_{obs}^{2}}$$
(ra)

که در آن  $\left(u_{x}^{rep}, u_{y}^{rep}, u_{1}^{rep}\right)$  سه نیروی مجازی مورد نیاز برای اجتناب از موانع میباشد.  $\left(K_{x}^{obs}, k_{y}^{obs}, k_{z}^{obs}\right)$  بهرههای کنترلی اجتناب از موانع،  $\left(x_{obs}, y_{obs}, z_{obs}\right)$  مرکز مختصات موانع و

I Inertial Measurement Units (IMUs)

2 Ultrasonic Sensor

ی فاصله یامن بین کوادروتور و موانع در نظر گرفته می شود. SD و اصله ی امن بین کوادروتور از موانع در هر لحظه بوده که  $R_{obs}(x,y,z)$  توسط واحد اندازه گیری با استفاده از معادله ی زیر محاسبه می شود:

$$R_{obs}(x, y, z) = \sqrt{\frac{(x_9 - x_{obs})^2 + (x_{11} - y_{obs})^2 + (x_{71} - y_{obs})^2}{\sqrt{(x_7 - z_{obs})^2}}}$$
(79)

هنگام مواجهه با موانع، محدودیتی بر زاویه ییاو کوادروتور که به عنوان یکی از متغیرهای مرجع در نظر گرفته شده بود، وجود ندارد، در نتیجه  $\left(u_{4}^{rep}=0
ight)$  در نظر گرفته میشود. در انتها، در هنگامی که فاصله یکوادروتور از فاصله یدر نظر گرفته شده کمتر میشود که فاصله یکوادروتور از فاصله یدر نظر گرفته شده کمتر میشود موانع به صورت معادله ی (۲۲) فعال میشود.

## ۴-۴ واحد محاسبهی زوایای رول و پیچ

همانطور که پیشتر گفته شد، زوایای رول و پیچ کوادروتور همانطور که پیشتر گفته شد، زوایای رول و پیچ کوادروتور  $(\phi, \theta)$  باید حول مقادیر  $(\phi_c, \theta_c)$  پایدار شوند. با پایدارسازی دو متغیر موقعیت کوادروتور (x, y) حول مسیرهای مرجع  $(x_r, y_r)$ ، دو ورودی مجازی تعریف شده  $(u_x, u_y)$ ، محاسبه می شوند. در ادامه با استفاده از این ورودی های مجازی  $(u_x, u_y)$  و معادلات (۲۰) و (۲۱)،  $(\phi_c, \theta_c)$  تعیین می گردد.

از معادلات دینامیکی کوادروتور، اگر فرض شود در واحد برنامهریز مسیر زاویه یاو کوادروتور  $(\psi_r)$  به سمت صفر میل کند، میتوان نوشت:

$$m\ddot{x} + \gamma_x \dot{x} = \cos\phi_c \sin\theta_c u_1 \tag{(47)}$$

 $m\ddot{y} + \gamma_y \dot{y} = -\sin\phi_c u_1 \tag{(\%)}$ 

$$m\ddot{z} + mg + \gamma_z \dot{z} = \cos\theta_c \cos\phi_c u_1 \tag{(79)}$$

$$\tan \theta_c = \frac{m\ddot{x} + \gamma_x \dot{x}}{m\ddot{z} + mg + \gamma_z \dot{z}} \tag{(f.)}$$

و در نتيجه:

$$\theta_c = \tan^{-1}\left(\frac{m\ddot{x} + \gamma_x \dot{x}}{m\ddot{z} + mg + \gamma_z \dot{z}}\right) \tag{(f1)}$$

همچنین از معادلات (۳۷)، (۳۸) و (۳۹) میتوان نوشت:

$$\frac{\left(-\sin\phi_{c}u_{1}\right)^{2}}{\left(\cos\phi_{c}\sin\theta_{c}u_{1}\right)^{2}+\left(\cos\theta_{c}\cos\phi_{c}u_{1}\right)^{2}}=\frac{\left(m\ddot{y}+\gamma_{y}\dot{y}\right)^{2}}{\left(m\ddot{x}+\gamma_{x}\dot{x}\right)^{2}+\left(m\ddot{z}+mg+\gamma_{z}\dot{z}\right)^{2}}$$
(F7)

بنابراين:

$$\tan^2 \phi_c = \frac{\left(m\ddot{y} + \gamma_y \dot{y}\right)^2}{\left(m\ddot{x} + \gamma_x \dot{x}\right)^2 + \left(m\ddot{z} + mg + \gamma_z \dot{z}\right)^2} \qquad (fr)$$

$$\phi_{c} = \tan^{-1} \left( \frac{\pm \left( m\ddot{y} + \gamma_{y} \dot{y} \right)}{\sqrt{\left( m\ddot{x} + \gamma_{x} \dot{x} \right)^{2} + \left( m\ddot{z} + mg + \gamma_{z} \dot{z} \right)^{2}}} \right) \quad (\texttt{FF})$$

$$(\texttt{H})$$

$$(\texttt{H})$$

$$(\texttt{H})$$

$$m\ddot{x} = u_x u_1 - \gamma_x \dot{x} \tag{4a}$$

$$m\ddot{y} = u_y u_1 - \gamma_y \dot{y} \tag{(47)}$$

$$m\ddot{z} = (\cos\theta\cos\phi)u_1 - mg - \gamma_z\dot{z}$$
(6Y)

با جایگذاری این سه معادله در معادلات (۴۱) و (۴۴)، مقادیری که زوایای رول و پیچ باید به سمت آن حرکت کند تا دو متغیر موقعیت کوادروتور (x, y) به سمت نقاط تعریف شده در واحد برنامهریز پایدار شود، به دست میآید:

$$\phi_{c} = \tan^{-1} \left( \frac{\pm u_{y}}{\sqrt{\left(u_{x}\right)^{2} + \left(\cos\theta\cos\phi\right)^{2}}} \right)$$
(%A)

$$\theta_c = \tan^{-1} \left( \frac{u_x}{\cos \theta \cos \phi} \right) \tag{F9}$$

۵-۴- کنترلر حلقهی داخلی

از روش کنترلی پسگام برای پایدارسازی زوایای رول و پیچ حول  $(\phi_c, \theta_c)$  در کنترلر حلقهی داخلی استفاده میشود. همانطور که پیشتر گفته شد زاویهی رول  $(\phi)$  حول  $(\phi_c)$  به وسیلهی ورودی کنترلی  $(u_2)$  و زاویهی پیچ  $(\theta)$  حول  $(\theta_c)$  به وسیلهی ورودی کنترلی  $(u_2)$  پایدار میشوند. این زوایا در فضای حالت به ترتیب با

و  $(x_3)$  و  $(x_3)$  نمایش داده می شود. براساس فضای حالت سیستم و معادلهی (۶) می توان نوشت:

$$\dot{x}_{2i-1} = x_{2i} \tag{(a.)}$$

$$\dot{x}_{2i} = f_{2i}(X) + g_{2i}(X)u_k \tag{(a1)}$$

قضیه: قانون کنترلی (۵۲)، سیستم دینامیکی (۳) با فضای حالت به فرم (۶) را حول مسیرهای مرجع پایدار میسازد.

$$u_{k} = \frac{1}{g_{2i}(X)} \begin{bmatrix} \dot{x}_{2ic} + e_{2i-1} - f_{2i}(X) - \\ c_{2i-1}(e_{2i} + c_{2i-1}e_{2i-1}) - c_{2i}e_{2i} \end{bmatrix}$$
 ( $\Delta \Upsilon$ )

i=1,7) که در آن (k=7,۳)  $u_k$  ورودیهای کنترلی مورد نظر، ( $e_i$  (k=7,۳) که در آن  $e_i$  ( $e_i$  (i=1,7) بهرههای کنترلی هستند که همواره مثبت در نظر گرفته می شوند. **اثبات:** ابتدا، توابع خطا برای کنترل متغیرهای حالت شمارندهی فرد به صورت زیر تعریف می شود:

$$e_{2i-1} = x_{(2i-1)c} - x_{2i-1} \tag{(\Delta T)}$$

که در آن، (i=1, T) مقادیر مطلوب سیستم هستند. تابع کاندید لیاپانوف اول برای این سیگنال خطا به صورت زیر تعریف می شود:

$$W_{i} = \frac{1}{2}e_{2i-1}^{2}$$
 (24)

$$\dot{W}_{i} = e_{2i-1}\dot{e}_{2i-1} = e_{2i-1}\left(\dot{x}_{(2i-1)c} - \dot{x}_{2i-1}\right)$$
 (۵۵)

با استفاده از معادلهی (۵۰)، میتوان معادلهی (۵۵) را به صورت زیر نوشت:

$$\dot{W}_{i} = e_{2i-1} \left( \dot{x}_{(2i-1)c} - x_{2i} \right)$$
 ( $\Delta \mathcal{P}$ )

برای پایداری سیگنالهای خطا،  $\dot{W_i}$  باید منفی معین باشد:

$$\dot{W_i} = -c_{2i-1}e_{2i-1}^2 < 0 \tag{(\Delta Y)}$$

 $C_{i}$  ( i= ۱، ۲) که در آن همانطور که پیشتر گفته شد، برای

$$\dot{V_i} = -c_{2i-1}e_{2i-1}^2 - c_{2i}e_{2i}^2 \tag{(FY)}$$

و در نتیجه با ترکیب معادلات (۶۶) و (۶۷)، ورودیهای کنترلی به شکل معادلهی (۵۲) به دست میآیند:

$$u_{2} = \frac{1}{b_{1}} \begin{bmatrix} \dot{x}_{2c} + e_{1} - c_{1} \left( e_{2} + c_{1} e_{1} \right) - \\ c_{2} e_{2} - a_{1} x_{4} x_{6} - a_{2} \sigma x_{4} + b_{1} \gamma_{\phi} x_{2}^{2} \end{bmatrix}$$
(FA)

$$u_{3} = \frac{1}{b_{2}} \begin{bmatrix} \dot{x}_{4c} + e_{3} - c_{3} \left( e_{4} + c_{3} e_{3} \right) - \\ c_{4} e_{4} - a_{3} x_{2} x_{6} - a_{4} \omega x_{2} + b_{2} \gamma_{\theta} x_{4}^{2} \end{bmatrix}$$
(99)

### ۵- نتایج شبیهسازی

برای بررسی عملکرد کنترلر طراحی شده برای کنترل تعقیب مسیر کوادروتور در حضور موانع، به شبیهسازی در نرمافزار متلب، ارزیابی و مقایسهی نتایج در دو آزمایش متفاوت پرداخته شده است. جدول ۱ و جدول ۲ به ترتیب مشخصات کوادروتور مورد ارزیابی و کنترلر را نمایش میدهند.

$$1-0-$$
 کنترل تعقیب مسیر دایرهای شکل کوادروتور در حضور مانع  
در این آزمایش، کوادروتور به منظور تعقیب یک مسیر دایرهای  
شکل در ارتفاع ده متری از سطح زمین تحت روش کنترلی ارائه شده  
با معادلات مسیر مرجع (۷۰) از روی زمین و نقطهی (۱۰, ۱۰, )  
=  $(x_0, y_0, z_0)$ ، شروع به حرکت میکند.

$$x_{r} = 10 \sin \frac{t}{3}$$

$$y_{r} = 10 \cos \frac{t}{3}$$

$$z_{r} = 10$$
(V·)

مکان مانع کروی شکل در نظر گرفته شده در نقطهی (۱۰, ۱۰-, مکان مانع کروی شکل در نظر گرفته شده در نقطهی (۱۰, ۱۰-,  $(x_{obs}, y_{obs}, z_{obs}) = (\cdot$  نتایج، ۲۰ ثانیه طول می کشد که کوادروتور از زمین بلند شده، مسیر مرجع را تعقیب کرده و هنگام مواجهه با مانع از آن اجتناب کند و یک دایره کامل در فضا را بپیماید. شکل ۳ و شکل ۴ تعقیب مسیر کوادروتور در این آزمایش را در دو نما نشان می دهد.

همانطور که ملاحظه می شود کوادروتور با موفقیت مسیر مرجع را تحت کنترلر ارائه شده تعقیب کرده است. هنگامی که فاصلهی مقادیر مثبت در نظر گرفته می شود.

در ادامه با فرض:

$$x_{2i} = \dot{x}_{(2i-1)c} + c_{2i-1}e_{2i-1} \tag{(\Delta\lambda)}$$

برای پایدارسازی این معادله، تابع خطایی دیگر برای کنترل متغیرهای حالت شمارندهی زوج سیستم به صورت زیر تعریف می شود:

$$e_{2i} = x_{2i} - \dot{x}_{(2i-1)c} - c_{2i-1}e_{2i-1} \qquad (\Delta 9)$$

(۵۹) با توجه به فضای حالت  $(x_{(2i-1)c} = x_{2ic})$ ، مشتق رابطهی (۵۹) به صورت زیر به دست خواهد آمد:

$$\dot{e}_{2i} = \dot{x}_{2i} - \dot{x}_{2ic} - c_{2i-1} \dot{e}_{2i-1}$$
(7.)

$$\dot{e}_{2i-1} = \dot{x}_{(2i-1)c} - x_{2i}$$
 (81)

$$e_{2i} = -\dot{e}_{2i-1} - c_{2i-1}e_{2i-1} \tag{(FT)}$$

تابع کاندید لیاپانوف دوم را به صورت زیر در نظر گرفته می شود:

$$V_{i} = \frac{1}{2} \left( e_{2i-1}^{2} + e_{2i}^{2} \right) \tag{97}$$

مشتق آن برابر است با:

$$\dot{V}_{i} = e_{2i-1}\dot{e}_{2i-1} + e_{2i}\dot{e}_{2i}$$
(94)

با جایگذاری( ۶۰) و (۶۲) در (۶۴) نتیجه میشود:

$$\dot{V}_{i} = e_{2i-1} \left( -e_{2i} - c_{2i-1} e_{2i-1} \right) + e_{2i} \left( \dot{x}_{2i} - \dot{x}_{2ic} - c_{2i-1} \dot{e}_{2i-1} \right)$$
(9a)

$$\dot{V}_{i} = e_{2i-1} \left( -e_{2i} - c_{2i-1} e_{2i-1} \right) + e_{2i} \left\{ f_{2i} \left( X \right) + g_{2i} \left( X \right) u_{k} - \left\{ \dot{x}_{2ic} - c_{2i-1} \left( -e_{2i} - c_{2i-1} e_{2i-1} \right) \right\}$$
(59)

و برای اینکه متغیرهای حالت حول مسیرهای مرجع پایدار شوند،  $\dot{V_i}$  باید منفی معین باشد:

واحد	مقدار	پارامتر	شرح	
$m/s^2$	۹/۸۱	g	شتاب گرانش	
kg	١	т	جرم	
m	•/7783	l	فاصله بین روتورها و مرکز جرم کوادروتور	
N.m.s <sup>2</sup>	•/•٣٣١۵	I <sub>x</sub>	اینرسی کوادروتور حول محور x <sub>B</sub>	
N.m.s <sup>2</sup>	•/• ١٢۵٢٢	Iy	اینرسی کوادروتور حول محور Y <sub>B</sub>	
N.m.s <sup>2</sup>	•/• ٣٣۵٣٧	Iz	اینرسی کوادروتور حول محور Z <sub>B</sub>	
N.m.s <sup>2</sup>	•/••••٣٣٢١۶	$J_r$	اينرسي روتور	
kg.m/rad <sup>2</sup>	•/••••١۵۵۶	Ь	ضريب رانش	
kg.m <sup>2</sup> / rad <sup>2</sup>	•/•••••٣١٧	d	ضريب پسا	
N.s/m	•/•••۵۵۸۳۳	$\gamma_x$		
N.s/m	•/•••۵۵۸۳۳	$\gamma_y$		
N.s/m	•/•••۶۵۳۱۷	$\gamma_z$	فالبياء وإكاكيآ بدينا	
N.s / rad	•/•••۵۵۸۳۳	$\gamma_{\phi}$	ضرایب اصطعاف آیرودینامیدی	
N.s / rad	•/•••۵۵۸۳۳	$\gamma_{\theta}$		
N.s / rad	•/•••۶۵۳۱۷	$\gamma_{\psi}$		

## جدول ۱: مشخصات کوادروتور مورد آزمایش Table 1. Specifications of the quadrotor

## جدول ۲: مشخصات کنترلر تعقیب مسیر کوادروتور در حضور موانع

Table 2. Specifications of trajectory tracking controller in the presence of obstacles

واحد	مقدار	پارامتر	شرح
_	٢	$c_i(i=1,2)$	بهرههای روش کنترلی پسگام
_	٣/۵	$k_P^z$ , $k_P^x$ , $k_P^y$ , $k_P^\psi$	بهرەھای کنترلی تناسبی
_	٣/۵	$k_D^z, k_D^x, k_D^y, k_D^\psi$	بهرههای کنترلی مشتق گیر
_	•/• ١	$k_I^z$ , $k_I^x$ , $k_I^y$ , $k_I^\psi$	بهرههای کنترلی انتگرالگیر
_	•/۵	$k_x^{obs}, k_y^{obs}, k_z^{obs}$	بهرههای کنترلی واحد اجتناب از موانع
m	۵	SD	فاصلهی امن در نظر گرفته شده بین کوادروتور و موانع



Fig. 5. The quadrotor position errors in tracking the circular trajectory

**شکل ۵:** خطای موقعیت مکانی کوادروتور نسبت به زمان در تعقیب مسیر دایرهای شکل



Fig. 6. The time-history of the quadrotor Euler angles in tracking the circular trajectory شکل ۶: تغییرات زوایای اویلر کوادروتور نسبت به زمان در تعقیب مسیر

دایر اور در در در در در در این میکل

مسیر را ایجاد کنند. شکل ۷ و شکل ۸ به ترتیب تغییرات ورودیهای کنترلی و سرعت چرخش ملخهای کوادروتور در این تعقیب مسیر را نشان میدهد.

در ابتدای حرکت، سرعت چرخش ملخهای کوادروتور به ۸۰۰۰ دور بر دقیقه به منظور نیل به مسیر دایرهای شکل میرسد و بر روی مسیر مرجع، این مقدار تقریبا نصف می شود. موتورهای براشلس استفاده شده در کوادروتور توانایی ایجاد سرعت تا ۲۵۰۰۰ دور بر دقیقه را دارا می باشند. با توجه به وزن یک کیلوگرمی کوادروتور،



**Fig. 3.Tracking the circular path using the proposed control**ler in the presence of an obstacle (original view) شکل ۳: تعقیب مسیر دایرهای شکل کوادروتور توسط کنترلر ارائه شده در حضور مانع (نمای اصلی)



 

 Fig. 4. Tracking the circular path using the proposed controller in the presence of an obstacle (up view)

 سکل ۴: تعقیب مسیر دایرهای شکل کوادروتور توسط کنترلر ارائه شده در حضور مانع (نمای بالا)

کوادروتور تا مانع به ۵ متر می رسد، واحد اجتناب از موانع فعال شده و ورودی های مورد نیاز برای اجتناب از مانع فراهم می شود. شکل ۵ نشان می دهد حدودا ۸/۵ ثانیه پس از شروع حرکت، کوادروتور از مسیر مرجع به منظور اجتناب از مانع منحرف شده و در ثانیه ی ۱۴/۵ دوباره به مسیر مرجع خود همگرا می شود. این انحراف از مسیر در جهات مختصاتی (x, y) بسیار بیشتر از جهت Z صورت گرفته است.

با توجه به شکل ۶، کنترلر نیازی به استفاده از زاویه یاو کوادروتور در کل مسیر حرکت خود نداشته است. زوایای رول و پیچ حدودا تا ۴۰ درجه تغییر میکنند تا شیب مناسب در کوادروتور برای تعقیب



Fig. 7. The time-history of the quadrotor control inputs in tracking the circular trajectory شکل ۷: تغییرات ورودیهای کنترلی کوادروتور نسبت به زمان در تعقیب مسیر دایرهای شکل





حدودا ۱۰ نیوتن نیروی عمودی برای معلق ماندن کوادروتور مورد نیاز است. در هنگام تعقیب مسیر مرجع،  $u_1$  که مجموع نیروهای رانش تولید شده توسط ملخها را نشان میدهد، تقریبا حول ۱۰ نیوتن نوسان داشته و در هنگام انحراف از موانع، این نیرو افزایش مییابد.

$$x_r = 10\sin\frac{t}{8}$$
$$y_r = 10\cos\frac{t}{8}$$
(Y1)

$$z_r = 10 + 10\sin\frac{t}{4}$$



Fig. 10. Tracking paraboloid hyperbolic reference trajectory using the proposed controller in the presence of multiple obstacles (side view)

**شکل ۱۰:** تعقیب مسیر زینی شکل کوادروتور توسط کنترلر ارائه شده در حضور موانع (نمای جانبی)



Fig. 11. The quadrotor position errors in tracking paraboloid hyperbolic reference trajectory

**شکل ۱۱:** خطای موقعیت مکانی کوادروتور نسبت به زمان در تعقیب مسیر زینی شکل

۱۲، زوایای اویلر دچار تغییرات بسیاری شدهاند. ابتدا در شروع حرکت برای رسیدن به مسیر مرجع و سپس در سه نقطهای که موانع وجود دارند، کنترلر طراحی شده زوایای کوادروتور را به منظور اجتناب از موانع تغییر میدهد. در این آزمایش برخلاف آزمایش قبلی، زاویهی یاو کوادروتور نیز دچار تغییر و نوسان در طول حرکت خود شده است که به دلیل پیچیدگیهای بیشتر مسیر حرکت کوادروتور در این آزمایش میباشد.



Fig. 9. Tracking paraboloid hyperbolic reference trajectory using the proposed controller in the presence of multiple obstacles (original view)

**شکل ۹: تع**قیب مسیر زینی شکل کوادروتور توسط کنترلر ارائه شده در حضور موانع (نمای اصلی)

جدول ۳: مشخصات موانع Table 3.Specifications of the obstacles

واحد	قطر	مكان	شرح
		$(x_{obs}, y_{obs}, z_{obs})$	
m	١	(Y, -Y, •)	مانع اول
m	۱/۴	(•, -1•, 1•)	مانع دوم
m	٢	(•, 1•, 1•)	مانع سوم

در این آزمایش، سه مانع کروی با اندازههای مختلف در نظر گرفته شده و جدول ۳، مشخصات این موانع را نشان میدهد.

شکل ۹ و شکل ۱۰ تعقیب مسیر کوادروتور تحت این آزمایش را در دو نما نشان میدهد.

همانطور که مشاهده میشود کوادروتور تحت کنترلر ارائه شده توانسته مسیر مرجع را با اجتناب از هر سه مانع طی کند. شکل ۱۱ خطای موقعیت مکانی و شکل ۱۲ تغییرات زوایای اویلر کوادروتور را در این تعقیب مسیر نشان میدهد.

هنگامی که کوادروتور مسیر مرجع را تعقیب مینماید خطای موقعیت مکانی در هر سه جهت به سمت صفر میل میکند؛ اما در هنگام مواجهه با موانع، به طبع کوادروتور از مسیر مرجع منحرف شده تا از برخورد با آنها جلوگیری شود و پس از دور شدن از آنها دوباره به مسیر اصلی حرکت خود باز میگردد. در چهار نقطه از شکل



Fig. 12. The time-history of the quadrotor Euler angles in tracking paraboloid hyperbolic reference trajectory شکل ۱۲: تغییرات زوایای اویلر کوادروتور نسبت به زمان در تعقیب مسیر زینی شکل

## ۶- نتیجهگیری و پیشنهادها

کوادروتورها، معروفترین پرندههای هدایتپذیر هستند و با توجه به افزایش روز افزون تعداد آنها، مسالهی کنترل در مسیرهای پیچیده و جلوگیری از برخورد آنها با اجسام، به یکی از مهمترین موضوعات در پژوهشها تبدیل شده است. در این مقاله، با استفاده از استراتژی کنترلی ارائهشده بر مبنای توابع پتانسیل، کوادروتور بدون برخورد با موانع به سمت مسیرهای دلخواه و مقصد هدایت میشود. کنترلر به هنگام ورود کوادروتور به منطقهی ناامن (در نزدیکی موانع)، واحد اجتناب از موانع را فعال کرده و این واحد، با استفاده از توابع پتانسیل، نیروی مجازی بازدارنده برای اجتناب از موانع را فراهم میآورد. ترکیب روشهای کنترلی و انتخاب بهرههای آن به نحوی صورت گرفت که سیستم بهترین عملکرد را از نظر خطای حالت

استراتژی کنترلی ارائه شده در مقاله میتواند برای دیگر مسائل کنترلی از جمله آرایش کوادروتورها و کوادروتورهای دارای بازوی مکانیکی استفاده شود. همچنین با توجه به ترکیبی بودن روش، دست طراح برای محاسبهی بهترین ترکیب در محاسبهی ورودیهای کنترلی باز بوده و از این ویژگی میتوان در طراحی کنترلر برای دیگر مکانیزمهای صنعتی نیز استفاده کرد.

# فہرست علائم علائم انگلیسی

$$A$$
 ماتریس تبدیل سرعت چرخش ملخها به ورودیهای  $kg.m/rad^2$  کنترلی  $kg.m/rad^2$  مریب رانش،  $c_i$   $kg.m^2/rad^2$   $c_i$   $kg.m^2/rad^2$   $d$  مریب پسا،  $kg.m^2/rad^2$   $m/s^2$   $g$   $m/s^2$   $m/s^2$   $m/s^2$   $g$   $mrsh ^2$   $x_B$  محور  $ac$   $score  $g$   $r_s$   $kg.ms^2$   $r_s$   $g$   $mrsh ^2$   $r_s$   $r_s$   $r_s$   $k_B$   $mrsh ^2$   $r_s$   $r_$$ 

فاصلهی امن در نظر گرفته شده بین کوادروتور و موانع، m SD

### علائم يوناني

ضریب اصطکاک آیرودینامیکی در جهت x دستگاه  
N.s / m مختصات محلی، 
$$\gamma_x$$
  
ضریب اصطکاک آیرودینامیکی در جهت y دستگاه  
N.s / m مختصات محلی،  $\gamma_y$ 

مختصات محلی، 
$$m = N.s / m$$
 مختصات محلی،  $\gamma_z$ 

ضریب اصطکاک ایرودینامیکی در جهت زاویهی رول
$$\mathcal{N}_{\phi}$$
 کوادروتور، N.s / rad

ضریب اصطکاک آیرودینامیکی در جهت زاویهی یاو N.s / rad کوادروتور، 
$${\cal V}_{\psi}$$

### مراجع

 R. Mebarki, V. Lippiello, B. Siciliano, Exploiting image moments for aerial manipulation control, in: ASME 2013 Dynamic Systems and Control Conference, American International Journal of Control, Automation and Systems, 8(5) (2010) 957-966.

- [12] A. Al-Kaff, Á. Madridano, S. Campos, F. García, D. Martín, A. de la Escalera, Emergency Support Unmanned Aerial Vehicle for Forest Fire Surveillance, Electronics, 9(2) (2020) 260.
- [13] E. Guisado-Pintado, D.W. Jackson, D. Rogers, 3D mapping efficacy of a drone and terrestrial laser scanner over a temperate beach-dune zone, Geomorphology, 328 (2019) 157-172.
- [14] A. Cavoukian, Privacy and drones: Unmanned aerial vehicles, Information and Privacy Commissioner of Ontario, Canada Ontario, (2012).
- [15] P. Pounds, R. Mahony, P. Corke, Modelling and control of a large quadrotor robot, Control Engineering Practice, 18(7) (2010) 691-699.
- [16] A. Kushleyev, D. Mellinger, C. Powers, V. Kumar, Towards a swarm of agile micro quadrotors, Autonomous Robots, 35(4) (2013) 287-300.
- [17] A. Albers, S. Trautmann, T. Howard, T.A. Nguyen, M. Frietsch, C. Sauter, Semi-autonomous flying robot for physical interaction with environment, in: Robotics Automation and Mechatronics (RAM), 2010 IEEE Conference on, IEEE, 2010, pp. 441-446.
- [18] R.C. Sá, G.A. Barreto, A.L.C. de Araújo, A.T. Varela, Design and construction of a quadrotor-type unmanned aerial vehicle: Preliminary results, in: Engineering Applications (WEA), 2012 Workshop on, IEEE, 2012, pp. 1-6.
- [19] G.M. Hoffmann, H. Huang, S.L. Waslander, C.J. Tomlin, Precision flight control for a multi-vehicle quadrotor helicopter testbed, Control engineering practice, 19(9) (2011) 1023-1036.
- [20] B. Tian, L. Liu, H. Lu, Z. Zuo, Q. Zong, Y. Zhang, Multivariable finite time attitude control for quadrotor UAV: Theory and experimentation, IEEE Transactions on Industrial Electronics, 65(3) (2018) 2567-2577.
- [21] G.V. Raffo, M.G. Ortega, F.R. Rubio, An integral predictive/nonlinear H∞ control structure for a quadrotor helicopter, Automatica, 46(1) (2010) 29-39.

Society of Mechanical Engineers, 2013.

- [2] J. Nikolic, M. Burri, J. Rehder, S. Leutenegger, C. Huerzeler, R. Siegwart, A UAV system for inspection of industrial facilities, IEEE Aerospace Conference, (2013).
- [3] G. Caprari, A. Breitenmoser, W. Fischer, C. Hürzeler, F. Tâche, R. Siegwart, O. Nguyen, R. Moser, P. Schoeneich, F. Mondada, Highly compact robots for inspection of power plants, Journal of Field Robotics, (2012) 47-68.
- [4] F. Rinaudo, F. Chiabrando, A. Lingua, A. Spano, Archaeological site monitoring: UAV photogrammetry can be an answer, International Archives of the Photogrammetry, Remote Sensing, and Spatial Information Sciences, 39(B5) (2012) 583-588.
- [5] H. Menouar, I. Guvenc, K. Akkaya, A.S. Uluagac, A. Kadri, A. Tuncer, UAV-enabled intelligent transportation systems for the smart city: Applications and challenges, IEEE Communications Magazine, 55(3) (2017) 22-28.
- [6] V. Lippiello, F. Ruggiero, Cartesian impedance control of a UAV with a robotic arm, IFAC Proceedings Volumes, 45(22) (2012) 704-709.
- [7] M. Fanni, A. Khalifa, A New 6-DOF Quadrotor Manipulation System: Design, Kinematics, Dynamics and Control, IEEE/ASME Transactions on Mechatronics, (2017).
- [8] F.A. Goodarzi, D. Lee, T. Lee, Geometric control of a quadrotor UAV transporting a payload connected via flexible cable, International Journal of Control, Automation and Systems, 13(6) (2015) 1486-1498.
- [9] D. Mellinger, Q. Lindsey, M. Shomin, V. Kumar, Design, modeling, estimation and control for aerial grasping and manipulation, in: Intelligent Robots and Systems (IROS), 2011 IEEE/RSJ International Conference on, IEEE, 2011, pp. 2668-2673.
- [10] P.E. Pounds, D.R. Bersak, A.M. Dollar, Grasping from the air: Hovering capture and load stability, in: Robotics and Automation (ICRA), 2011 IEEE International Conference on, IEEE, 2011, pp. 2491-2498.
- [11] J. Lee, I. Kaminer, V. Dobrokhodov, K. Jones, Autonomous feature following for visual surveillance using a small unmanned aerial vehicle with gimbaled camera system,

quadrotor MAVs in presence of parameter uncertainties and external disturbances, IEEE Transactions on Control Systems Technology, 26(1) (2018) 248-254.

- [31] H.J. Kim, D.H. Shim, A flight control system for aerial robots: algorithms and experiments, Control engineering practice, 11(12) (2003) 1389-1400.
- [32] H. Voos, Nonlinear control of a quadrotor micro-UAV using feedback-linearization, in: Mechatronics, 2009. ICM 2009. IEEE International Conference on, IEEE, 2009, pp. 1-6.
- [33] H. Pang, X. Zhang, Z. Xu, Adaptive backstepping-based tracking control design for nonlinear active suspension system with parameter uncertainties and safety constraints, ISA Transactions, 88 (2019) 23-36.
- [34] A.K. Khalaji, H. Tourajizadeh, Nonlinear Lyapounov based control of an underwater vehicle in presence of uncertainties and obstacles, Ocean Engineering, 198 (2020) 106998.
- [35] O. Khatib, Real-time obstacle avoidance for manipulators and mobile robots, Springer, 1986.
- [36] B.K. Sahu, B. Subudhi, Potential function-based pathfollowing control of an autonomous underwater vehicle in an obstacle-rich environment, Transactions of the Institute of Measurement and Control, 39(8) (2017) 1236-1252.
- [37] O. Mofid, S. Mobayen, Adaptive sliding mode control for finite-time stability of quad-rotor UAVs with parametric uncertainties, ISA transactions, 72 (2018) 1-14.

- [22] A. Ailon, S. Arogeti, Closed-form nonlinear tracking controllers for quadrotors with model and input generator uncertainties, Automatica, 54 (2015) 317-324.
- [23] E. Stingu, F. Lewis, Design and implementation of a structured flight controller for a 6dof quadrotor using quaternions, in: Control and Automation, 2009. MED'09.
  17th Mediterranean Conference on, IEEE, 2009, pp. 1233-1238.
- [24] R. Mahony, V. Kumar, P. Corke, Multirotor aerial vehicles, IEEE Robotics and Automation magazine, 20(32) (2012).
- [25] Y. Sun, Modeling, identification and control of a quadrotor drone using low-resolution sensing, (2012).
- [26] R.F. Afhami, Rasul Fesharakifard; Azam Khosravi, Mohammad, Updating LQR control for full dynamic of a quadrotor, Department of Electrical Engineering, (2017).
- [27] C. Liu, J. Pan, Y. Chang, PID and LQR trajectory tracking control for an unmanned quadrotor helicopter: Experimental studies, in: 2016 35th Chinese Control Conference (CCC), 2016, pp. 10845-10850.
- [28] M.-D. Hua, T. Hamel, P. Morin, C. Samson, Introduction to feedback control of underactuated VTOLvehicles: A review of basic control design ideas and principles, IEEE Control Systems, 33(1) (2013) 61-75.
- [29] P. Castillo, R. Lozano, A. Dzul, Stabilization of a mini rotorcraft with four rotors, IEEE control systems, 25(6) (2005) 45-55.
- [30] G. Antonelli, E. Cataldi, F. Arrichiello, P.R. Giordano, S. Chiaverini, A. Franchi, Adaptive trajectory tracking for

چگونه به اين مقاله ارجاع دهيم A. Keymasi Khalaji, I. Saadat, Tracking control of quadrotors in the presence of obstacles based on potential field method. AmirKabir J. Mech Eng., 53(special issue 2) (2021) 1095-1110. DOI: 10.22060/mej.2020.17223.6541

