

نشریه مهندسی عمران امیرکبیر

نشریه مهندسی عمران امیرکبیر، دوره ۵۳ شماره ۷، سال ۱۴۰۰، صفحات ۲۸۳۷ تا ۲۸۵۰
DOI: 10.22060/ceej.2020.17520.6589

ارزیابی قابلیت رویکرد ترکیبی موجک-تحلیل مؤلفه اصلی-جنگل تصادفی در شبیه‌سازی جریان رودخانه

فریبا آذرپیرا، سجاد شهابی*

دانشکده‌ی مهندسی عمران و نقشه‌برداری، دانشگاه تحصیلات تكمیلی صنعتی و فناوری پیشرفته، کرمان، ایران.

تاریخچه داوری:

دریافت: ۱۳۹۸/۰۹/۲۰

بازنگری: ۱۳۹۹/۰۶/۰۷

پذیرش: ۱۳۹۹/۰۶/۰۸

ارائه آنلاین: ۱۳۹۹/۰۶/۲۰

كلمات کلیدی:

رودخانه پلرود

پیش پردازش

جریان روزانه

زمان شبیه‌سازی

سری زمانی

خلاصه: شبیه‌سازی جریان جهت مدیریت تخصیص آب در دوره‌های ترسالی و خشکسالی بسیار حائز اهمیت است. با توجه به پژوهش‌هایی که در طول چندین دهه در این خصوص صورت گرفته، روش‌های هوش محاسباتی در ترکیب با موجک، به عنوان روش‌هایی کارآمد شناخته شده‌اند. در این مقاله، رویکرد ترکیبی موجک (W)-تحلیل مؤلفه اصلی (PCA)-جنگل تصادفی (RF)، جهت شبیه‌سازی جریان روزانه رودخانه پلرود، پیشنهاد شده است. در مدل پیشنهادی، ابتدا داده‌های هیدرومتری توسط تبدیل موجک پردازش شده و به همراه داده‌های هواشناسی به الگوریتم PCA اعمال شدند. سپس بردارهای خروجی آن به شبکه‌ی جنگل تصادفی وارد گردید. نتایج نشان داد که الگوریتم PCA علی‌رغم کاهش بعد بردارهای ورودی و ساده‌سازی آن، می‌تواند دقت و سرعت عملکرد مدل را ارتقا بخشد. هم‌چنین، مدل را به‌گونه‌ای منسجم کند که افزایش زمان شبیه‌سازی و عدم قطعیت بردارهای ورودی، بر قابلیت مدل کمتر اثر بگذارد و روند نزولی آن، از شیب هموارتری برخوردار باشد. علاوه بر این، پیش‌پردازش داده به همراه PCA، توانسته در زمان شبیه‌سازی یک و سه روز، شاخص توافق را به ترتیب، ۵ و ۸ درصد بهبود ببخشد و قابلیت مدل در شبیه‌سازی درست‌تر جریان رودخانه را افزایش دهد. از طرفی، نتایج بهترین مدل ترکیبی در زمان شبیه‌سازی یک روز دارای ضریب همبستگی $R^2 = 0.911$ و جذر متوسط مربعات خطای $RMSE = 0.817$ متر مکعب در ثانیه است که این مقادیر در بهترین مدل ترکیبی برای زمان شبیه‌سازی سه روز به 0.881 و 0.817 متر مکعب در ثانیه می‌رسد، که این موضوع به خوبی قابلیت بسیار مناسب مدل ترکیبی پیشنهادی برای زمان‌های شبیه‌سازی بلندمدت‌تر را نشان می‌دهد.

۱- مقدمه

بر قابلیت آن‌ها بیفزاید. به ویژه استفاده از تبدیل موجک^۱ (WT) که نه تنها خطاها موجود در سری را کاهش می‌دهد، بلکه بی‌نظمی سری‌های زمانی را نیز اصلاح می‌کند [۵-۸]. هم‌چنین، جهت انتخاب پارامترهای مناسب می‌توان از روابط خطی خودهمبستگی^۲ (ACF) و خودهمبستگی جزئی^۳ (PACF) [۹-۱۰]، آزمون گاما^۴ [۱۱-۱۲]، تحلیل مؤلفه اصلی^۵ (PCA) [۱۳-۱۵] و برخی روش‌های دیگر استفاده کرد [۱۶]. به طور مثال نوری و همکاران جریان ماهانه‌ی سد علویان رودخانه‌ی صوفی‌چای را با دو روش رگرسیون بردار پشتیبان^۶

شبیه‌سازی جریان از جمله مباحث مهم آب‌های سطحی و مبنای بسیاری از برنامه‌های هیدرولیکی و هیدرولوژیکی است. این فرآیند متأثر از عوامل مختلفی است که مشارکت همه‌ی آن‌ها در مدل سازی مقدور نیست. به‌همین دلیل، روش‌های داده محور، به ویژه روش‌های مبتنی بر هوش محاسباتی که از دقت و سهولت اجرای بیشتری برخوردار هستند، رواج یافته‌اند [۱-۴]. این روش‌ها می‌توانند با پیچیدگی‌های (نایاستایی، غیرنرمال بودن) موجود در سری‌های هیدرولوژیکی مقابله کنند. اما، به‌دلیل تأثیرپذیری خروجی مدل‌ها از مقادیر ورودی، آماده‌سازی و پیش‌پردازش داده‌ها می‌تواند

* نویسنده عهده‌دار مکاتبات: s.shahabi@kgut.ac.ir

1 Wavelet Transform (WT)

2 Auto- Correlation Function (ACF)

3 Partial- Auto Correlation Function (PACF)

4 Gamma Test (GT)

5 Principle Component Analysis (PCA)

6 Support Vector Regression (SVR)

(Creative Commons License) حقوق مؤلفین به نویسنده‌گان و حقوق ناشر به انتشارات دانشگاه امیرکبیر داده شده است. این مقاله تحت لیسانس آفرینندگی مردمی (CC BY NC ND) در دسترس شما قرار گرفته است. برای جزئیات این لیسانس، از آدرس <https://www.creativecommons.org/licenses/by-nc/4.0/legalcode> دیدن فرمائید.



و پایین دست، تبخیر و تعرق، دما و بارش استفاده کردند. آن‌ها نشان دادند که هر یک از پارامترها در افزایش قابلیت مدل‌های ANN، برنامه‌ریزی‌ژنتیک چندینی^۶ (MGGP) و تبدیل موجک پیوسته^۷ - برنامه‌ریزی‌ژنتیک چندینی - شبکه‌عصبی (WMGGPNN) مؤثرند، فقط ممکن است زمان اثرگذاری آن‌ها متفاوت باشد (الزام به ایجاد تأخیر) [۲۱]. ادنان و همکاران جهت ارزیابی جریان ماهانه‌ی دو ایستگاه مختلف از رودخانه سوات^۸ پاکستان، از داده‌های بارش، دما و جریان استفاده کردند. آن‌ها نشان دادند نه تنها، داده‌های هواشناسی دقیق مدل‌ها را افزایش می‌دهند، بلکه برای یک ایستگاه، استفاده از دما به تنها ی نیز، نتایج مطلوبی را ارائه می‌دهد [۲۲]. در پژوهشی دیگر، پارامترهای جریان، دما، تبخیر تعرق، بارش و رطوبت نسبی رودخانه‌ی امامه تهران با استفاده از روش همبستگی متقابل مورد ارزیابی قرار گرفت، که نتیجه‌ی آن شصت و دو سناریو مختلف شد. جهت مدل‌سازی این سناریوها از دو روش برنامه‌ریزی بیان ژن^۹ و درخت تصمیم M5 استفاده شد. نتایج نشان داد که هر دو مدل، برای سناریو مشکل از همه‌ی پارامترهای ذکر شده، توانستند بهترین عملکرد را داشته باشند [۲۳].

هرچند تعدد مطالعات انجام شده در شبیه‌سازی جریان قابل ملاحظه است، لیکن در این مقاله، از رویکرد ترکیبی موجک-تحلیل مؤلفه‌ی اصلی-جنگل تصادفی به منظور شبیه‌سازی جریان روزانه‌ی رودخانه‌ی پلرود واقع در شرق استان گیلان استفاده شده که در برگیرنده‌ی چندین روش‌نوین در مقایسه با مطالعات مشابه است، که هرچند هر یک از آن‌ها به تنها ی واحد شرایط نوینی می‌باشد، ولی ترکیب آن‌ها و با ساختار مورد اشاره، برای نخستین بار بکار گرفته می‌شود. بر این اساس، نخست برخلاف غالب مطالعات صورت پذیرفت، سری‌های زمانی مورد استفاده با تبدیل موجک‌ها تجزیه می‌شوند، سپس با در نظر گرفتن پارامترهای هواشناسی و هیدرومتری، از میان تمامی سری‌های حاصل (که خود با دو موجک مادر متفاوت و در سطوح تجزیه‌ی مختلف حاصل شده‌اند) بهترین و مؤثرترین ترکیبات خطی با استفاده از تحلیل مؤلفه‌ی اصلی انتخاب می‌شوند. در ادامه ترکیبات مؤلفه‌ی اصلی منتخب به الگوریتم جنگل تصادفی وارد می‌شود.

6 Multi- Gene- Genetic Programming (MGGP)

7 Continuous Wavelet Transform (CWT)

8 Swat

9 Gene Expression Programming (GEP)

(SVR) و شبکه‌عصبی^۱ (ANN) تخمین زندن. برای انتخاب بهینه‌ی ورودی‌ها، از میان پارامترهای جریان، بارش، دما (حداقل، حداکثر و میانگین) و تابش خورشید، در سه زمان (t , $t-1$, $t-2$)، از سه روش PCA، آزمون گاما و روش‌های انتخاب رو به جلو^۲ (FS) استفاده کردند. هر یک از این سه روش، هجده پارامتر ورودی را، به ترتیب به ۵، ۵ و ۷ بردار کاهش دادند. در نهایت نیز نتایج مدل-PCA به سایر مدل‌ها برتری یافتند [۱۷]. در سال ۲۰۱۵ نیز برای شبیه‌سازی جریان روزانه‌ی رودخانه نوران‌چای، داده‌های جریان، بارش، ساعت‌آفتابی و دمای هوا (حداقل و حداکثر)، جهت بررسی، انتخاب شدند. به طوری که از روش PCA برای انتخاب مؤثرترین آن‌ها استفاده شد. نتایج نشان داد که پیش‌پردازش داده توسط PCA سبب افزایش قابلیت مدل ANN می‌شود [۱۸]. در مطالعه‌ای دیگر احترام و همکاران ضمن بررسی اثر شاخص‌های هواشناسی بر جریان ماهانه‌ی حوضه‌ای در شمال غربی ایران، با استفاده از سیستم استنتاج فازی- عصبی تطبیقی^۳ (ANFIS)، از PCA به منظور کاهش بردارهای ورودی استفاده کردند، که نتایج افزایش قابلیت مدل ANFIS به همراه PCA را نشان می‌دهد [۱۹].

از جمله عوامل مؤثر بر جریان، فاکتورهای هواشناسی هستند که با توجه به چرخه‌ی هیدرولوژی بهم مرتبط می‌شوند. اما سؤال اساسی این است که آیا پارامترهای هواشناسی در یافتن الگوی بهینه‌ی جریان آنی مؤثر هستند؟ جهت پاسخ‌گویی به این سوال، پژوهش‌هایی صورت گرفته است که در ادامه به اختصار به برخی از مهم‌ترین آن‌ها اشاره می‌شود.

دایاپ و همکاران به منظور شبیه‌سازی جریان روزانه‌ی رودخانه سنگال^۴، با توجه به شرایط اقلیمی استوایی، پارامترهای تبخیر تعرق و بارش را به همراه جریان روزانه به کار برdenد. آن‌ها با تشکیل دو ترکیب از داده‌های هواشناسی و هیدرومتری و داده‌های هیدرومتری به این نتیجه رسیدند که داده‌های هواشناسی، هر چند کم، اما می‌توانند در بهبود عملکرد SVR و شبکه‌ی عصبی رگرسیون تعمیم یافته^۵ در نقش داشته باشد [۲۰]. هادی و تامبول جهت شبیه‌سازی جریان ماهانه‌ی رودخانه‌ای در ترکیه، از پارامترهای جریان بالادست

1 Artificial Neural Network (ANN)

2 Forward Selection Techniques (FS)

3 Adaptive Neuro- Fuzzy Inference System (ANFIS)

4 Senegal

5 Generalized Regression Neural Network (GRNNN)

۲- مواد و روش‌ها

۲-۱- جنگل تصادفی (RF)

جنگل تصادفی مجموعه‌ای از درخت‌های مدل^۱ CART است که جهت بهبود عملکرد آن ارائه شده است. این درخت‌ها با استفاده از روش نمونه‌گیری Bootstrap، از مجموعه‌ی بردارهای ورودی، ساخته می‌شوند. به طوری که، ورودی انتخابی همه‌ی آن‌ها از یک توزیع تعییت می‌کند. مجموعه‌ی درخت‌ها علی‌رغم ساختار منحصر به فرد و مستقل‌شان، از همبستگی زیادی نسبت به هم برخوردار هستند که به همراه مقاومت و تعداد زیاد آن‌ها، سبب همگرایی خطای مدل می‌شود. هم‌چنان، ویژگی‌های ذکر شده به همراه تخمین خطای داخلی مدل، سبب افزایش قابلیت آن در بررسی تعداد بیشتر ویژگی‌ها و انتخاب مؤثرترین پارامترها می‌شود. در این شبکه‌ی درختی، فرآیند هرس انجام نمی‌شود، بنابراین برای پیش‌پردازش مدل، میزان خطای مدل محدود می‌شود [۲۶].

۲-۲- تحلیل مؤلفه‌ی اصلی (PCA)

تحلیل مؤلفه‌ی اصلی از جمله روش‌های آماری چندپارامتری است که با برقراری یک ارتباط خطی بین ویژگی‌های (متغیرهای) ورودی اولیه‌ی مدل، از حجم اطلاعات ورودی کاسته و مؤثرترین بردارهای با ضریب همبستگی صفر را انتخاب می‌کند. خصوصیت اخیر موجب می‌شود تا مؤلفه‌های منتخب جنبه‌های مختلف از مدل را بررسی کنند. یک مؤلفه‌ی اصلی را می‌توان به صورت زیر نوشت:

$$\begin{aligned} PC_1 &= a_1^1 A_1 + a_1^2 D_1 + \dots + a_1^n X_n \\ PC_2 &= a_2^1 A_1 + a_2^2 D_1 + \dots + a_2^n X_n \\ &\vdots \\ PC_n &= a_n^1 A_1 + a_n^2 D_1 + \dots + a_n^n X_n \end{aligned} \quad (1)$$

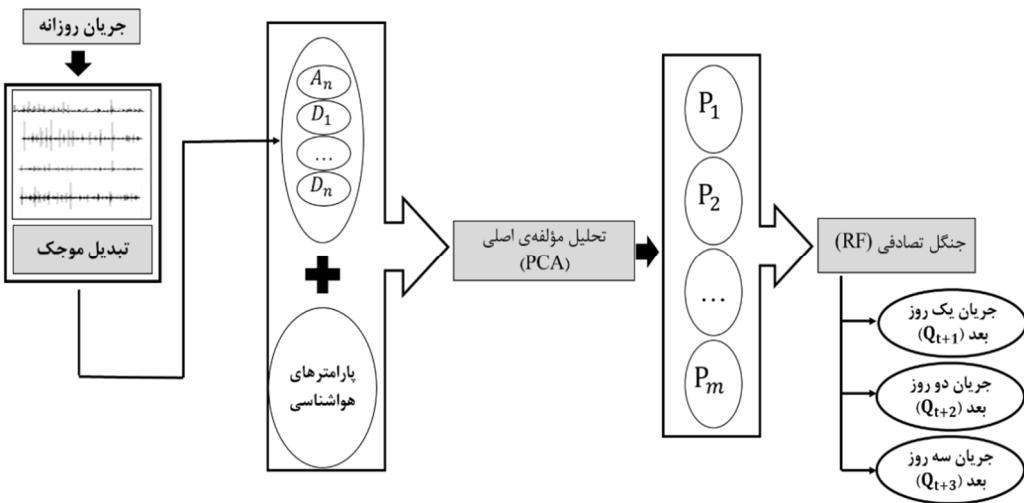
که در آن PC_1 تا PC_n تعداد مؤلفه‌های اصلی است که در این مقاله از ۱۳ تا ۵۲ مورد متغیر است. همچنین a_i^j ضریب تأثیر مؤلفه‌ی اصلی و λ_{min} متغیر می‌باشد، که در این تحقیق ورودی تحلیل مؤلفه‌ی اصلی خود براساس فرآیند پیش‌پردازش موجک بوده است. بدین ترتیب متغیرهای تجزیه شده توسط موجک به صورت تقریب و جزئیات (A_i و D_i) بوده و سایر پارامترها با X_i نمایش داده

در این مقاله به منظور شبیه‌سازی جریان از ترکیب چندین رویکرد مختلف استفاده شده است. بر این اساس، در ادامه نخست ضمن معرفی مختصری از تبدیل موجک‌ها، تحلیل مؤلفه‌ی اصلی و رویکرد جنگل تصادفی، منطقه‌ی مورد مطالعه معرفی شده و در نهایت شاخص‌های مورد استفاده جهت ارزیابی مدل‌ها ارائه خواهد شد.

۲-۳- تبدیل موجک گسسته (W)

تبدیل موجک فرآیندی است که سبب شناسایی الگوهای پنهان در سری‌زمانی، از طریق تجزیه‌ی سری می‌شود. در واقع، سری را به مجموعه‌ی فرکانسی بالا (زیرسری جزئیات) و پایین (زیرسری تقریب) تقسیم (فیلتر) می‌کند. بررسی و تحلیل این دو زیرسری، به ترتیب توسط توابع واحدی به نام‌های تابع مقیاس و تابع موجک صورت می‌گیرد که به مجموعه‌ی آن‌ها موجک مادر گفته می‌شود. موجک‌های مادر تابع شناخته‌شده‌ای هستند که در دو دسته‌ی Orthogonal و Biorthogonal موجک‌هایی هستند که حالت خطی ندارند و توابع Orthogonal موجک‌هایی هستند که حالت خطی دارند و دو زیرتابع آن‌ها فقط در مقیاس خود باهم متعامندند. علاوه‌بر موجک مادر، پارامتر سطح تجزیه و یا انتقال در تجزیه سری نقش دارد. به طوری که، تعداد مراحل تجزیه و مقیاس بررسی زیرسری‌ها را مشخص می‌کند. مقیاس تابعی نمایی عکس انتقال است که نوع مبنای آن منجر به دسته‌بندی تبدیل موجک، به دو دسته‌ی تبدیل موجک پیوسته و گسسته می‌شود. در نوع پیوسته مبنای به صورت $j = 1, 2, 3, \dots$ و در گسسته مبنای $j = 2$ می‌باشد.

در تمامی مراحل تجزیه، زیرسری جزئیات توسط تابع مقیاس، در میانگین فرکانسی صفر، نمونه‌برداری و خصوصیات بارز آن در قالب ضرایب موجک ارائه می‌شود. زیرسری تقریب (کلیات) نیز توسط تابع موجک برای ادامه‌ی روند فرآیند فیلتر کردن آمده می‌شود. در نهایت نیز به تعداد پارامتر انتقال زیرسری جزئیات و یک زیرسری تقریب ایجاد می‌شود که قابلیت بازسازی به سری اولیه را دارد [۲۴-۲۵].



شکل ۱. فلوچارت رویکرد ترکیبی پیشنهادی
Fig. 1. Flowchart of proposed hybrid approach

می‌دهد، آن‌ها را در ابعاد کمتری به شبکه‌ی داده‌کاو اعمال کند. در مدل پیشنهادی، دبی جريان روزانه‌ی رودخانه‌ی پلرود، ابتدا توسط تبدیل موجک پیش‌پردازش می‌شود و سپس، در پنج گام زمانی t , $t-1$, $t-2$, $t-3$, $t-4$ و $t-5$ به همراه پارامترهای هواشناسی (بارش، دمای هوای حادقل، حداکثر و میانگین، نقطه‌ی شبنم، فشار هوای ایستگاه و فشار هوای) به الگوریتم PCA اعمال می‌شوند. به کمک این الگوریتم، مؤثرترین ترکیبات خطی از پارامترهای ورودی شناسایی شده و به عنوان بردارهای ورودی مورد استفاده قرار می‌گیرند. در نهایت نیز، بردارهای استخراجی از PCA به جنگل تصادفی اعمال می‌شوند. جهت سنجش قابلیت مدل نیز، روش PCA-RF پیشنهاد شده است که در آن ابتدا دبی جريان در پنج گام زمانی مذکور و پارامترهای هواشناسی به PCA اعمال و نتایج آن به RF وارد می‌شوند. شکل ۱ فلوچارت رویکرد ترکیبی پیشنهادی را نشان می‌دهد.

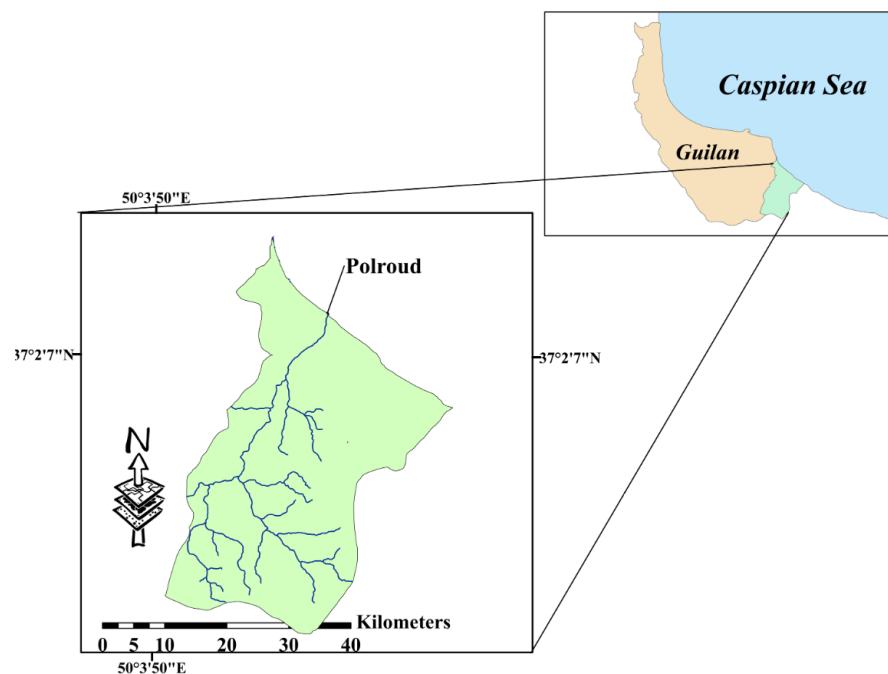
در معادله‌ی (۱) ضرایب a_i^j از حل معادله‌ی زیر به دست می‌آیند:

$$|R - \lambda I| = 0 \quad (2)$$

که در آن A ماتریس واحد و R ماتریس همبستگی بین متغیرهای اولیه و λ مقادیر ویژه می‌باشد. همچنین تناسب جامعه‌ی آماری نیز توسط آزمون KMO سنجیده شده که مقادیر بهینه‌ی آن در محدوده‌ی ۰/۵ تا ۱/۰ باقی بوده و هر چه به یک نزدیکتر باشد، تناسب بهتری را نشان می‌دهد [۲۷].

۴-۲- مدل ترکیبی موجک- تحلیل مؤلفه اصلی- جنگل تصادفی (WPCARE)

عوامل پنهان و آشکار متعددی در جريان رودخانه نقش دارند که تحلیل و بررسی همه‌ی آن‌ها، نیازمند صرف زمان و انرژی زیادی است. از طرفی با توجه به محدودیت اندازه‌گیری پارامترها، در هیدرولوژی، استفاده از داده‌ها با تقریب و خطا همراه است. بر همین اساس، در این پژوهش، روشی پیشنهاد شده است که بتواند از خطاهای عدم قطعیت‌های موجود در سری جريان بکاهد و همچنین، علی‌رغم اینکه عوامل مختلف هواشناسی را در الگویابی جريان آینده شرکت



شکل ۲. موقعیت جغرافیایی رودخانه‌ی پلرود و شهرستان رودسر
Fig. 2. Geographical location of Polroud River and Roudsar city

جدول ۱. پارامترهای آماری داده‌های استفاده شده در مقیاس روزانه

Table 1. Statistical parameters of used data (Daily)

پارامترها	حداقل	حداصل	متوسط	انحراف معیار	ضریب چولگی	دیجی (m³/s)
بارش (mm)	۰	۰/۰۵۵	۳۶۲	۱۴/۳۳۱	۱۵/۳۱۰	۵/۵۶۰
دماهی حداقل هوا (°C)	-۵/۶۰۰	۲۸/۲۰۰	۱۳/۲۳۳	۷/۱۷۸	۱۲/۹۷۰	۹/۱۹۶
دماهی حداصل هوا (°C)	۰/۴	۳۸	۱۹/۶۰۹	۷/۴۰۶	۷/۱۳۹	-۰/۰۳۶
دماهی متوسط هوا (°C)	-۱/۵	۳۰/۵	۱۶/۴۲۰	۷/۱۳۹	۶/۶۸۱	-۰/۰۰۱
نقطه‌ی شبتم (°C)	-۱۷/۰۲۴	۲۶/۱۸۲	۱۲/۹۹۰	۶/۹۱۱	۶/۹۶۶	-۰/۱۰۹
فشار هوا (mbar)	۹۹۳/۶۰۳	۱۰۴۳/۹۵۰	۱۰۱۵/۲۰۶	۶/۹۱۱	۶/۹۶۶	۰/۳۶۸
فشار هوای منطقه (mbar)	۹۹۵/۸۵۰	۱۰۴۳/۳۰۰	۱۰۱۷/۵۸۹	۶/۹۶۶	۶/۹۶۶	۰/۳۶۵

۶-۲- شاخص‌های ارزیابی مدل با توجه به عدم قطعیت مدل‌های هیدرولوژیکی از آمار و احتمال به عنوان معیار ارزیابی عملکرد این مدل‌ها استفاده می‌شود. بر همین اساس، در این مطالعه، از چهار شاخص مختلف استفاده شده که عبارتند از:

۱. ضریب همبستگی^۱ (R)، بیانگر ارتباط خطی بین مقادیر

شهرستان رودسر و استان گیلان در شکل ۲ نشان داده شده است. جهت استخراج دبی‌های روزانه‌ی پلرود، از داده‌های سال آبی ۵۷-۱۳۵۶ تا ۹۶-۱۳۹۵ ایستگاه هیدرومتری طولات واقع بر روی این رودخانه، استفاده شده است. علاوه‌بر این، جهت گردآوری پارامترهای هواشناسی، از اطلاعات ایستگاه سینوپتیک رامسر استفاده شده است. مشخصات آماری داده‌های مورد استفاده در جدول ۱ آورده شده است.

۱ Correlation Coefficient

جدول ۲. معیارهای ارزیابی مدل
Table 2. Model Assessment Criteria

شناخت	معادله مربوط به شناخت	تعریف متغیرها	محدوده نتایج	تفسیر
R	$\frac{\sum_1^n(D_i^o - D_m^o)(D_i^f - D_m^f)}{\sqrt{\sum(D_i^o - D_m^f)^2 \sum(D_i^f - D_m^f)^2}}$	مقادیر مشاهداتی: D_i^o مقادیر مدل: D_i^f میانگین میانگین	[-۱، +۱]	(۰، +۰]: ارتباط غیرمستقیم ۰: بدون ارتباط (۱، +۰]: ارتباط مستقیم بیشترین انسجام در مقادیر حدی ۱ و -۱
$RMSE$	$\sqrt{\frac{\sum_1^n(D_i^o - D_i^f)^2}{n}}$	مقادیر مدل: D_i^f میانگین میانگین	[۰، +۰۰]	مقادیر کوچکتر و نزدیک به صفر نشان دهنده ی خطای کمتر مدل است. این شناخت هم بعد پارامتر مورد بررسی است
NSE	$1 - \frac{\sum_1^n(D_i^f - D_i^o)^2}{\sum_1^n(D_i^o - D_m^o)^2}$	مشاهداتی: D_m^o میانگین میانگین	(-۰۰، ۱]	(۰، +۰]: مقادیر بیشتر این بازه کارایی بیشتر مدل را نشان می دهد.
I_a	$1 - \frac{\sum_1^n(D_i^p - D_i^o)^2}{\sum_1^n(D_i^p - D_m^o + D_i^o - D_m^o)^2}$	مقادیر مدل: D_m^f	[۰، ۱]	مقدار یک نماینده دقیق ترین مدل است.

تجزیه شده‌اند. هار موجکی گستته و اولین موجک شناخته شده است. دیمی موجکی با پهنه‌ای باند وسیع و حساس به مقادیر حدی است.

جهت انتخاب مناسب‌ترین بردارهای ورودی، برای هر دو مدل منفرد و ترکیبی (با ده نوع ویژگی)، داده‌های هواشناسی (t) و RF هیدرومتری ($t: t-4$)، به الگوریتم PCA و در نهایت، نتایج آن به اعمال شدند. هم‌چنین، سناریو مطرح شده، بدون استفاده از PCA پیش‌پردازش نیز منظور شده است. تأثیر این دو عامل نیز بر روند مدل سازی مورد بررسی قرار بگیرد. علاوه‌بر این، تمامی سناریوها برای سه زمان شبیه‌سازی یک، دو و سه روز انجام شده‌اند تا میزان قابلیت مدل پیشنهادی برای زمان‌های مختلف نیز ارزیابی گردد. به منظور اختصار صرفاً نتایج یک مورد از تحلیل مؤلفه اصلی ارائه می‌شود. جهت کسب اطلاعات بیشتر در مورد این تحلیل می‌توان به کتب مرجع مراجعه نمود [۳۰]. به عنوان مثال برای تابع موجک مادر هار و در سطح تجزیه‌ی 4° ، جدول ۳ واریانس متغیرهای ورودی را نشان می‌دهد.

بر اساس جدول ۳، ۳۲ متغیر ورودی به ۱۱ متغیر کاهش داده شده‌اند. مقدار KMO برای این مجموعه متغیرهای ورودی $0/64$ می‌باشد، که تناسب رضایت بخش جامعه‌ی آماری را نشان می‌دهد.

محاسباتی و مشاهداتی است [۲۸].

۲. جذر میانگین مربعات خطای $(RMSE)$ ، که نشان دهنده اندیاف معیار مقادیر محاسباتی نسبت به مقادیر مشاهداتی است.

۳. ضریب کارایی ناش ساتکلیف (NSE) ، نشان دهنده درجه‌ی آزادی مدل نسبت به مقادیر مشاهداتی است.

۴. شاخص توافق (I_a) ، که میزان درستی و دقت مدل را نشان می‌دهد [۲۹].

۳- نتایج و بحث

شبیه‌سازی جریان دارای عدم قطعیت‌های فراوانی است که ارائه راهکاری جهت کاهش آن بسیار مورد توجه است. از این‌رو در این پژوهش، از مدل هوش‌منصوعی در ترکیب با موجک، داده‌های هواشناسی و الگوریتم تحلیل مؤلفه‌ی اصلی جهت انتخاب ورودی‌ها استفاده شده است. جهت مدل سازی، داده‌های هیدرومتری در پنج زمان ($t, t-1, t-2, t-3, t-4$) و داده‌های هواشناسی در زمان t مورد استفاده قرار گرفتند که در مدل ترکیبی WRF داده‌های هیدرومتری در پنج سطح تجزیه ($3^\circ, 4^\circ, 5^\circ, 6^\circ, 7^\circ$)، توسط دو موجک مادر هار 4° و دیمی 5°

1 Root Mean Square Error

2 Nash-Sutcliffe Model Efficiency Coefficient

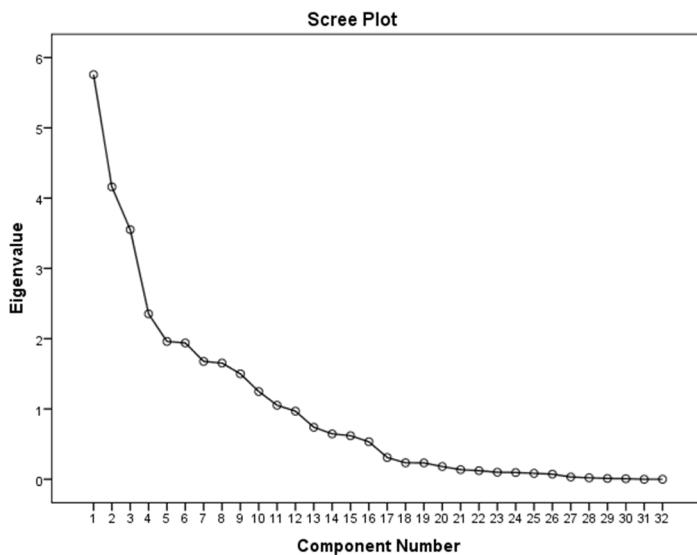
3 Index of Agreement

4 haar

5 dmey

جدول ۳. واریانس متغیرهای ورودی
Table 3. Total variance explained

شماره مؤلفه ارزش کلی درصد پراکندگی درصد پراکندگی تجمعی	ارزش کلی درصد پراکندگی درصد پراکندگی تجمعی	۱۷/۹۹۳	۱۷/۹۹۳	۵/۷۵۸	۱۷/۹۹۳	۱۷/۹۹۳	۵/۷۵۸	۱
۳۰/۹۹۳	۱۳	۴/۱۶۰	۳۰/۹۹۳	۱۳	۴/۱۶۰	۱۳	۴/۱۶۰	۲
۴۲/۰۹۲	۱۱/۱	۳/۵۵۲	۴۲/۰۹۲	۱۱/۱	۳/۵۵۲	۱۱/۱	۳/۵۵۲	۳
۴۹/۴۴۷	۷/۳۵۴	۲/۳۵۳	۴۹/۴۴۷	۷/۳۵۴	۲/۳۵۳	۷/۳۵۴	۲/۳۵۳	۴
۵۵/۵۷۳	۶۱۲/۶	۱/۹۶۰	۵۵/۵۷۳	۶/۱۲۶	۱/۹۶۰	۶/۱۲۶	۱/۹۶۰	۵
۶۱/۶۳۴	۶/۰۶۱	۱/۹۴۰	۶۱/۶۳۴	۶/۰۶۱	۱/۹۴۰	۶/۰۶۱	۱/۹۴۰	۶
۶۶/۸۷۵	۵/۲۴۰	۱/۶۷۷	۶۶/۸۷۵	۵/۲۴۰	۱/۶۷۷	۵/۲۴۰	۱/۶۷۷	۷
۷۲/۰۴۱	۵/۱۶۶	۱/۶۵۳	۷۲/۰۴۱	۵/۱۶۶	۱/۶۵۳	۵/۱۶۶	۱/۶۵۳	۸
۷۶/۷۳۰	۴/۶۸۹	۱/۵۰۱	۷۶/۷۳۰	۴/۶۸۹	۱/۵۰۱	۴/۶۸۹	۱/۵۰۱	۹
۸۰/۶۳۲	۳/۹۰۲	۱/۲۴۹	۸۰/۶۳۲	۳/۹۰۲	۱/۲۴۹	۳/۹۰۲	۱/۲۴۹	۱۰
۸۳/۹۲۲	۳/۲۹۰	۱/۰۵۳	۸۳/۹۲۲	۳/۲۹۰	۱/۰۵۳	۳/۲۹۰	۱/۰۵۳	۱۱
		۸۶/۹۵۰		۳/۰۲۸	۰/۹۶۹	۳/۰۲۸	۰/۹۶۹	۱۲
		۸۹/۲۶۲		۲/۳۱۲	۰/۷۴۰	۲/۳۱۲	۰/۷۴۰	۱۳
		۹۱/۲۸۰		۲/۰۱۸	۰/۶۴۶	۲/۰۱۸	۰/۶۴۶	۱۴
		۹۳/۲۱۶		۱/۹۳۶	۰/۸۲۰	۱/۹۳۶	۰/۸۲۰	۱۵
		۹۴/۸۸۴		۱/۶۶۸	۰/۵۳۴	۱/۶۶۸	۰/۵۳۴	۱۶
		۹۵/۸۵۱		۰/۹۶۷	۰/۳۰۹	۰/۹۶۷	۰/۳۰۹	۱۷
		۹۶/۵۸۱		۰/۷۳۰	۰/۲۳۴	۰/۷۳۰	۰/۲۳۴	۱۸
		۹۷/۳۰۷		۰/۷۲۶	۰/۲۳۲	۰/۷۲۶	۰/۲۳۲	۱۹
		۹۷/۸۷۲		۰/۵۶۵	۰/۱۸۱	۰/۵۶۵	۰/۱۸۱	۲۰
		۹۸/۲۹۸		۰/۴۲۶	۰/۱۳۶	۰/۴۲۶	۰/۱۳۶	۲۱
		۹۸/۶۸۰		۰/۳۸۱	۰/۱۲۲	۰/۳۸۱	۰/۱۲۲	۲۲
		۹۸/۹۹۱		۰/۳۱۱	۰/۰۹۹	۰/۳۱۱	۰/۰۹۹	۲۳
		۹۹/۲۸۷		۰/۲۹۷	۰/۰۹۵	۰/۲۹۷	۰/۰۹۵	۲۴
		۹۹/۵۴۹		۰/۲۶۲	۰/۰۸۴	۰/۲۶۲	۰/۰۸۴	۲۵
		۹۹/۷۷۷		۰/۲۲۸	۰/۰۷۳	۰/۲۲۸	۰/۰۷۳	۲۶
		۹۹/۸۷۷		۰/۱	۰/۰۳۲	۰/۱	۰/۰۳۲	۲۷
		۹۹/۹۴۱		۰/۰۶۴	۰/۰۲	۰/۰۶۴	۰/۰۲	۲۸
		۹۹/۹۷۵		۰/۰۳۴	۰/۱۱	۰/۰۳۴	۰/۱۱	۲۹
		۹۹/۹۹۹		۰/۰۲۴	۰/۰۰۸	۰/۰۲۴	۰/۰۰۸	۳۰
		۱۰۰		۰/۰۰۱	۰	۰/۰۰۱	۰	۳۱
		۱۰۰		.	.	۰/۰۰۱	۰	۳۲



شکل ۳. نمایش شماره مؤلفه در برابر مقادیر ویژه

Fig. 3. The plot of component number and eigenvalues

جدول ۴. شبیه‌سازی جریان روزانه پلرود با استفاده از رویکردهای مختلف ترکیبی و منفرد

Table 4. Simulation of Polroud daily stream flow using different hybrid and standalone approaches

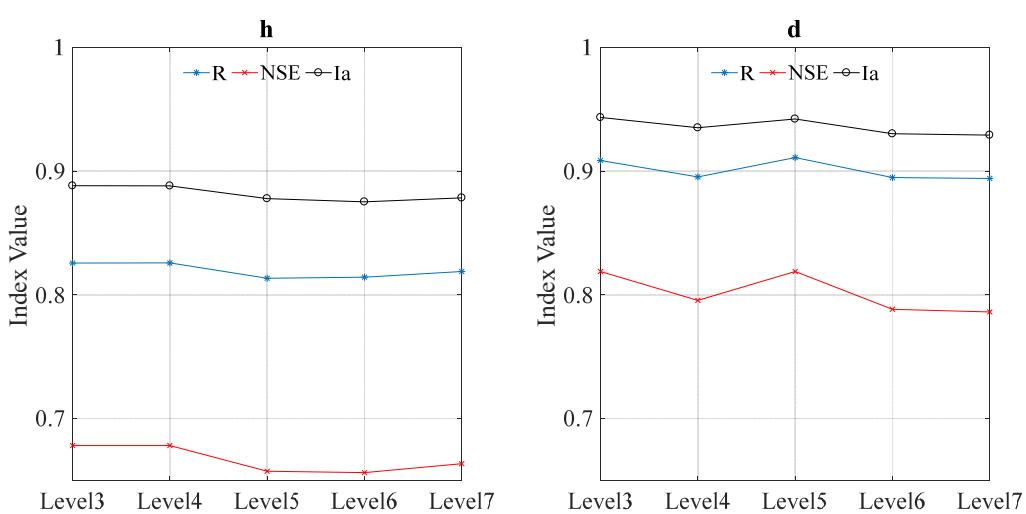
داده‌های آزمون				سطح تجزیه	مدل	زمان شبیه‌سازی (روز)
I _a	NSE	RMSE (m ³ /s)	R			
۰/۸۹۹	۰/۶۸۶	۸/۲۹۸	۰/۸۲۹	-	RF	
۰/۷۷۹	۰/۴۳۸	۱۲/۴۹۲	۰/۶۶۵	-	PCA- RF	۱
۰/۸۸۸	۰/۶۷۸	۹/۴۵۶	۰/۸۲۶	۳	PCA- haar- RF	
۰/۹۴۲	۰/۸۱۹	۷/۰۹۵	۰/۹۱۱	۵	PCA- dmey- RF	
۰/۸۲۹	۰/۵۲۷	۱۰/۳۵۳	۰/۷۲۷	-	RF	
۰/۷۸۲	۰/۴۴۷	۱۱/۴۳۷	۰/۶۷۰	-	PCA- RF	۲
۰/۸۸۵	۰/۶۵۹	۸/۹۸۶	۰/۸۱۲	۵	PCA- haar- RF	
۰/۹۱۷	۰/۷۴۰	۷/۸۳۸	۰/۸۶۱	۳	PCA- dmey- RF	
۰/۸۱۶	۰/۵۰۲	۱۰/۳۸۳	۰/۷۱۰	-	RF	
۰/۷۴۸	۰/۳۸۰	۱۱/۸۲۴	۰/۶۲۲	-	PCA- RF	۳
۰/۸۶۷	۰/۶۱۶	۹/۳۰.۵	۰/۷۸۵	۶	PCA- haar- RF	
۰/۸۸۵	۰/۶۶۶	۸/۶۸۱	۰/۸۱۷	۶	PCA- dmey- RF	

در تمامی مدل‌ها، افزایش زمان شبیه‌سازی سبب کاهش دقت عملکرد آن‌ها می‌شود. جز در مدل PCA- RF که در زمان ۲ روز بیشترین دقت را دارد. در روند مدل‌سازی از انتخاب تصادفی داده‌ها، به نسبت ۷۰ به ۳۰، برای آموزش و ارزیابی رویکرد RF استفاده شده است. در نتیجه، این استثناء می‌تواند ناشی از انتخاب تصادفی جامع

همچنین شکل ۳ مقادیر ویژه متغیرهای ۳۲ گانه را نشان می‌دهد که با جدول ۳ در ارتباط است. این شکل به خوبی میزان مشارکت مؤلفه‌های انتخابی را در مدل منتخب نشان می‌دهد. پس از مدل‌سازی، بهترین نتایج آن‌ها در جدول ۴ آورده شده است. بر این اساس مشاهده می‌شود که:

مدل‌های PCA-RF از سه بردار ابتدایی PCA برای مدل سازی استفاده شده است که در واقع، ورودی مدل RF به یک چهارم تقلیل یافته است و همزمان، نتایج R و I_a زمان یک روز، به ترتیب، ۲۰ و ۱۱ درصد کاهش یافته‌اند. بدلیل اینکه، PCA بردارهای مستقلی از هم، که هر یک شامل خصوصیات مستقلی از ورودی‌ها هستند، ارائه می‌دهد. ممکن است بردارهای ناکافی از PCA استفاده شده و یا اینکه همبستگی بین داده‌ها، خود در یافتن الگوی جریان بسیار مؤثر بوده باشد (کاهش ۲۰ درصدی R). در مدل‌های ترکیبی نیز، با تقلیل ورودی‌ها به یک چهارم تا یک سوم تعداد اولیه، توانسته عملکرد مدل را افزایش دهد که کمترین اثر را بر روی زمان یک روز، که از پیچیدگی کمتری برخوردار است، داشته است.

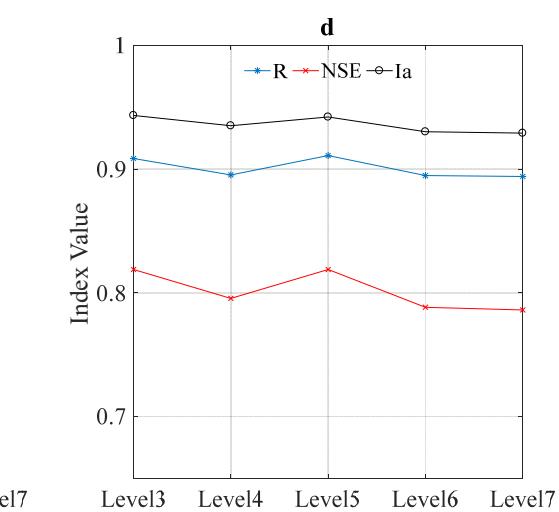
در مدل‌های ترکیبی، مشاهده می‌شود که نوع موجک مادر و سطح تجزیه بسیار حائز اهمیت است، به گونه‌ای که در مدل‌های موجک دیمی که پهنه‌ای نمونه‌برداری وسیع‌تر و مشابه‌تری با سری‌زمانی مبدأ دارد، نتایج مطلوب‌تری ارائه شده است. اختلاف عملکرد این دو نوع موجک در زمان‌های ۲ و ۳ روز کمتر است. زیرا، افزایش زمان برای مدل‌های دقیق‌تر مؤثرتر بوده و کاهش بیشتری را در آنها به وجود می‌آورد. علاوه بر موجک مادر، سطح تجزیه نیز عامل مهمی است. با بررسی کلیه نتایج، ملاحظه می‌شود که حساسیت دو نوع مدل، به سطح تجزیه، در زمان شبیه‌سازی ۱ و ۲ روز به صورت نوسانی و در زمان شبیه‌سازی ۳ روز، صعودی است. همان‌طور که در شکل ۴ مشاهده می‌شود، حساسیت موجک دیمی به این مورد بیشتر است.



شکل ۴. نمودار تغییرات شاخص‌های ارزیابی نسبت به سطح تجزیه دو نوع موجک مادر هار (h) و دیمی (d) در زمان شبیه‌سازی یک روز
Fig. 4. Variation of validation indices and decomposition level of two mother wavelets (Haar and Dmey) at one-day-ahead river flow simulation

و مناسب داده‌ها، در این زمان نسبت به زمان یک روز، برای آموزش شبکه باشد. پس از بررسی دقیق نتایج ملاحظه می‌شود که روند کاهش آن‌ها، با افزایش زمان، برای مدل RF شدیدتر است. به طوری که، در مدل RF میزان R ، بین ۱۴-۱۲ درصد و I_a بین ۹-۸ درصد کاهش یافته است. در حالی که، در مدل‌های همراه با PCA، میزان R بین ۵-۴ درصد و I_a ۶-۲ درصد کاهش داشته است. شاخص توافق، WPCARF و PCARF بسیار کمتر تحت تأثیر زمان قرار می‌گیرد و بیشترین کاهش (۶٪) مربوط به موجک دیمی در زمان شبیه‌سازی ۳ روز است که نشان از حساسیت و دقت بالای این مدل ترکیبی است. همان‌طور که در جدول ۴ ملاحظه می‌شود رویکرد ترکیبی پیشنهادی موجب شده است تا افت کارایی و دقت مدل در زمان‌های شبیه‌سازی بیشتر بسیار کمتر از مدل‌های منفرد و یا حتی سایر مدل‌های ترکیبی پیشنهاد شده توسط سایر هیدرولوژیست‌ها باشد. این مورد یکی از مهمترین چالش‌هایی است که همواره محققین مختلف در شبیه‌سازی جریان رودخانه و در زمان‌های دورتر با آن مواجه هستند. این موضوع از مقایسه‌ی نتایج تحقیق حاضر با نتایج سایر پژوهشگران این شاخه [۷] آشکارتر نیز خواهد شد.

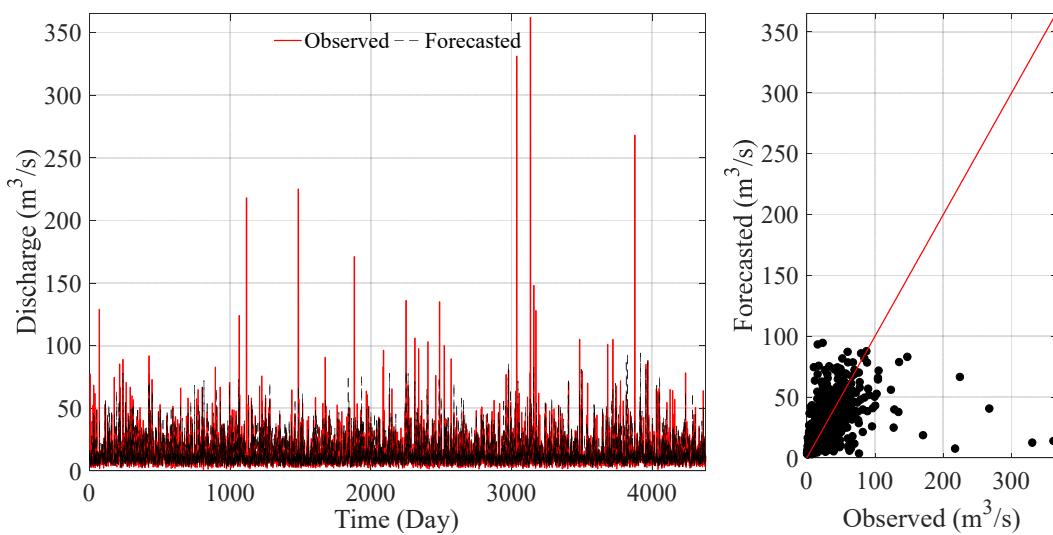
علاوه بر این، مشاهده می‌شود که در هر زمان، نتایج مدل‌های RF بهتر از PCA-RF شده و در زمان یک روز، با اختلاف کمی به PCA-haar-RF برتری یافته است. اما در سایر مدل‌های ترکیبی، حضور همزمان پیش‌پردازش و PCA سبب بهبود عملکرد مدل شده‌اند. در



شکل ۴. نمودار تغییرات شاخص‌های ارزیابی نسبت به سطح تجزیه دو نوع موجک مادر هار (h) و دیمی (d) در زمان شبیه‌سازی یک روز

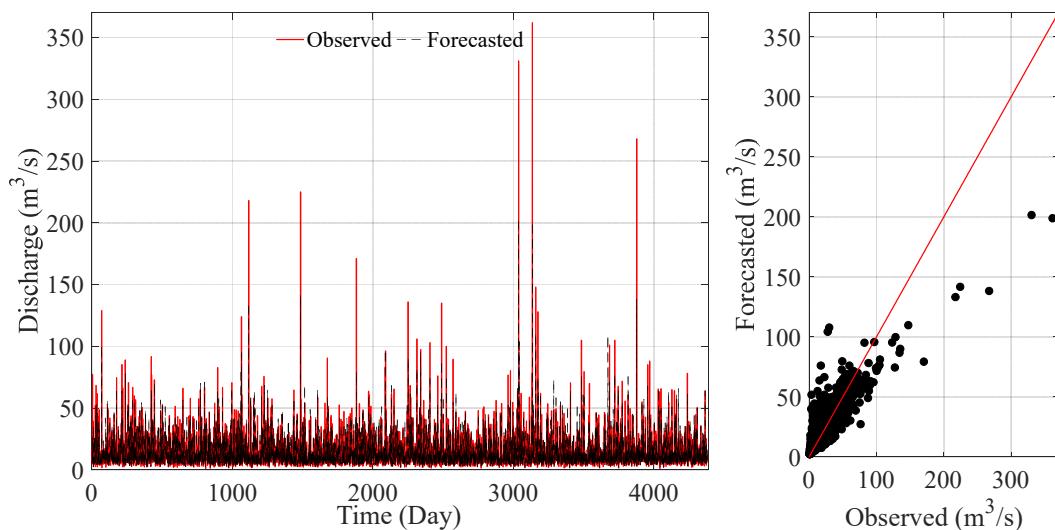
مقادیر مشاهداتی برآورده است. در ادامه و در شکل های ۸-۷ بهترین نتایج حاصل از مدل ترکیبی پیشنهادی برای زمان شبیه‌سازی دو و سه روز نمایش داده شده است. همان‌گونه که در این شکل‌ها مشاهده می‌شود، مدل پیشنهادی توانسته به خوبی مقادیر دبی روزانه‌ی رودخانه‌ی پلرود را شبیه‌سازی کند. تنها موردی که کارایی مدل را تا حدودی کاهش داده است، ضعف مدل در شبیه‌سازی مقادیر حداکثر در زمان‌های شبیه‌سازی بالاتر است که این نقیصه با مشارکت مؤلفه‌های بیشتری

از مقایسه شکل‌های ۳ و ۴ که برای زمان شبیه‌سازی یک روز هستند، مشاهده می‌شود که مدل WPCARF نسبت به مدل PCARF، در شبیه‌سازی مقادیر بیشینه عملکرد بهتری دارد. همچنین براساس نمودار پراکندگی آن‌ها، انسجام مدل ترکیبی با موجک در راستای خط ۴۵ درجه بیشتر است و این می‌تواند به دلیل کاهش خطأ و عدم قطعیت‌های سری زمانی توسط تبدیل موجک باشد. شکل‌های ۵ و ۶ نیز کاهش عملکرد مدل ترکیبی در مقادیر بیشینه را نشان می‌دهد، بدین صورت که مقادیر بیشینه کمتر از



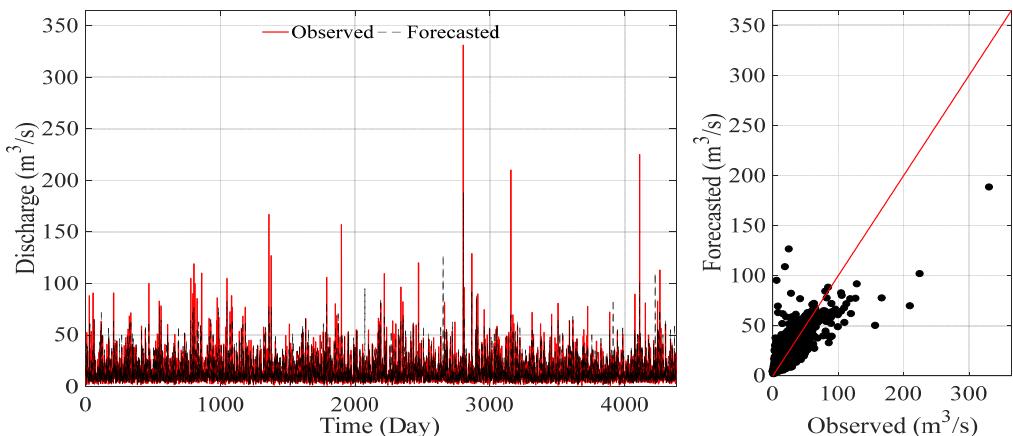
شکل ۵. نمودارهای دبی-زمان و پراکندگی مدل RF، برای زمان شبیه‌سازی یک روز.

Fig. 5. Discharge-time and scatter plots of standalone model at one-day-ahead river flow simulation



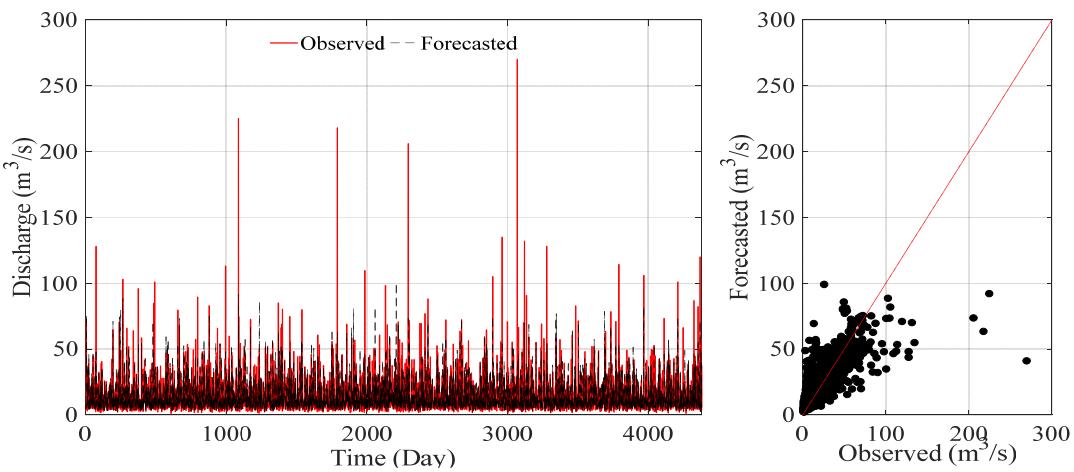
شکل ۶. نمودارهای دبی-زمان و پراکندگی مدل Dmey-RF در سطح تجزیه‌ی پنجم، برای زمان شبیه‌سازی یک روز

Fig. 6. Discharge-time and scatter plots of Dmey-RF hybrid model at one-day-ahead river flow simulation (decomposition level=5)



شکل ۷. نمودارهای دبی- زمان و پراکنده‌ی سوم، برای زمان شبیه‌سازی دو روز

Fig. 7. Discharge-time and scatter plots of Dmey-RF hybrid model at two-day-ahead river flow simulation (decomposition level=3)



شکل ۸. نمودارهای زمان- دبی و پراکنده‌ی سه روز

Fig. 8. Discharge-time and scatter plots of Dmey-RF hybrid model at three-day-ahead river flow simulation (decomposition level=6)

اطلاع از مقادیر آینده‌ی جریان رودخانه همواره برای هیدرولوژیست‌ها و برنامه‌ریزان و مدیران منابع آب واجد اهمیتی حیاتی است. این مقاله شبیه‌سازی جریان روزانه‌ی رودخانه‌ی پلرود را برای دوره‌های یک، دو و سه روز آینده مورد توجه قرار داد. این پژوهش یک رویکرد ترکیبی نوین را به منظور شبیه‌سازی جریان رودخانه ارائه داده است که در آن از ترکیب موجک (W)، تحلیل مؤلفه‌ی اصلی (PCA) و جنگل تصادفی (RF) استفاده شده است. داده‌های ورودی مدل‌ها شامل داده‌های هیدرومتری و هواشناسی می‌باشد. در این مقاله تأثیر فرآیند پیش‌پردازش، سطوح تجزیه و تحلیل مؤلفه‌ی اصلی بر کارایی مدل ارزیابی شده است. نتایج این تحقیق کارایی بالای مدل پیشنهادی را نشان داد، به‌گونه‌ای که مدل

از PCA تا حدود زیادی قابل جبران است؛ که البته دارای این اشکال می‌باشد که از سادگی مدل خواهد کاست، که آن هم برای زمان‌های دورتر غیرقابل اختناب است.

در جمع بندی نتایج حاصل از اجرای مدل‌های منفرد و ترکیبی پیشنهادی می‌توان گفت که به رغم آنکه استفاده از تحلیل مؤلفه‌ی اصلی موجب شده تا بردارهای ورودی به شدت کاهش یافته و ورودی‌های بسیار کمتر و مدل ساده‌تری حاصل شود، لیکن نه تنها از دقیق نکاسته که حتی توانسته دقت آن را خصوصاً در زمان‌های شبیه‌سازی بالاتر ارتقا داده و نتایج قابل قبول‌تری را در عین سادگی مدل ارائه کند.

۴- نتیجه گیری

- prediction improving using the integrated model based on kernel-wavelet and complementary ensemble empirical mode decomposition, CEEJ (XML). In Persian.
- [9] A. D. Mehr, An improved gene expression programming model for streamflow forecasting in intermittent streams, *Journal of hydrology*, 563 (2018) 669-678.
- [10] M. Rezaie-Balf, S. Fani Nowbandegani, S. Z. Samadi, H. Fallah, S. Alaghmand, An ensemble decomposition-based artificial intelligence approach for daily streamflow prediction. *Water*, 11(4) (2019) 709.
- [11] F. J. Chang, P. A. Chen, Y. R. Lu, E. Huang, K. Y. Chang, Real-time multi-step-ahead water level forecasting by recurrent neural networks for urban flood control, *Journal of Hydrology*, 517 (2014) 836-846.
- [12] S. Kabir, S. Patidar, G. Pender, Investigating capabilities of machine learning techniques in forecasting stream flow, In Proceedings of the Institution of Civil Engineers-Water Management, 173 (2) (2020) 69- 86.
- [13] R. Noori, A. Farokhnia, S. Morid, H. Riahi Madvar, (2009). Effect of input variables preprocessing in artificial neural network on monthly flow prediction by PCA and wavelet transformation, *Journal of Water and Wastewater*, (1) (2009) 13-22. In Persian.
- [14] M.R. Najafi, H. Moradkhani, T. C. Piechota, Ensemble streamflow prediction: climate signal weighting methods vs. climate forecast system reanalysis, *Journal of Hydrology*, 442 (2012) 105-116.
- [15] C. Prieto, N. Le Vine, D. Kavetski, E. García, R. Medina, Flow prediction in ungauged catchments using probabilistic Random Forests regionalization and new statistical adequacy tests, *Water Resources Research*, 55(5) (2019) 4364-4392.
- [16] H.A. Afan, M.F. Allawi, A. El-Shafie, Z.M. Yaseen, A.N. Ahmed, M.A. Malek, A. Sefelnasr, Input attributes optimization using the feasibility of genetic nature inspired algorithm: Application of river flow forecasting, *Scientific Reports*, 10(1) (2020) 1-15.
- [17] R. Noori, A.R. Karbassi, A. Moghaddamnia, D. Han, M.H. Zokaei-Ashtiani, A. Farokhnia, M.G. Gousheh, Assessment of input variables determination on the

پیشنهادی ضمن ساده‌سازی مدل‌های شبیه‌سازی و استفاده از ۳ تا ۱۰ بردار ورودی حاصل از PCA به جای ۱۰ تا ۵۲ بردار ورودی، همزمان توانست کارایی مدل را ارتقا دهد، این موضوع خصوصاً در ارتقای زمان‌های شبیه‌سازی دو و سه روز کاملاً قابل ملاحظه است. ضمن اینکه در زمان‌های شبیه‌سازی دورتر سطح تجزیه‌ی بالاتر برای رسیدن به بهترین کارایی مدل مورد نیاز است. در پایان، این تحقیق کارایی رضایت‌بخش رویکرد ترکیبی پیشنهادی در شبیه‌سازی جریان رودخانه، همراه با ارائه‌ی مدل‌های ساده‌تر، را نشان داد.

مراجع

- D. P. Solomatine, A. Ostfeld, Data-driven modelling: some past experiences and new approaches, *Journal of hydro informatics*, 10(1) (2008) 3-22.
- N. Khairuddin, A.Z. Aris, A. Elshafie, T. Sheikhy Narany, M.Y. Ishak, N.M. Isa, Efficient forecasting model technique for river stream flow in tropical environment. *Urban Water Journal*, 16(3) (2019) 183-192.
- H. Tongal, M. J. Booij, M, Simulation and forecasting of stream flows using machine learning models coupled with base flow separation, *Journal of hydrology*, 564 (2018) 266-282.
- D. Hussain, A.A. Khan, A, Machine learning techniques for monthly river flow forecasting of Hunza River, Pakistan, *Earth Science Informatics*, (2020) 1-11.
- V. Nourani, A. H. Baghanam, J. Adamowski, O. Kisi, Applications of hybrid wavelet–artificial intelligence models in hydrology: a review, *Journal of Hydrology*, 514 (2014) 358-377.
- N. Nourani, A. Davanlou Tajbakhsh, A. Molajou, H. Gokcekus, Hybrid wavelet-M5 model tree for rainfall-runoff modeling, *Journal of Hydrologic Engineering*, 24(5) (2019) 04019012.
- Y. Sun, J. Niu, B. Sivakumar, A comparative study of models for short-term streamflow forecasting with emphasis on wavelet-based approach. *Stochastic Environmental Research and Risk Assessment*, 33(10) (2019) 1875-1891.
- K. Roushangara, R. Ghasempourb, Monthly precipitation

- using hydro-meteorological data as inputs, *Journal of Hydrology*, 586 (2020) 124371.
- [23] M. Motamednia, A. Nohegar, A. Malekian, M. Saberi Anari, K. Karimi Zarchi, Impacts of combining meteorological and hydrometric data on the accuracy of streamflow modeling, *Environmental Resources Research*, 7(2) (2019) 147-164.
- [24] Y-F. Sang, A review on the applications of wavelet transform in hydrology time series analysis, *Atmospheric Research*, 122 (2012) 8-15.
- [25] S. Mallat, *A wavelet tour of signal processing: the sparse way* 3rd edn, New York: Academic, (2008).
- [26] L. Breiman, Random forests. *Machine learning*, 45(1) (2001) 5-32.
- [27] H. Abdi, L. J. Williams, Principal component analysis, Wiley interdisciplinary reviews: computational statistics, 2(4) (2010) 433-459.
- [28] F. Anctil, M.H. Ramos, Verification Metrics for Hydrological Ensemble Forecasts, *Handbook of Hydro Meteorological Ensemble Forecasting*, (2019) 893-922
- [29] C. J. Willmott, on the validation of models, *Physical geography*, 2(2) (1981) 184-194.
- [30] B. G. Tabachnick, L. S. Fidell, *Experimental designs using ANOVA*, Belmont, CA: Thomson/Brooks/Cole, (2007).
- SVM model performance using PCA, Gamma test, and forward selection techniques for monthly stream flow prediction, *Journal of Hydrology*, 401(3-4) (2011) 177-189.
- [18] Y. Hassanzadeh, K. A. Abdi, N. M. Shafiei, S. Khoshtinat, Daily streamflow forecasting of Nooranchay river using the yybrid model of Artificial Neural Networks-Principal Component Analysis, *Journal of Soil and Water Science*, 25 (3) (2015) 53- 63. In Persian.
- [19] M. Ehteram, H.A Afan, M. Dianatikhah, A. N. Ahmed, C. Ming Fai, M. S. Hossain, A. Elshafie, Assessing the predictability of an improved ANFIS model for monthly streamflow using lagged climate indices as predictors, *Water*, 11 (6) (2019) 1130.
- [20] L. Diop, A. Bodian, K. Djaman, Z. M. Yaseen, R.C. Deo, A. El-Shafie, L. C. Brown, The influence of climatic inputs on stream-flow pattern forecasting: case study of Upper Senegal River, *Environmental Earth Sciences*, 77(5) (2018) 182.
- [21] S.J. Hadi, M. Tombul, (2018). Monthly streamflow forecasting using continuous wavelet and multi-gene genetic programming combination, *Journal of Hydrology*, 561 (2018) 674-687.
- [22] R. M. Adnan, Z. Liang, S. Heddam, M. Zounemat-Kermani, O. Kisi, B. Li, Least square support vector machine and multivariate adaptive regression splines for streamflow prediction in mountainous basin

چگونه به این مقاله ارجاع دهیم

F. Azarpira, S. Shahabi, Capability Evaluation of Hybrid Wavelet-Principal Component Analysis-Random Forest Approach in Simulating the River Flow, *Amirkabir J. Civil Eng.*, 53(7) (2021) 2837-2850.

DOI: [10.22060/ceej.2020.17520.6589](https://doi.org/10.22060/ceej.2020.17520.6589)



